

مع المسالية المسالية

لجلد ٥ العددان ١ ، ٢

جامعة حلب ـ سورية معهد التراث العلمي العربي



المددان الأول والثاق

1561

المجلد الخاس

### معتويات العدد

### القسم العربي

لايعياث:	ļ

صالح عمر : الاستقراء عند ابن الهيثم	y o
أمين موافي وأندرياس فليو ؛ مخطوطة عربية ترسالة إير انسطانس في إيجاد الوسطين المتناسين بين خطين سطومين	43
ملخصات الابحاث المنشورة في القسم الاجنبي	
رمچىس مور ئون : ئىذرة عربية من كتاب مفقره لبطلميوس	rtr
جون. ل. برغون : « الشكل القطاع » قسجزي	115
جون, ل. يرفرن ; رسالة في الشكل التساعي المنتظم	174
ديفيد كينج : أصل كلمة الحرلاب واغتراعه حسب المصادر العربية في الغرون الوسطى	171
جميل رجب وادوار س. كنني : وصف مخطوطة الظاهرية ( دمشق ) رقم ٤٨٧١	174
الشاركون في هذا العند	171
ملا مثلاث ثار بر شير (الكتابة في المنظ	rev

# ابن ليسيتم وجم المجستم المكافئ

## وث ي رايث

#### الله فعيلة

لم يكتف أبو على الحسن بن الهبتم بما ابتكره من ثوري وجديد في علم الطبيعة ، وخاصة في علم المناظر ، بل خوج إلى دراسات هامة ومبتكرة في الرياضيات ، شرعنا أ في نشرها — تباعاً — محققة . وبما أن مقالاته في مساحة الحجوم — التي لم تزل مخطوطة — هي من أهم ما صنف في وحساب الصفائر ، قبل تطوره — على أيدي ليبنتز ونيوتن — إلى حساب المتفاضل والتكامل ، رأينا تقديمها هنا محققة قبل نشرها بشكل مستقل مع ترجمتها الفرنسية كيما تعم الفائدة . وسنتبع في هذا ابن الهيتم نفه ، فنبدأ بمقالته وفي مساحة المجسم المكافى ، ، ثم نعقب هذا — في عدد آخر من هذه المجلة — بمقالته وفي مساحة الكرة ، ، قبل أن ننتقل إلى أعماله في فروع الرياضيات الأخرى , فنحن نعرف من جمال الدين الفقطي ومن ابن أبي أصيعة أن مساهمة ابن الهيتم في مساحة الحجوم تقتصر على هاتين الرسالتين .

لم يكن ابن الهيثم أول من عالج المجيشم المكافيء ، أو بشكل أدق ، النوع الأول منه ، أي هذا المجيم الحادث من إدارة قطعة من القيط ع المكافىء حول قطرها : فلقد قام بهذا أرشميدس ثم ثابت بن قُرَة وأخيراً أبو سهل القوهي . أما أرشميدس فلقد استخرج هذا الحجم بتطبيقه لمنهج الاستنفاذ المشهور واستعماله لمفهوم المجاميع التكاملية . ففي كتابه و في الكونويد والسسفيرويد ٣٠ اسستخرج أرشميدس حجم المجسم المكافىء واسطة مجسمات أسطوانية متساوية الارتفاع وبتطبيق منهج الاستنفاذ . واتبع أرشميدس هذا المذبح و بخأ إلى مفهوم المجاميع التكاملية في رسائل أخر : و تربع القطع المكافىء و

 ١- انظر مقالنا : ابن الهيئم وعمل المسبع . عجلة تاريخ العلوم العربية , المجلد الثالث العدد الثاني : تشرين ١٩٧٩ ، ص ٣٦٨ - ٣٩٦ . وافتطر أيضاً مقالنا .

Ibn al-Haytham et le Théorème de Wilson, Archive for History of Exact Sciences, 22 (1980), 305-321.

Archiméde, tome 1, tente établi et traduit par Ch. Magler, Les Belles Lettres, (Parin, 1970), —7
p. 197 Sqq.

رشني راشد

و a في الحازون a ــ فقي كل هذه الرسائل كان هذا المنهج وهذا المفهوم هما الأصول التي بُني عليها حساب الصغائر عند أرشميدس .

وإذا رجعنا إلى الرياضيات العربية قبل ابن الهيثم، بل وبعده أيضاً ، نقصنا الدليل على معرفة الرياضيين برسائل أرشميدس هذه . فلم ينقل إلى العربية في هذا المجال إلا كتاب أرشميدس « في قياس الدائرة » وكتابه في « الكرة والأسطوانة » . أما عن الرسائل التي ذكرناها والتي تتضمن مفهوم المجاميع التكاملية فليس هناك – حتى اليوم – ما يرجع معرفة العاماء العرب بها . ويختلف الوضع اختلافاً كلياً فيما يخص منهج الاستنفاذ . فلقد عرفه الرياضيون من طريقين ، الأولى هي ما ذكرناه من ترجمات أرشميدس والثانية هي « أصول » أقليدس التي كانت في متناول كل مثقف .

فليس بمستغرب إذا أن يبدأ ثابت بن قرة حسابه لحجم المجسم المكافىء من جديد ، فلقد اضطر ، على ما يبدو ، إلى الكشف مرة أخرى عن مفهوم المجاميع التكاملية ، مما اضطره إلى مسلك وعر . فمجاميع ثابت تختلف عن تلك الأسطوانات ذات الارتفاع الواحد التي ذهب إليها أرشميلس ، فهي مخروط واحد وعروطات ناقصة متصلة بقواعدها متناسبة في ارتفاعاتها كتناسب الأعداد المفردة المتوالية المبتدئة من الواحد . وبمثل هذه المجاميع التكاملية يطول البحث ويثقل ، فلقد لزم ثابت بن قرة ما يقرب من أربعين مقدمة من عددية وهندسية – لاستخراج حجم المجسم المكافىء . وبحث ثابت بن قرة وحده كاف الدلالة على عدم معرفته بعمل أرشميدس على هذا المجسم . ولقد عاب أبو سهل مرة القوهي على ثابت طول عمله وتعقيده وحاول تفاديهما . والإتمام هذا اخترع أبو سهل مرة أخرى بجاميع أرشميدس وإن اختلفت البراهين في بعض التفاصيل .

هذا ما تم قبل ابن الهيئم وما كان على معرفة به ، فهو يصرح في مقدمة مقالته عن المجسم المكافى، بعلمه بمقالة ثابت بن قرة وبمقالة القوهي وبتفضيله عمل القوهي . فهو لم يثر دد أن يأخذ جملة بطريق القوهي لاستخراج حجم النوع الأول من المجسم . ولكن خلافاً لمن سبقه من الرياضيين ، قام ابن الهيئم ولأول مرة في تاريخ الرياضيات بتحديد حجم النوع الثاني من المجسم المكافى، ، وهو أصعب تصوراً ومثالاً من النوع الأول ، أعني حجم المجسم الحادث من إدارة قطعة من القيطم المكافى، حول خط ترتيبه . وسؤال ابن الهيئم عن حجم هذا المجسم أثار عقبات جمة واضطره إلى بحث واستقصاء ، لهما جلً الثر في تجديد بجال حساب الصغائر نفسه . فكان على ابن الهيئم أن :

- السب مجاميع أسس الأعداد الطبيعية إلى الأس الرابع على الأقل . ولهذا استطاع البر هان على طريقة عامة يمكن بواسطتها الوصول إلى مجاميع أسس الأعداد الطبيعية ، أس اتفتى .
- ٧ يقدم مفهوم المجاميع التكاملية لا كمفهوم هام فحسب بل كالمفهوم الأسامي الفعال الذي يه يقوم حساب الصغائر .
- عاول شرح ما وراء برهان الخُلْف في هذا المجال ، وأن ببيتن بشكل ما مفهوم
   النهايات القصوى قدجاميع التكاملية .

هذا ما قام به ابن الهيئم فعلا ، وأيسر ما يستخلص من مقالته أنه قد قارب بصورة ما مفهوم التكامل ، وأنه انتهى إلى استخراج حجم النوع الثاني بدقة . وحتى عهد قريب كان كثيراً ما ينسب هذا الاكتشاف – خطأ – لرياضي القرن السابع عشر مثل كيلر وكثاليري .

وإذا نظرنا إلى نص مقالته نجده يتضمن الفصول التالية :

- الشّحة ، يسرد فيها ثاريخ المجسّم المكافىء ، يذكر فيه رسالة ثابت بن قرة ورسالة القوهى .
- ٣ يعقب الفاتحة فصل يتضمن مقدمات عددية ، يبرهن فيها على مجاميع أسس الأعداد الطبيعية لـ ن = ٩ ، ٧ ، ٣ ، ٤ ؛ بل يعطى قانونا عاماً الوصول إلى مجموع الأس ن للأعداد الطبيعية إذا ما عرفت مجاميع الأسس من ١ إلى ( ن ١ ) . وينتهي هذا الفصل ببيان صحة هذه القوانين إن استبدلنا بالأعداد خطوطاً مستقيمة .
  - ٣ يعقب هذا فصل لاستخراج حجم المجسم من النوع الأول.
    - أم يتلوه فصل لحساب حجم المجسم من النوع الثاني .
  - وتنتهي الرسالة بمناقشة برهان الخلف وما يستره من مفاهيم وأفكار .
  - ولقد شرحنا خطوات رنتائج ابن الهيثم في المقدمة الفرنسية لهذه المقالة .

أما عن مقالة ابن الهيثم ، فهي مخطوطة المكتب الهندي رقم ١٢٧٠ ، انظر فهر من

Loth رقم 734/11 ، وهي تقع بين صفحتي ٥٦ - ظ ، ٢٩ - ظ وكل صفحة طولها ٢٧,٣ سنت رَّ وعرضها ١٢٥، ستت رَّ ا وتحتوي على سبعة وثلاثين سطراً ، وكل سطر ٢٧,٣ سنت رَّ ا وعرضها ١٢٥، وتحتوي على سبعة وثلاثين سطراً ، وكل سطر على أربع عشرة كلمة تقريباً . ومقالة ابن الهيم هذه هي إحدى رسائل مجموعة من أهم المجموعات الرياضية ، ورغم هذا فلا تعرف شيئاً عن تاريخ هذه المخطوطة . وإن كانت مقالة ابن الهيم لم تحقق من قبل ، إلا أن العالم ه . سوتر قام بترجمة حرة لها إلى الألمائية . والمقصود بكلمة حرة التي استعملها سوتر نفسه ، هو عدم التقيد الصارم بنص ابن الهيم . فكثيراً ما يسر د سوتر المعنى دون أن يقرم بالرجمة فعلاً ، وكثيراً ما يهمل بعض الفقرات وخاصة تلك التي لا يسهل نقلها إلى الألمائية . وبالجملة فقد عبر عن المضمون بشكل دقيق الا بعض الفقرات وإلا الجزء الأخير من المقالة . ثم قام قريباً الأستاذ جمال الدباغ بترجمة فقل الرجمة لجهلنا باللغة الروسية ٢ . ولكننا غير قادرين على تقدير هذه الترجمة لجهلنا باللغة الروسية .

رلقد النزمنا عند تحقيق هذه المقالة بالقراعد المعروفة ، واستعملنا الرموز التالية :

[ ] لقترح حلف ما بينهما

> ما بينهما كلامنا

/ انتهاء صفحة المخطوطة

ولقد قمنا بتنقيط النص عند اللزوم دون الإشارة إلا إذا تعددت الاحتمالات فاثبتنا نص المخطوطة في أسفل الصفحة .

١ - انظر حراش القدمة القرقسية .

٢ - انظر كتاب يوشكفتش ص ١٧٤ المذكور في حواشي المقدمة الفرنسية .

## يت إلى المنات ال

#### العزة لله تعسالي

## مقالة للحسن بن الحسن بن الهيثم في مساحة المجسّم المكافىء

كلُّ قول وكلُّ تأليف فإن لقائله ومؤلفه عركاً، هو الذي حركه لقول ما قاله و تأليف ما ألفه , وقد كنا نظرنا في كتاب لأبي الحسين ثابت بن قرة في مساحة المجسّم المكافيء ، فوجدناه قد سلك فيه مسلكاً متعسفاً ، وارتكب في تبيّنه طريقاً متكافأً في الطول وفي الصموبة معاً . ثم وقع إلينا من بعد ذلك مقالة لأني سهل ويجن بن رستم الكوهي في مساحة المجسّم المكافيء ، فوجــــــــناها خفيفة مختصرة ، ووجدناه يذكر فيها أن السبب الذي حرّكه وبعثه على تأليف هذه المقالة هو نظرُه في كتاب أبي الحسن ثابتبن قرّة ــ ثي مساحة هذا المجسّم – واستصعابُه له واستبعادُه لطريقته . إلا أنا وجدنا مقالة أبي سهل ، وإن كانت مُتَسَهَّلَة عَفْفة ، فإنما بُيِّن فيها مساحة أحد نوعي المجسّم المكافيء . وذلك أن المجسّم المكافيء ينقسم إلى نوعين سنجدهما فيما بعد ُ : أحدُهما قريب ٌ منيسّر، والآخر صعبّ متعسّر . ووجدنا أبا سهل قد قبصر مقالته على مساحة القولين على الصفة الَّي شرحناها حركتنا هذه الحال على تأليف هذه المقالة . فاعتمدنا فيها أن نستوعب الكلام ً في مساحة نوعي هذا المجسّم ، ونستوفي جميع المعاني التي تتعلق بمساحتهما ؛ ونتحرَّى مع ذلك – في جميع ما نذكره ونبيَّنه – أخْنصَرَ الطرق التي بها يتم – مسع الاستقصاء – بيانُّه ، وأوجزُ المقاييس التي بها يتنضح - مع استيفاء المعاني - برهانه .

وهذا حين ابتدأنا بالكلام فيه ، والله الموفق والمعين على ما يرضيه .

ع - عركاً عركاً إعرك // ه - ما :قد تقرأ " وما " // ٢ - تبينه : مهملة // ١١ - آنا : اذا // ١٧ - نستوهب : يستوعب ، فضلنا صيغة جمع المتكلم يدليل قوله بعد ذلك " ونتحرى " . استوعب الكلام أي جعله شاملا" . / نستوني يستوني ، فضلناها السبب قضه . // ١٨ - تتعلق : يتعلق // ٢٧ - استيفاه : غير مقرودة وتبدو حكذا من الساق // ٢٧ - ابتيفاء : غير مقرودة وتبدو حكذا من الساق // ٢٧ - ابتيفاء ! على الكلام : الصواب " ابتدائنا " ، ولكن الرسم في المفطوط لا يحمل ذلك ولهذا أبقيناها على حالها . / يالكلام : لمي ناقصة . / والله : ويافد //

كلُّ شكل مسطح ، نفرض في سطحه خطأ مستقيماً ، ونئبت الخط حتى لا يتغير وضعه ، ويُدار الشكل حول ذلك الخط إلى أن يعود إلى وضعه الذي كان عليه ، فإنه يحدث باستدارته جسماً مُصَّمَعًا .

فكل تطعة من قطع مكافى، إذا فرض في سطحها خط مستقم ، وأثبت الخط حتى لا يتغير وضعه ، وأدبرت القطعة حول ذلك الخط إلى أن تعسرد إلى وضعها الذي كانت عليه ، فإنها تُحدث باستدارتها جسماً مُصْمَنَاً . والجسم الذي بحدث على هذه الصفة بسمى المجسم المكافىء.

وكل خط يُفرض في سطح قيطٌع مكافىء ، فإنه إما أن يكون موازياً لقطر القطعة ، التي يُفرض فيها ، أو القطر نفسه ، وإما أن يَسَلَقي القُطرَ ، إما في الحال وإما إذا أخرجا على استقامة . فإن كان موازياً للقطر فهو أيضاً قطرٌ ، وإن كان يلقى القطر فهو يلقى القيطُّع على نقطتين ، وإذا كان يلقى القطع على نقطتين فهو خط ترتيب لقطر من أقطار القيطُّع ، كما بيتن جميع ذلك أبلونيوسُ الفاضل في كتابه في المخروطات .

فجميع الخطوط المستغيمة - التي تُمْرض في سطح قطعة من قطع م مكافيء - تنقسم إلى نوعين ، هما الأقطار وخطــوط الترتيب . وإذا كان ذلك كذلك ، فجميع المجسّمات المكافئة - التي تحــدث من حركة القيطع المكافيء حول خط من الحطوط المستقيمة التي تُقرض في سطحه - تنقسم إلى نوعين : أحدهما المجسّمات التي تحدث من حركة القيطع حول أقطاره ، والآخر المجسّمات التي تحسدث من حركة القيطع حول خطرط ترتيبه .

أما أحدُ النوعين، وهو الذي يحدث من حركة القطع حول أقطاره، فليس يحتاج إلى شيء من المقدّمات، وهذا النوع هو الذي ذكرنا في صدر المقالة أنه سهل متيسر. وأما النوع الآخر، وهو الذي يحدث من حركة القطع

۱ - خطأ سئتيها : خط سئتيم // ۱ - تعود : يعود / تحدث : عبدث // ١٧ - بين: تبين // ١٧ - تفرض: يفرض / تنتسم : ينقسم // ١٨ - تعدث : يعدث // ٢٠ - قلبحث : قليمت // ١٨ - تعدث // ٢٠ - قلبحث : قليمت //

حول خطوط ترتيبه ، وهو أصعبُ النوعين ، فهو يحتاج إلى مقدَّمات عددية .

فمنها أن الأعداد التي أولها الواحد ، ثم تنزّيد بواحـــد واحد ، إذا فرض منها أعداد كم كانت/وأخذ نصفُ أعظمها ونصفُ الراحد ــ الذي ٧٥ ــ و هو أولها ــ وجُمعا ، وضُرب مجموعهما في العــدد الأخير ــ الذي هو أعظمها ــ كان الذي يخرج هو مجموع جميع تلك الأعداد .

وأن الأعداد المتوالية ، إذا أخسد ثلث أعظمها وثبلث الواحسه وجسّما ، وضرب مجموعتهما في العدد الأخير الذي هو أعظمها ، ثم أضيف الله العسدد الأعظم نصف الواحسد ، وضرب ذلك في الذي كان خرج من الضرب الأول ؛ كان الذي يخرج من هذا الضرب هو مجموع مربعات تلك الأعداد .

وأن الأعداد المتوالية ، إذا أخذ ربع أعظمها وأضيف إليه ربسع الواحد ، ثم ضُرب ذلك في العدد الأعظم ، ثم زيد على العدد الأعظم واحد ، وضُرب ذلك في العدد الأعظم ، ثم ضُرب ما اجتمع من هدذا الضرب فيما كان خرج من الضرب الأول ؛ فإن الذي يجتمع هو مجموع ممكمات الأعداد المتوالية .

وأن الأعداد المتوالية، إذا أخذ خُمْسُ أعظمها وأضيف إليه خُمْسُ الواحد، وضُرب مجموعُ ذلك في العدد الأعظم، ثم أضيف إلى العدد الأعظم نصفُ الواحد، وضرب فلك فيما كان خرج من الضرب الأول؛ فما خرج مُحفظ، ثم أضيف إلى العدد الأعظم واحد، وضرب فلك في العدد الأعظم، فما خرج نقص منه ثلث واحد، فما بقي ضُرب في الدي كان حفظ، فإن الذي يخرج مسن مجموع ذلك هسو مجموع مربعات مربعات الأعلاد المتوالية.

فلنبِّين أولاً جميع هذه المقدمات بالبرهان .

ع - تتزّيد: بمنى " زاد " و " تزايد " ويدل على الزيادة المتدّجة حتى يبلغ منتها، ، ورسمها في المخطوط: يتريد // ، و حبوعهما: بجموعها // ١٢ - واحد: واحدا // ، ٩٩ - واحد: واحدا //

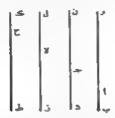
#### < 1>

فليكن أعداد أَبَ جَدَهُ رَحَ طَ أَعدَاداً مَتَوَالِيَهُ . وَلِيكِن آَبَ وَاحداً وَالْبَاقِيَةُ مَتَرَبِّدَةً وَاحدُ وَاحدُ ، فَأَقُولُ إِنْهُ إِذَا أُخَدَ نَصِفَ حَطَ ، وأَضِيف إليه نصفُ الواحد ، وضُرب الجميع في عدد حَطَ ، فإن الذي يكون من ذلك هير عجموع أعداد آب جده وَ رَحَ طَ .

برهان ذلك : أنا نضم إلى هذه الأعداد أعدادا أخُرَّ متوالية مبتدئة من الواحد، متزيكة بواحد واحد، ونجعل ترتيبها بالمكس من ترتيب الأعداد الأول ؛ وليكن كح له نجماً ، وليكن كح واحداً ، والباقية متريدة بواحدواحد ، فلأن ع ط يزيد على «ر بواحد ، و كرح واحد ، يكود كود كو يزيد على وَرَ باثين . و لَ وَ اللَّهِ اثنين ، و لَ زَ مثل كَطَ . ولأن حَطَ بريد على جَدّ بالثنين يكون كلُّ بزيد على جدَّ بثلاثة . و ل ج ثلاثة ، و ز د مثل كلُّ . وكذلك يتبين أن مب مثل كل . فجميع أعداد من دول ركط مساوية . والأعداد المتوالية المندلة من الواحد ، المتزيَّدة بواحد واحد ، يكون عددها هو عبَّدةً ما في العدد الأخير منها من الآحاد ، فعدة أعداد اب جد مز حظ هو عدة ما في حط من الآحاد ، وعدة أعداد اب جد هر عط هو عبدة أعداد مب ن د ل ز كط. فعدة أعداد مب درد ل ز كط المساوية هو عبدة ما في عط من الآحساد . فإذا ضُرب عسدد كَطَ في آحاد ع ط كان الذي يخرح من الضرب هو مجموع أعلاد من لدلر كط . وأعداد أن جد مر عط مثوالمية مبتدئة من الواحد متزيَّدة بواحد واحد. وأعداد كرح لء نجماً أبصاً متوالية مبندئة من الواحد متزيَّدة بواحد واحد ، وعيَّدة مُ هذه الأعداد كعدة الأعداد الأول ، فهي مساوية لها , فمجموع الحميع هو ضعف < مجموع > أعداد أن جَد ور حط . فهذه الأعداد < مجموعة > إذن عي نصفُ مجموع أعداد مب ن د لركط ، حو كط > في آحاد عط هو مجموعُ هذه الأعداد ، فيُضرُّبُ نصفٍ كاط في حاط هو مجموعُ أعداد اب جَدُ وَزَ حَطٍّ؟ وَطَكُ هُو عَلَمُ حَطِّ اللَّذِي هُو آخَرُ الْأَعْدَادُ المُتُوالَيَةِ ﴿ وَكُحَّ هو الواحد ، فصف / كلَّ هو نصف ع ط مع نصف الواحد .

 $r = |a_k|_{\mathcal{C}} : \overline{|a_k|_{\mathcal{C}}} / |$   $\gamma_f = \overline{|b_k|_{\mathcal{C}}} : \overline{|b_k|_{\mathcal{C}}} / |$ 

وكلظك يتبين في جميع الأعداد المتوالية المبتدئة من الواحد كم كانت .



قالأعداد المتوالية المتدثة من الواحد المتريدة بواحد واحد ، إذا أخذ نصف أعظمها ، وأضيف إليه نصف الواحد،وضُرب ذلك في العدد الأعظم، كان الذي يخرح من الصرب هو مجموع الأعداد المتوالية من الواحد ، وذلك ما أردنا أن نبيش .

ويستبين من هذا البيان أن محموع الأعداد المتوالية مساو لنصف مربع العدد الأعطم ولنصف العدد نفسه ؛ وذلك أن ضرب العدد الأُحير في نصفه هو نصفُ مربعه ، وضَرْيَه في نصف الواحد هو بصفُ العدد نفسه .

#### < ->

وأيضاً ، فليكن الأعداد التوالية آن ب جهدده على الوضع الذي في هذه الضورة – أعني صورة الشكل الثاني – ونحعل أعداد سرج حده م الله أيضاً أعدادا متوالية مبتدئة من الواحد ، فيكون آب مثل آن و بهم مثل جه و جد مثل آور و بهم مثل به و جد مثل آور و بهم مثل به و جد مثل المارة و ده مثل و ده مثل و ده مثل المارة و ده مثل و ده مثل المارة و ده مثل و ده مثل المارة و به مثل المارة و به مثل آور و به مثل المارة و به مثل المارة و به مثل أور و به مثل المارة و به مثل المارة و به مثل المارة و به مثل به و مرب آب في جه و مرب المارة و به و به و به المارة و به و مرب المارة في جال و مرب المارة في جال المارة المارة المارة في جال المارة في جالمارة في جال المارة في المارة في المارة في جال المارة في المارة ف

۲ - سار : ساری // ۱۲ - أعدادا : أعداد // ۱۶ - تَوَوْ : فَأَوْ ! لَا اللهِ اللهِ اللهِ اللهِ اللهِ اللهِ اللهِ ا

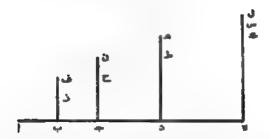
جح ، لأن بَجَ مثل جح . فضرب آجَ في جَنَ هُو آجَ نَفُسُهُ وَمُرْبِعُ جَحَ وضرب آبِ في جَح . وصرب آبِ في جَح هُو آبَ في بَافَ ، لأن بِ فَ مثل جَحَ . وذلك أن بَ فَ مساوٍ لابِ جَ لأن بِ فَ يَزِيدُ عَلَى بِ زَ المساوي لا بِ آ واحداً و بِ جَيْزِيدُ عَلَى آبَ واحداً ، و بِ جَ مساوٍ لَـ جَحَ ، فَ بِ فَ مساوٍ لَـ جَحَ .

وقد يتبين< أن ضرب > الله في سامه هو مربعُ سازو البانفسُه . فضرب آجاني جان هو مربع آباز ومربع الجان الله و آجاناسه

وأيضاً فإن ضرب آدني در هو ضرب آدني دط و آد في ط م .

و آدني ط م هو آد نفسه ، لأن ط مواحد . و آدني دط هو جد في دط و آجني دط ، و جد في دط هو جد في دط لأن دط مثل جن ، وحلك أن جن يزيد على جح المباوي لد جن واحدا ، لأن دط مثل جن ، وحلك أن جن يزيد على جح المباوي لد جن واحدا ، فهرب آد فهر مباو لد دط . فضرب آد في دم هو آدنفسه ومربع دط وضرب آجني جن . وقد ثبين أن ضرب آجني جن هو مربع حج ومربع بنز و آج نفسه و آب نفسه . فصرب آدني دم هو مربع حج ومربع بنز و آج نفسه و آب نفسه . فصرب آدني دم هو مربع دط ومربع جح ومربع بنز و آدنفسه و آج نفسه و آب نفسه .

۷ – معاور : معاوی // ۵ – معاور : معاوی // ۵ – معاور : معاوی // ۱۲ – معاور : معاوی ( الأولی و الثانیة و الثالثة ) // ۱۸ – ثبین : یتبین //



وكلك آب هو نصف مربع  $\frac{1}{\sqrt{2}}$  ونصف بريد . فضرب آه في ه  $\frac{1}{\sqrt{2}}$  عموع مربعاتها وأنصافها أنفسها .  $\frac{1}{\sqrt{2}}$  وعجموع > أنصاف أعداد  $\frac{1}{\sqrt{2}}$  وعجموع > أنصاف أعداد  $\frac{1}{\sqrt{2}}$  و عموع هذه الأعداد . فضرب آه في ه  $\frac{1}{\sqrt{2}}$  هو مربعات الأعداد المتوالية التي آخرها  $\frac{1}{\sqrt{2}}$  ، وأنصاف مربعاتها ، وفصف آه .

ونقسم ل ك ينصفين على تغطة س ، فيكون ضرّبُ أه في ه ل هو أه في ه ل هو أه في ه س و اه في س ل . وضرّبُ أه في س ل هو نصف أه ، لأن س ل هو نصف واحد . وقد كان ضربُ أه في على هسو مربعات الأعداد المتوالية وأنصاف مربعاتها ونصف أه . فيتمى ضربُ أه في ه س هسو مربعات الأعداد المتوالية الأعداد المتوالية اللي آخرها كروأنصاف مربعاتها . فضربُ للهي أه في ه س هو مجموع مربعات الأعداد المتوالية التي آخرها كره . وقسد تبين في الشكل الأول أن ضرب نصف ل ه - الذي هو العدد الأخير مع الواحد - في كره ، هو جميع أه . فضرب ثلثي تصف ل ه - الذي هو ثلث ل ه - في كره هو ثلث أه . فاذا أخذ ثلث ل ه الذي هو العدد الأعظم - وثلث الواحد ، وضرب فلك في كره - الذي هو العدد الأعظم - م ضرب وثلث الواحد - كان الذي هو العدد الأعظم - م ضرب من الضرب هو مجموع مربعات ه كرد ح جر برز ، التي هي الأعداد المتوالية المتدنة من الواحد المتريدة بواحد واحد ، وفلك ما أردنا أن نبيش .

 $\frac{1}{2}$  — أنساف مريمانها : ف مريمانها //  $\frac{1}{2}$  — أنساف: وأنساف //  $\frac{1}{2}$  — وأنساف //  $\frac{1}{2}$  —  $\frac{1}{2$ 

ويستين من هذا البرهان أن مجموع مربعات الأعداد المتوالية هو ثلث مكعب أعظمها وفصفُ مربعه وسدسُ العدد نفسه :

و دلك أن ضرب ثلث له في و كهو تُلُثُ مربع و كه و ثلث م كه و الله و كه و الله و كه و الله و كه و الله و كه في و س ثلث مكعب و كه و الله و

-

المتوالية ؛ فيكون آب هو الواحد ّ ــ الذي هو مربعُ الواحد ــ و بَجَ هو مربعَ الاثنين و حَدَّد هو مربعَ الثلاثة و دُمَّ مربعُ الأُرْبَعة , ونجعل أعداد بَازَّ جَحَ دُطَ ءَكَ هِي الْأَعْدَادُ الْمُتُوالَيْةِ أَنْفُسُهَا . فَيَكُونَ بِ رَ وَاحْدًا وَ جَحَ اثْنَين و لَهُ ثَلَاثَةً وَ فَكَ أُرْبِعِيةً . فيكون ضرب لا في في حَرَفِيو مكمب وَكُون وضرب جدّ في دط همو مكلمب دط ، ركدلك الباقية . ونضيف إلى كل واحد من الأعداد المتوالية الآحداد كمدا في الصدورة. فيكون ضرب آه في ه لَ هو ضرب آه في ه كو آه في كُلّ . و آه في كُل هــو آهُ نعسه ، لأن كن واحد . وضرب أ ، في ، كه هـــو ضرب د ، في ، كم و أ د في هُ كَ. وَضُرِبَ دَهِ فِي هَ كُنْ هُو مُكْفِ هِ كَا الْأَنْ دُهُ هُو مُرْبَعَ اللَّهُ . وَضَرِبُ آ د في < ه كلمو ضرب آ د في > د م ، لأن دم مثل ه كم كسا تبين من قبل . فضرب آه في مآل هو أمَّ نفسه ومكعب مآكوضرت آمد في مدَّ . وبحش هذا البيان يتين أن ضرب آد في دَم هو آد نفسهُ ومكعب دَطَ وضرب آج في جَنَّ ؛ وضرب آجِ في جَنَّ هــو آجِ نفسه ومكعب حَجَّ وضرب آبَ في ں تی . < وضرب ا یہ فی ب ف > هو ا ب نفسه ومکعب ب ر فیمبرب آنے فی بہل ہو مکعب ہے و مکمب دیارمکس جے ومکمت بہر و آنے نفسہ و أد نفسه و آج نفسه و آب نفسه . لكن آء هو هو مجموع المربعات المتوالية ،

٢١ - أو: ومم // ٢٥ - جح : الجيم طبوعة / هو ( الثانية ) ، فوق السطر . //

فهو ثلثُ مكعب عَنو نصفُ مربعه وسدسُ عَن نفسه ، كما تبين فيا مضى وكلك دهيو ثلثُ مكعب حَل ونصفُ مربعه وسيدسُ دط نفسه . وكذلك آج هو ثلثُ مكعب جاح ونصفُ مربعه وسيدسُ جاح / نفسه ، وكذلك آب هو ثلث مكعب بار ونصفُ مربعه وسيسُ بار نفسه ، لأن الواحد بهده الصفة . فضربُ آه في قل هو عجموع مكعبات الأعيداد المتوالية التي آخرها ها كان وأثلاث مكعباتها وأنصاف مربعاتها وأسداس الأعياد المناس الأعياد الأعياد الأعياد الأعياد الأعياد الأعياد الأعياد المناس الأعياد المناس المناس الأعياد المناس المن

وصرب آءَ في مَلَ هو ضرب آءَ في مَسَ ، و آهَ في سَلَّ . لكنَّ " آءِ فِي مَرَلَ هُو نصف آءً ، لأَنْ سَلَ نصف واحد ، ونصف آءَ هُمُو أنصاف مربعات جديم الأعداد المتوالية التي آخرها 📆 . ويبقى ضرب آءً في مَنَّ هُو مُكْمِئاتٌ حميع هسله الأعداد وأثلاثُ مُكْتِباتُها وأسداسُ الأعداد أنصها . ولكن آه هو الذي يجتمع من ضرب ثلث له في هكم ثم ما احتمع في يس . فضرت ثلاثة أرباع ثلث للهـ الذي هو ربع للهـ ـ ني وَكُو ثُمُ مَا اجتمع في وَسَ هسو ثلاثة أرباع إلى وثلاثة أرباع إلى إذا خرب في مس ، كان محموع مكمات الأعداد المتوالية وأثمان الأعداد أنفسها ؛ لأن جديم آ. إذا ضُرب في وس كان منه مجموعٌ مكعبات هذه الأعداد وأثلاث مكماتها وأسداس الأعداد أنفسها . فإذا أخذ ربع للـ مـ الذي هو ربعُ أَنْ كَوربع الواحد -- وصُرب ذلك في أَنَّى مُسُرب مَا خرج في مَى ، ثُمْ ضُرِب ما اجتمع في من أيضاً ؛ كان الذي يجتمع هو مجموعً مكعبات أعداد م كا د ط جرح ب ر ح و > ثمن مجموع هذه الأعداد . ولكن "ضَرَّبَ ربع لَه في وكر ، ثم ما احتمــع في ومن ، ثم ما اجتمع في وَسَ ، هو ضربُ ربع لَه في مك ، ثم ما أجتمع في مربع و س ؛ لأنه إذًا كانت ثلاثة أعداد فإن ضرب الأول في الثاني ثُم ما اجتمع في الثالث هو مثل ضرب الثالث في الثاني ثم ما اجتمع في الأول . والذي يُخرُّج من ضرب ربع لَهَ فِي مَكَ هُو عُدُدُ مَا ءَ وَ مِسَ عَدُدُ ثَانَ . وَ مَشَ أَيْضًا عَدُدُ ثَالَتْ . فإذا ضُرب ربع لَ ﴿ فِي ﴿ كَا ءُمْ مَا حَرِجٍ فِي مَرْبِعٍ مَمَى ، كَانَ الَّذِي يَخْرِجِ

هو مجموع مكمبات أعداد  $\tilde{a}$   $\tilde{c}$   $\tilde{d}$   $\tilde{d}$ 

فالأعداد المتوالية المبتدئة من الواحد المتزيدة بواحد واحد لـ كم كانت ـ إذا أخد ربع أعظمها ، وأضيف إليه ربع واحد ، وضرب دلك في العدد الأعظم ، ثم صرب ما خرج في مصروب العدد الأعظم في العدد الذي يريد عليه بواحد ، كان الذي يحتمع من جميع ذلك هو مجموع مكعبات الأعداد المتوالية المبتدئة من الواحد ، ودلك ما أردنا أن نبيش .

 $a + a\overline{0} : a\overline{0} / 11 - yaho : مَا القصود مَا <math>\overline{0} = a\overline{0} + \overline{0}$  ومنه مَا  $\overline{0} = a\overline{0} + \overline{0}$  مَا  $\overline{0} = a\overline{0} + \overline{0}$ 

#### < 2 >

وأيضاً فإنا نجمـــل أعداد أب بججد ده هي الأعـــداد المكعبات المتوالية ، ونجعل أعداد بَ زَ جَحَ دَطَ هَ كَا هِي الْأَعدَادُ المتوالية أَنفسَها ، فيكون ضرب ده في وكم هو مربع مربع ونكون ضرب جدفي دملا هو مربع مربع دلم ، ويكون ضرب ب لي في جع هسو مربع جع ، ويكون صرب آب – الدي هو الواحدُ – في ﴿ زَ الَّذِي هُوَ الْوَاحَدُ ۚ أَيْضَآ – هو مربعٌ مربع الواحد . ونضيف إلى كل واحد من هذه الأعداد المتدئية < من الواحد > واحداً ، كما في الصورة . فيكون ضرب آه في مل همسو صربُ اللَّهِ فِي مَكُو اللَّهِ فِي كُلُّ . و اللَّهِ فِي كُلَّ هُو أَمَّ نَفُسُهُ . و أَمَّ في هَ كَهُ هُو صَرِبُ دُهُ فِي هَكُو آدَ فِي هَكَ. وضَرِب دَهُ فِي هَ كُهُ هُو مُرْهُمُ مربع ﴿ كَ- لأن رَهُ هُو مُكْعِبُ ﴿ كَنَّ لَ وَ آدْ فِي هُ كَا هُو آدْ فِي رَمَّ ﴾ ﴿ لأَنْ دَرَكِ مُسْسِلُ وَكَ . فَضَرَبِ آوَ فِي وَلَ هَسُو آوَ فَعَسَمَهُ وَمَرْبِعُ مُرْبِعُ وَكُمَّ وضربُ آدَ في دُمَّ . وضرب آدَ في دَمَ هـــو آدَ نفــــه ومربع مربع دَطَّ و آج في جَآنَ . وكذلك الناقبة ُ ، لأنه يشيسٌ كما تبينن . فضرب آء في مل هو مربعاتُ مربعاتِ أعدادِ مك دَطَ جَعَ بَارَ وأعسداد أَهُ أَدَ آجَ آب أنفسها . وقد تبيتن أنَّ [ ، هو ربعُ -ربع < مربع > • كونصف مكعب • ك وربع مربع ﴿ كَمُ الْأَنْ آمْ هُو مُجْمُوعٌ مُكْمِبَاتُ الْأَعْسَفَادُ الْمُتُوالَيْةُ الَّتِي أعظمُها مَكَ . وكذلك آدَ هِــو ربعُ مربع مربع دَط ونصفُ مكعبه وربعُ مربعه . وكذلك ا ج هو ربعُ مربع مربع جَحَ ونصفُ مكعبه وربعُ مربعه .

r - درج : دج // ۲۰ - آه : هـ آ //

وكذلك آب ــ الذي هو الواحد ــ هــو ربعُ مربع مربع بَرَز ونصف مكعبه وربع مربعه . فضرب آه في «آل هو مربعاتُ مربعات جميع الأعداد المتوالية - التي أعظمها وكم - وأرناع مربعات مربعاتها وأنصاف مكعباتها وأرباع مربعاتُها . فإذا ضُرب أربعة أخماس آمَ في مَلُّ ، كان الذي يخرجُ هو مربعات مربعات الأعداد المتوالية وخمسي مكعباتها وخمس مربعاتها . وضرب أربعة أخماس آء في س ل -- الذي هو نصف واحد ـــ هو خمسا آ ﴿ الذي هو مجموع مكعبات هذه الأعداد المتوالية . فيبقى مضروب أربعة أخماس وه في مس هو مربعات مربعات الأعداد المتوالية وخمس مربعاتها . و آه هو الذي يجتمع من ضرب ربع لَه في ه كم ، ثم ما خرج في مضروب لَ ۚ فِي وَكَ . فإذَا ضَرِبِ أَرْبِعَةُ أَخْمَاسَ رَبِّعَ لَهُ ﴿ الَّذِي هُو خَمَسَ لَ ۗ ۖ ﴿ في هَ كَمَ ، ثُم ضرب ما خوح في مضروب لَ ۚ في هَ كَمَ ، كَانَ اللَّبي يُخرِج هو أربعة أعماس آء . فإذا ضرب ذلك في مس ، كان الذي يخرج هـــو مجموع مربعات مربعات الأعداد المتوالية وخُسسَ مربعاتها . فإذا ضرب خُمُسُ لَهَ فِي هَ كَ ، ثُمُ مَا خرج فِي مضروب لَهَ فِي هَكَ ، ثُمُ مَا خرج تي وس ، كان الذي يجتمع هو مربعات مربعات الأعداد المتوالية وخُمس مرىعائها . وضَرَّبُ الأعداد بالتقديم والتأخير واحدٌ . فإذا ضرب خمس ل في وكرى ، ثم ما اجتمع في ومن ، ثم ما اجتمع في مضروب ل و في وكر ، كان الذي يخرج هو مربعات مربعات الأعداد المتوالية وخُمس مربعاتها . لكنَّ ضَرَّبٌ ثُلُثُ لَنَّهُ فِي 5℃ ، ثم ما خرج في ومن هـــو مجموعُ مربعاتِ الأعـــداد المتـــوائية التي أعظمُهـــا / وكَ. فضرب خمس لَــه في وكر ، وهـــظ ثُم ما خرج في مس هو ثلاثة أخماس مربعات هــــذه الأعداد المتوالية ، لأن الحُمْسَ ۚ هُو ثَلاثة أخماس الثلث . فضرب ثلاثة أخماس مربعات الأعداد المتوالية – التي آخرها ﴿ كَ – في مضروب لَهُ في ﴿ كَ هُـــو مربعاتُ مربعات الأعداد المتوالية مع خُمُس مربعاتها الكن ضرب ثلث واحد في ثلاثة أخماس مربعاتها هو تخمسُس مَربعائها . فإذا نقص من مضروب لآمَ في ﴿ كَانُكُ وَاحِدُ ، ثُمْ ضَرِبِ البَّاقِي في ثلاثة أخماس مربعات هذه الأعماد المتوالية ، كان الذي يخرج هـــو مربعات مربعات هذه الأعداد فقط.

ج - وأنصاف : واضاف // ٨ - وخسن : وخسن // ٢٠ - خمس : خسن //

فضربُ خمس لَ أَ فِي أَ كَنَى ، ثُمَ مَا خَرَجَ فِي أَسَى ، ثُمَ مَا خَرِجَ فِي مَضْرُوبِ لَ أَ فِي أَكَ مَنْقُوصاً مَنْهُ ثَلْثُ وَاحْد ؛ هو مجموع مربعات < مربعات > هذه الأعداد .

فالأعداد المتوالية المبتدئة من الواحد المترّيدة بواحد واحد ، إذا أخد خمس أعظمها وخمس الواحد [ وضرب فلك في العسدد الأعظم وخمس الواحد ] وضرب ذلك في العسدد الأعظم ، ثم ضرب ما خرج في العسدد الأعظم مزيداً عليه نصف واحد ، وحفظ ذلك ، ثم زيد على العدد الأعظم واحد ، وضرب الماقي فيما كان "حفظ ، فإن الذي يجتمع من ذلك هسو تجموع وضرب الباقي فيما كان "حفظ ، فإن الذي يجتمع من ذلك هسو تجموع مربعات الأعداد المتوالية ، وذلك ما أردنا أن نبين .

#### < • >

وأيضاً ، فليكن أعداد الله جو وراح حال كل مربعات الأعسداد المتوالية ، على تواليها ، ونجعل كل واحسد من مب ن و فن وع حا مساوياً له كل . فأقول : إن مجموع مربعات المرجن وف ح أقل من ثلث وخسس مجموع مربعات مب ن و فن و ع حا < كل ، وأكثر من ثلث وخس مجموع مربعات مب ن و ف و ع حا < وان < محموع < مربعات أكثر من ثلث وخسس مربعات مب ن و ف و حك مربعات المرجن و حال كل من ثلث وخسس مربعات مب ن و فن ع حال كل

برهان ذلك : أذًا نجعل سب ضعف مب و سد ضعف  $\dot{u}$  و  $\dot{u}$  و  $\dot{u}$  و  $\dot{u}$  و  $\dot{u}$  و  $\dot{u}$  و  $\dot{u}$  ضعف  $\dot{u}$  و  $\dot{u}$  و  $\dot{u}$  و  $\dot{u}$  ضعف  $\dot{u}$  و  $\dot{u}$  و  $\dot{u}$  مساریاً لمربع  $\dot{u}$  و  $\dot{u}$ 

۲ - منقوص ا منقوص // ۸ - واحد ; واحدا // ۱۸ - سَ د : سَ ه // ۲۲ - خع : حَمَّ // ۲۲ - من د : سَ ه // ۲۲ - خع : حَمَّ // ۲۲ - مناویاً : صاوی //

من ضرب س د في دج مربعُ دج ، كان الباقي هو ضرب س ح في جد . وإذا نقص من ضرب س في حد . وإذا نقص من ضرب س في السلام س ا ، كان الباقي هو ضرب س ا في الس المن في الس المكن ضرب س ط في طح و س ز في ز ه و س د في دج و س ب في ب اهو صرب س ط في مجموع طح ز ه دج د ا ، اللذي هو مجموع مربعات الأعلاد المتوالية . ومربع ط ح ومربع د ح ومربع د ح ومربع س المعلاد المتوالية . وإذا ضرب ضعف ع ط ، أعني ضعف كل ، مربعات الأعداد المتوالية التي الحراها عدد ح ط المربع ، ثم نقص في مجموع مربعات مربعات الأعداد المتوالية التي الحراها عدد ح ط المربع ، كان الماقي هو مجموع ضرب س ح في ح ط و س في و ر و س ح في حد وس ا في الس فؤذا نقص هذا الباقي من مجموع مربعات ع ط ف ز ن د د س المتساوية ، كان الله الذي يبقى هو مربعات ع ه ف ح ن ا محموعة .

ونجعل ل  $\overline{D}$  هو مضروب  $\overline{D}$  في  $\overline{D}$  . فيبقى  $\overline{D}$  مساوياً لنصف  $\overline{D}$  هو مربع  $\overline{D}$  هو مغروب  $\overline{D}$  من  $\overline{D}$  هو نصف واحله .  $\overline{D}$  من  $\overline{D}$  و  $\overline{D}$  هو أيضاً مساوياً له  $\overline{D}$  و  $\overline{D}$  لأن  $\overline{D}$  هو مثل  $\overline{D}$  و  $\overline{D}$  لأن  $\overline{D}$  هو مثل  $\overline{D}$  و  $\overline{D}$  الأن  $\overline{D}$  و مثل  $\overline{D}$  و  $\overline{D}$  الأن  $\overline{D}$  و مثل  $\overline{D}$  و  $\overline{D}$  الأن  $\overline{D}$  هو مثل  $\overline{D}$  و  $\overline{D}$  الأن  $\overline{D}$  الذي هو واحد  $\overline{D}$  و مثل  $\overline{D}$  و  $\overline{D}$  الأن  $\overline{D}$  ما خرج في  $\overline{D}$  من وصلم وحشر  $\overline{D}$  و وقي خمس وسلم وحشر  $\overline{D}$  و وقي خمس ومد ومن وحش وحش و  $\overline{D}$  و وقي  $\overline{D}$  و و  $\overline{D}$  و  $\overline{D}$  و  $\overline{D}$  و  $\overline{D}$  و و  $\overline{D}$ 

هو ضرب ل كَ في خمس وسلس وعشر ل ت . وضرب ل ت في خس كَ ذَ هو ضربُ ل ت في خمسي كات وفي خمسي سُلمس واحد ، لأن كات نصفُ كَحَ والسلسُ تصفُ خَذ . فمضروب كَال في خس وسلمن وعشر ل ت مع مضروب ل ت في خمسي كن وفي خسَّمي صدس واحد ــ الذي هو ثلثًا عُشْرِ واحد \_ ثم ما اجتمع في قرى ، هو مجموعٌ ضرب سح في ع ط و سه في وزو سج في جدو س آ في آب ، ولأن أعداد أب جده ر ح طَ كَانَ هِي مَرْبِعَاتُ الْأَعْدَادُ المُتَوَالَيَةِ ، و مِنْ فَسَلَّعَ كَالَّ ، يكونَ صَ فَ آخرً الأعداد المتوالية التي هده مربعاتُها . فيكون في مَن في من الآحاد مثل عدد تلك الأعداد . وعدد تلك الأعداد المتوالية هو عدد مربعاتها . فعدة أل جد ه زَ حَطْ كَالَ هِي عَدَهُ مَا فِي صَقَ مَنِ الآحاد . و صَ يَ وَاحَد . فَفِي قَ يَ من الآحاد مثل عدة أب جد ه ر ح ط . وعدة هذه الأعداد هي عدة مب ن د ف رع ط المتساوية والمساوية لـ كمل . / فإدا ضُرب مرسم كن في آحاد ٢٠ ـ ط في كان الذي يخرج هو مجموعً مربعات أعداد عط عَـر نَـد مَـب . وقد تبيَّن أنه إذا ضرب كلُّ في خسس وسدس وعُشر لَ تَ ، وأصيف إليـــه مضروب لَـ تَ فِي خُمسي كَانَ وتُنكُي عُشر الواحد ، ثم ضرب ما يجتمع من ذلك في قَى ، كان الذي يخرج هو مجموعٌ ضرب سُ في حَ طَ و سُ في عزَّ و سَجِ في حَدُو س آ في آب . فإذا لُقَصَ ضرب كُل في خَس وسلس وضرب الباقي في قي ، كان الذي يخرج هو بقية مربعات ع ط ف ر ٥ د مب الّي هي مربعات ما ناج ف ع ع ج , لكن مربع كال إذا أنقص منه مضروب كُلُّ فِي خِمْسُ وَسُلْسُ وَعَشْرَ لَ تَ وَمُصْرُوبٌ لَ نَ فِي خَمْسِي كُنَّ وَثَلْقِي عشر واحـــد ، كان الذي يبقى هـــو مضروب كَوْلَ في ثلثُ وخمس لَ تُ ومضروب كلُّ في جميع كنُّ ، منقوصاً من الجميع مضروبُ لَـ في خمسي كنَّ وثلثي عشر واحد وجميع كنَّ هو ثلثُ وخمسٌ كنَّ وخمسُ ع حكن (الله عند كل م علا على الله عند ا

ع ص كَنَ (التانية) ؛ كَابِ // ه ص اللها ؛ ثاني // ه ١٠ هي ؛ هو // ١٥ ص من ؛ هو // ١١ ص من أن أن الأولى والتالية) ؛ لوب // مربع ؛ هو // ١١ ص من أن أن الأولى والتالية) ؛ لوب // ١١ ص من وصا ؛ منفوص // ٢٠ ص كنت ؛ كوب //

وسدس وعشر كن وعشر كن ، فالذي يبقى من مربع كل هو مضروب كن في ثلث وخمس كل وخمس كن وخمس مضروب أكن في ثلث لن في خمسي كن وفي ثلثي عشر واحد . فإذا ضرب كن في ثلث وخمس كن وفي خمس وسدس وعشر كن ، ونقص منه مضروب له ت في خسي كن وفي عشر واحد ، وضرب البابي في قي، كان الذي يخرج هو مجموع مربعات ما أن حقر واحد ، وضرب البابي في قي، كان الذي يخرج هو مجموع مربعات ما أن حقر واحد .

ونجعل ت ظ مسئة أسباع ت مَن ، فيكون نسبة مَن َ إِلَى تَ ظَ كنسبة خمس وسلس وعشر التي هي ١٤ من ٣٠ ــ إِلى خُسسين ، التي هي

إلى المعتموم المعتموم المن المنطق الله المنطق ال

١٢ من ٣٠ . فيكون ضرب كال في خسشي ض ت هو ضرب كل في تُخمس وسدس وعشر تَ ظ ﴿ فِيكُونَ صَرِبُ لَ تَ فِي خَمْسَى كُنَّ وَفِي تُلَّىٰ عشر واحد هو ضربَ كُلُّ في تُخمس ومسدس وعشر تَ طَ . وإذا يُقص من ضرب كل في حمس وسلمن وعشر كت ضربٌ كُلُّ في حمس وسدس وعشر ت ظ ، كان الذي يعني هوضرب كلّ في خمس وسدس وعشر كَطَ . فالذي ينقي من مربع كَلّ – بعله أن ينقص منه مضروب كَلّ في خمس وسدس وعشر لآت ومضروب لآت في خمسي كُتّ وفي ثلثي ُعشر واحد ۔ هو مضروب <del>کال</del> في ثلث وخمس کال وفي خمس وسدس وعشر كَافَةً . فإذا صرب هذا في قرى ، كان الذي يخرح هو مجموع مربعات مَا رَجَ فَ مَ عَ حَ . ومَصْرُوبُ كُلُّ فِي ثُلْثُ وخمس كُلُّ هُو ثُلثُ وخمسُ مربسع كال . فإذا ضرب ذلك في نني ، كان الذي يحرج هــو ثلثَ وخمس مجموع مربعات ع ط ف ر ل د ما ، لأن عسلة أحاد في هي مربعات ما أند فارع لم ، منع مضروب كال في محسس وسدس وعشر كظ ثم ما خرج في قي . ومضمروبُ كل في حُمس وسلس وعشر كظ ثم ما خرج في قَيّ هو مضروب خُسُس وسُلس وعُشر كَا فِي فَنِي ثُم مَا خَرْجِ فِي كُولَ . وخمس وسدس وعشر كُظُ هو خمس وسدس وعشر ظانى وخدس وسندس وعشر ننيذ وخدس وسدس رعشر دَكَ . فَ ظَامَنَ هُو سُبُعِ ضَ تَ ، لأَنْ تَ ظَا سَتُهُ أَسِبَاعٍ ضَ تَ . وخمس وسدس وعشر السع هو سبع الخمس والسدس والعشر، الذي هو أربعة عشرَ جزءاً من ٣٠ جَزَّءاً ؛ فسُبِعه اثنان < من ثلاثين > ، وهو ثلثا عشر فخمس وسلس وعشر ظرص هو ثلثا تعشر ت ض . و ناخذ من كوص ثَلثْي ُعشره ، فنضيمه إلى عذا ؛ فيبقى من خمس وسلسس وعشر كض

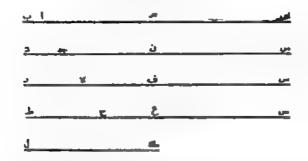
Y - z + z + z + d = 0 Y - z + z + d = 0 Y - z + d = 0

خمساه . ويصير ثلثا عُشر ت من وثلثا عشر كرص هــو ثلني عشر كتّ . فيكون خمس وسدس وعشر كاظ هسو تُلْبي عشر كان وحمسي كاص . وثلثا عشر كرت هـــو ثلث عشر ص ق ، لأن ترت نصف ص ق . وإذا ضُرب ثلث عُشر ص في في في ، كان الذي يخرج هو ثُلث عُشر ل ح ، لأن ضرب سَ فَ فِي هُو لَ خَ . فضرب خمس وسدس وعشر كَظَ في ق ي هو ثلث عشر ل ع مسع مصروب خمسي كن ۚ فِي . و كَدْ هو نصف سدس واحد ؛ لأن كع ربع واحدو ع ذ سدس واحد . فخمسا كَدَهُ وَ ثُلَثُ عَشْرُ وَاحَدَ . فَإِذَا ضُمَّرِبٌ فِي قَرَى ﴾ كَانَ الذي يَخْرِج هــــو ثُـاثُ عُشْرِ قِي ، السَّذِي ينقص عن كاخ بواحسه ، لأن كُمَّ مثل ص في . ﴿ فَإِذَا أَضِيفَ ثُلْثُ عُشُر قَى إِلَى ثُلْثُ عَشْرٍ لَ حَ ، كَانَ الذِّي يَجْتُمُعُ هُو ثُلْثُ عشر كل إلا ثاث عشر واحسد . فمضروب خمس وسدس وعشر كلَّم في قرى هو أَنْكُ عُشر كل ، إلا تُلُثُ عُشر واحد ، مع مضروب خمسي ذَمَنَ فِي فَيَنَى . وإذا ضرب ثُلُثُ عُشُر كَالَ إِلا ثُلَثُ عَشْرَ واحد في كال ، كان الذي يخرج هو ثلثُ عشر مربع كال إلا ثلثُ عشر كال ، لأن ضرب ژاث عشر واحد في <del>کال</del> هو ثلث <sup>عم</sup>شر کال. فیکوں مضروب <del>کال في خس</del> وسدس وعشر كلَّ ، ثم ما حرح في فَيَي ، هو ثلثُ عُشْر مربع كلَّ، إلا ثلثُ عشر کمل ، مع مصروب کل في خمسي ذَصَ ، ثم ما خرح في قاي . وقسد كان فرض نسبة ع د إلى دص كسبة ت ك إلى كع ، التي عي حسة ل ك إلى كان . فسيسة كآل إلى كان كسيسة ع ذ إلى دمن . فضرب ل ك إن فَضَ هو ضرب كَت في ع د وصرب كَت في غ فهو سلسُ كَت ، لأَن غ و سدس واحد . فضربُ كل في دص هو سدمُ كن . فضرب كل في خمسي ذَض هو خمسا صلمى كَتَّ ، الذي هو ثُلُث عُشْر كَتَّ ، الذي هو ثُلُكُ عُشِم مِنِ فَي ، لأَن كُنَّ نصف مِن في . وإذا ضرب ثُلُكُ عُشْر مِن فَي

في قَي ، كان الذي يخرح هـو ثُلث عُشر لرح ، لأن ضرب ص ق في قي هـو لرح . فمضروب كل في خمسي ذخس ، ثم ما خرج في قي ه هو ثلث عُشر لرخ . فمضروب كل في خمس وصلحس وعشر كط ، ثم ما خرج في قي ها خرج في قي هو ثلث عُشر مربع كل ، وثلث عُشر لرخ ، إلا ثلث عُشر كل ، وثلث عُشر كح ، الاثلث عشر كل ، وثلث عُشر كح ، الذي هو ألزائد من الناقص ، فيبقى من ثُلث عُشر كل ثلث عُشر كو ما الذي هو مسار لد س ق . فمضروب كل في خمس وسلس وعشر كظ ثم ما خرج في ق ق ي ، هو ثلث عُشر مربع كل إلا ثلث عشر ص ق ، الذي هو ضلعه . في ق ي ، هو ثلث عُشر مربع كل إلا ثلث عشر ص ق ، الذي هو ضلعه . و س ق هو آحاد صحاح ، لأنه آحر الأعداد المتوالية . و كل هو مربع ص ق ، وثلث عشر مربع ص ق ، وثلث عشر مربع عُشر ص ق ، الذي هو مربع عش ق ، وثلث عشر مربع عشر ص ق ، وثلث عشر مربع عشر ص ق ، وثلث عشر مربع ص ق ، وثلث عشر مربع ص ق ، وثلث عشر عرب الأعداد المتوالية . و كل هو مربع عش ق ، وثلث عشر مربع كل ، وأقل أيضاً من ثلث عشر كل نفيسه ، لأن كل أيضاً آحاد صحاح فهو أضعاف ص ق .

وقد كان تبيّن أن مجموع مربعات ما نج ف ع ع هو ثلث و خمس مجموع مربعات ما نج ف ع ع مو ثلث و خمس و مجموع مربعات ما نوج في في في . فمجموع مربعات ما نوج في ع ح ا - ع ع ا - ع الله عشر مربع على ألا ثلث عشر مربع كل إلا ثلث عشر ضلع كل . وثلث عشر مربع كل إلا ثلث عشر ضلعه ينفص عن ثلث و خمس مربعه بنصف مربعه وثلث عشر ضلعه ، لأن الثلث و الخمس إذا نقص منه ثلث عشر كان اللي نصفاً . فمربعات ما ن خ ق الله عشر ضلعه ، لا ن خ ف الله مربع كل وثلث عشر ضلعه ، لا ن خ ف الله مربع كل وثلث عشر ضلعه ، لا ن خ ف الله مربع كل وثلث عشر ضلعه ، فإذا زيد على مربعات ما ن ج ف الح ع ح نصف مربع كل وثلث عشر ضلعه ، فإذا زيد على مربعات ما ن ج ف الح ع ح نصف مربعات ما ن ج ف الله و خمس مربعات ما ن ج ف الله عشر ضلعه عشر ضلعه عشر ضلعه عشر ضلع كل ، وإذا زيد على مربعات ما ن ج ف الله و خمس مربعات ما ن ج ف الله ع مربعات ما ن ج ف الله ع ح مربعات ما ن ح ف الله ع ح مربعات ما ن د ف ن ع ح مربعات ما ن د ف ن ع ح مربعات ما ن د من د ف ن ع ح مربعات ما ن د ف ن د ف ن ع ح مربعات ما ن د ف ن د ف ن ع ح مربعات ما ن د ف ن د ف ن ع ح مربعات ما ن د ف ن د ف ن ع ح مربعات به من ن د ف ن د ف ن ع ح مربعات ما ن د ف ن د ف ن ع ح مربعات ما ن د ف ن د ف ن ع ح مربعات به من د ف ن د ف ن ع ح مربعات ما ن د ف ن د ف ن ع ح مربعات به د ن د ف ن د ف ن ع ح م د بعات به د ن د ف ن د ف ن ع ح م د بعات به د ن د ف ن د ف ن ع ح د د ن د ف ن

 $1 - \vec{b} \cdot \vec{z} : \vec{b} \cdot \vec{b} \cdot \vec{b} \cdot \vec{b} \cdot \vec{c} \cdot \vec{o} \cdot \vec{c} \cdot \vec{o} \cdot \vec{b} \cdot \vec{$ 



جميعُ مربع ﷺ كَانَ الذي يجتمع بزيـــد على ثلث وخمس مربعات مَّبَ لَـ دَ فَ رَعَ طَ كَانَ إِلَا ثلث عشر ضلعه .

و لكن تعمف مربع كل أكثر من ثلث عُشر مرق فمجموع مربعات > من تلث و عَشر مرق فمجموع مربعات ما > ما > من ثلث و همس مربعات مب > د ما > كل >

فقد ثبيتن من جميع ما ذكرنا أن مجموع مربعات مَرَا نَجَ فَ عَ عَ عَ الْفَسَلُ مَن ثلث وخمس مربعات مَبَ ذَهِ فَ وَ عَ طَ كُلُ مَن ثلث وخمس مربعات مَبَ نَ دَهِ فَ مَ عَ طَ لَا وَأَنْ مَرِبِعَاتُ مَ أَ نَ جَ فَ مَ عَ عَ كَلَ أَكُرُ مُن ثلث وخمس مربعات مَبَ نَ دَهِ فَ مَ عَ عَ كَلَ أَكُرُ مُن ثلث وخمس مربعات مَبَ نَ دَ فَ زَعَ طَ كُلّ ، وَذَلِكُ مَا أَرْدُنَا أَنْ نَبِينَ ،

ويستين من هذا البيان أنه إذا كانت خطوط مستقيمة متساوية كم كانت – ثم فرضت أعداد مربعة متوالية مبتدئة من الواحد ، وجُعل عبدة الأعداد المربعة كمدة المخطوط ، وقُسم من الحفظ الأول مقدار يكون نَسة مب الحفظ إليه كنسبة أعظم المربعات إلى الواحد ، التي هي بمنزلة نسبة مب إلى با با با وقسم من الحفظ الذي يليه مقسمار يكون نسبة الخط إليه كنسبة المربع الأعظم إلى المربع الذي يلي الواحد ، التي هي بمنزلة بسة ن من الحفظ الذي يلي الواحد ، التي هي بمنزلة بسة ن مناه المربع الذي يلي الواحد ، التي هي بمنزلة بسة ن مناه المربع الذي المربع الله كنسبة المربع المربع الله كنسبة المربع المربع الله كنسبة المربع المربع الله كنسبة المربع الم

الأعظم إلى المربع الثالث ، التي هي بمترلة نسبة فَ زَ إلى رَه ؛ وفُعل مثل ذلك بجميع الخطوط المتساوية ، إلى أن يقى الخط الواحد النظير الممربع الأعظم غير منقسم ، فإن مجموع مربعات الخطوط التي تبقى من الخطوط المقسومة بعد انقسام < الخطوط > النظائر الممربعات ، يكون أصغر من ثلث وخس مجموع مربعات الخطوط المقسومة مع مربع الخطوط التي تبقى من الخطوط المقسومة مع مربع الخط العبر مقسوم مربعات الخطوط المي الخطوط المقسومة مع مربع الخط العبر مقسوم أعظم من ثلث وخمس مربعات الخطوط المقسومة مسم مربع الخط العبر مقسوم مقسوم .

و ذلك لأن الخطوط المستقيمة المقسومة إذا كانت نسبتُها إلى أقسامها المسبقة أعداد من ذرق و و ع ط الحائد المسبقة أعداد من ذرق و و ع ط المستقيمة المقسومة إلى ما يبقى منها كنسبة أعسداد ب م دن و ف المسبق المعلوط المستقيمة المقسومة إلى ما يبقى منها كنسبة مربعات الأقسام الباقية من الحطوط إلى مربعات الحطوط أنفسيها كنسبة مربعات الأعداد النظائر لأعسداد ما و ح ف و ع ح إلى مربعات الأعداد النظائر لأعداد من و ف و ع ط كل. والحطوط المستقيمة المتساوية إذا قسم منها أقسام "متوالية" و و كان الحطوط المقسومة مع الأقسام التي قسمت من الحطوط المقسومة على نسبة الأعداد المربعة المتوالية المبتدئة من الواحسد ، فإن ح بحموع > مربعات الخطوط المتساوية المقسومة مع مربع الحط الذي لم يتقسم ، وإن مجموع مربعات الخطوط المتساوية المقسومة مع مربع الحط الذي لم يتقسم ، وإن محموع مربعات الخطوط المتساوية المقسومة مع مربع الحط الذي لم يتقسم ، أعظم "من بخموع مربعات الخطوط المستقيمة المقسومة مع مربع الحط الذي لم يقسم ، وذلك ما أردنا أن نبيس .

وإذْ قد تبينت هذه المقدمات ، فلنشرع الآن في مساحة المجسم المكافى.. وليكن قطعة من قيطئع مكافئ عليها ابت وليكن قطرها آج ورأسها آ

١ - مَارَ : ورَ الله ١ - انقسام : الانقسام // ٢ - تبقى : يبتى // ١٥ - أقسام : أنساما

وخط الترتيب - الذي يخرج من طرفيها - حطاً ب ج . وليكن زاوية أجب - من الصورة الأولى - قائمة ، ومن الصورة الثالثة منعرجة . ولنئد رُ قطع آب جحول منعرجة . ولنئد رُ قطع آب جحول قطر آج على وضعه حتى لايتغير . ولنئد رُ قطع آب د . فأقول: قطر آج حتى يعود إلى وضعه ، وليحدث من استدارته مجسّم آب د . فأقول: إن مجسّم آب د مساو لنصف الأسطوانة القائمة التي نصف قطر قاعد تها العمود الواقع من نقطة ب على قطر آج ، وارتفاعها قطر آج .

ونخرج من نقطة ب عموداً على قطر ا ج . أما في الصورة الأولى فهو خط س ج الذي هر خط الترئيب ، لأن زاوية ا جب قائمة بالفرض . وأما في الصورتين الباقيتين : فليكن العمود س ح ، ونخرج من نقطة ب خطاً في سطح قطعة اب جموازياً لقطر ا ج عليه ب ح . ونجعل ب ح مثل ج ا ، ونصل ا ح ، فيكون موازياً لقطر ب ج . ونخرج من نقطة ح - في الصورتين الثانية والثالثة ب عمود م ح ل . ونتوهم سطح ا ج ب ح سن الصورة الأولى - دائراً حول خط ا ج إلى أن يعود إلى وضعه ، فيحدث من حركته أسطوانة " قائمة ، ويحدث من حركته أسطوانة " قائمة ، ويحدث من حركته أسطوانة " قائمة ، ويحدث من خطلي ب ج ح ا دائر آن متوازيتان ، هما قاعدتا الأسطوانة . ويكون خط ا ج سهم الأسطوانة . ويكون خط ا ج سهم الأسطوانة . ويكون خط ا ج خطل ب ج ، فيحدث من سطح ح ل ك ب أسطوانة قائمة ، ومن مثلثي ب ك ج ح ا ان غروطان عفر وطان قائمان . ونتوهم – من الصورة الثالثة – سطح ح ا ك ب دائراً حول خط قائمان . وليكن الأسطوانة القائمة من الصور الثلاث هي التي عليها ب ح ط د .

فأقول : إن مجسم أبد – من كل واحد من الصور الثلاث – نصفُ أسطوالة بعط د .

برهان ذلك : أنه إن لم يكن هذا المجسم تصف الأسطوانة فهو إما أعظم من تصفها أو أصغر من التصف .

فلنفرض أولاً أن المجسم المكافىء أعظم من نصف أسطوانة ب ع ط د .

ہ – مسار ؛ مساوی // ۱۷ – غروطان قائمان ؛ غروطین قائمین // ۱۸ – ب کوچہ · پ کر // ۱۸ ، ۱۹ – غروطان قائمان ؛ غروطین قائمین / الصور ؛ الصورة // ولبكن يزيد على نصفها بمجسم ز. ويُهسم قطر آج من العمورة الأولى - بنصفين على نقطة م. و تخرج مره على الرتب و نُنفذه على استقامة حتى يلقى خط حب وليلقة على نقطة من ونجيز على نقطة من خطأ موازيا لخط آج عليه سه ع فلأن آم مثل الحب ، يكون من مثل مع ، ويكون سطح ح مثل سطح وب مثل سطح وب فلأن المثل سطح وبد فلا دار سطح الحب حول خط آج وحدث أسطوانة على حدث أسطوانة على تحدث من سطح من أسطوانة ، ويحدث من سطح ح جسم مستدير عيط بالأمطوانة التي تحدث من سطح من ج أسطو من بح ويحدث من سطح ح جسم دائرة تقطع الأسطوانة التي تحدث من سطح من ج ويحدث من سطح من جائي تحدث من سطح من ج النصفين وتقطع الجسم المناير حالدي يحدث من سطح ح خ ايضا بعضفين ويحدث من استدارة سطح ح ج الفي تحدث من استدارة سطح ح ج . والأسطوانة التي تحدث من استدارة سطح ح ج . والأسطوانة المنظمي الي

وأيضاً فإنا نقسم خط آم بنصفين على نقطة آل ، ونخرج من نقطة آل خطأ على الترتيب ، عديه آل ، و ونُبغيز على نقطة آ ١٧ على الترتيب ، عديه آل ، و ونُبغده حتى / يلقى خط حب ، ونجيز على نقطة آ ١٧ عظ من خط آل أيضاً خطأ موازياً لقطر آم ، وليكن ت ح . فيكون الجسسمان ، اللذان يحدثان من استدارة سطحي سي آم ، نصف الأسطوانة التي تحدث من استدارة سطح سي آم .

 نصف المجسمين اللذين يحدثان من استدارة سطحي سـ م م ا . و هذان الحسمان هما اللذان بقيا من الأسطوانة بعد نقصان الحسمين اللذين حدثا من استدارة سطحي سم م م م م . .

وأيضاً فإنا نقسم كلُّ واحدمن خطوط آكَ لَى مَـ كَكَجَ بِنصفينَ على نقط عَ فَ نَ يَ وَنَحْرِجِ مَنْهَا خَطُوطاً عَلَى النَّرْتِيبِ ، عَلَيْهَا عَ هَ فَ ۚ ذَ هَ يَ ۚ ، وَنَفَذَهَا حَتَى تُلْقَى خَطَ حَ بَ ، ونجيز على نقطة ﴿ خَطُوطاً مُوازِية للقَطْرِ . فنقسم ما يبقى من السطوح بنصفين نصفين ، ويكون المجسمات التي تحدث باستدار"ها فصف ه ا يبقى من الأسطوانة بعد القسمين الأوَّلَينُ . وإذا فُعل ذلك يكون قد قُسم من الأسطوانة العظمي نصفُها ، ومما يبقى نصفُه ، ومما يبقى نصفُه . وإذا فُعل ذلك فإنه يبقى من الأسطرانة العظمي مقدارٌ هو أصغرُ من مقدار ز ؟ و ذلك أن كل مقدار أيقسم منه نصفتُه ، ومما يبقى نصفتُه ، ونفعل ذلك مرتبن ، بكون قد قسم من المقدأر أعظم ُ من نصفه . فإذا قسم مما يبقي أيضاً نصفُه ؛ ومما يبقي نصفتُه ، مرتين أيضاً ، يكون قد قسم من الباقي أعظم من نصفه . وإذا قسم من مقدار تصفه ، ومما يبقى تصفه ، وفُعل ذلك دائمًا ، فإنه يكون قد قسم من ذلك المقدار أعظم من نصفه ، ومما يبقى أعظم من نصفه ، لأن كل دفعتين من القسم يكون المقسومان > فيهما > أعظم من النصف . والأسطوانة أعظم من مقدار ر أ فإذا قسم من الأسطوانة نصفها ، وعما يبقى نصفه ــ على الصعة الي في الصورة - وقعل ذلك دائمًا ، فإنه لا لله أن يبقى مقدار هو أصفر من مقدار زَّ . فلينته ِ القسمةُ ۚ إلى ذلك الحد ، والذي يبقى من هذه الأسطوانة – إذا قسمت على الوجه الذي بيناه - هو المدوّرات التي يمرّ سطح المجسّم المكافي، بأوساطها ، ريكون نُنْقَطُ ۗ وعلى زواياها . فيكون المدوّرات التي على زواياها ۗ ، بمجموعها، أصغرً من مقدار رَّ ، فيكون ما يقع في داخل المجسم المكافىء من هذه المدوّرات أصغر بكثير من مقدار ز .

و إذا كان ذلك كذلك ، كان الذي يبقى من المجسم المكافىء بعد < إلقاء >

٧ - سائة : مدان / ٢ - تلقى : يلقى // ٧ - المجسمات : المجسمان / باستدارتها : الفسير يمود على أنساف السطوح // ٩ - الأرلين : الأولتين // ٩ - أر: حرف بين النون والزاي // ٢٠ - المتسومان : أسفنا ٤ فيهما ٩ فيمود الفسير إلى كلم ٩ دفعين ٥ ويثر ابط الكلام // ٧٠ - عمر : تمر //

الذي في داخله من أجزاء المدورات أعظم من نصف أسطوانة بسحط من لأن هذا المجسم المكافىء كان يريد على نصف هذه الأسطوانة بمقدار .. والمدي يبقى من المحسم المكافى على يعد ح إلفاء > الذي في داحله من أحراء المدورات هو المنشور ألدي يقسم الدوائر التي تحدث من استدارة خطوط الترتيب ، وهو الذي قاعدت الدائرة ألني نصف قطرها من جورأسه الدائرة التي نصف قطرها ع وورواياه المستديرة تحد ها الدوائر التي تحدث عند الاستدارة من نقطة . . فهذا المنشور أعظم من نصف أسطوانة بحط .

٤ - تحدث: بحدث // ه - ضربة: سربه / وزوایاه: وزاوایاه // ۹ - تحدث : بحدث // ۹ - تحدث : بحدث // ۹ - و ب به و // ۱۵ - و به نه و // ۱۵ - ساوی // ۱۷ - می : هو // ۱۵ - ساوی // ۱۷ - می : هو //

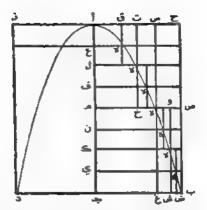
المساوي كل و احدمنها لحط - ج ؛ و مربع مد أيضاً نصف مربع ص م ، ، فمربعات خطوط ه ع ه ل ه ف ه م ه ه ل ه ك ه ي مجموعة مساوية لنصف مربعات الحطوط المساوية لحط ت ج المارة بنقط ع لى ف م ن ك ي . وكذلك أضعافها القاطعة لسطح بَـطَ ، أَعْنِي أَن الْحَطُوطِ القاطعة للقيطُعِ - الَّتِي هِي أَضْعَافَ خَطُوطُ وَعَ وَلَ وَ فَ وَمُ وَ وَ كُو وَيَ صِحِمُوعٌ وَرِيعَاتُهَا مَسَاوِ لِنَصْفَ مُجْمُوعٌ مَرْبِعَاتُ الْحَطُوطُ الفاطعة / لسطح سَط – المتوازي الأضلاع – المارّة بنقط ع أن فَ مَ لَا كَيَ ١٣ ـ ط المساوي كلُّ واحد منها لخط ب ج. وكذلك الدوائر التي أقطارُها مارَّة بهذه النقط . وإذا جعمنا أحد أقسام قطر آج المتساوية ارتفاعاً مشتركاً – أعني خطُّ آع ــ كانت الأساطينُ ، الَّتِي قواعدُها الدوائر ــ القاطعة للمجسم المكافىء التي أقط ارُها خطوطُ الترتيب - وارتماعُها خط اع ، بمجموعها ، نصف الأساطين التي قواعدً ها الدوائر الفاطعة للأسطوانة العظمي وارتماعها خط آغ . والأساطين التي ارتفاعها خط آع هي بعينها الأساطين التي ارتفاعاتها خطوط عَلَى رَفَ فَ ءَ وَ زَ زَكَ كَي يَجِ، لأَنْ هَذَهِ الْحَطُوطُ مُتَسَاوِبَةً . وَالْأَسَاطِينَ الَّي ارتماعاتها هده الخطوط وقواعدها الدواثر القاطعة للمجسم المكافيء، بمجموعها، هي المشور الذي قاعدته الدائرة - التي نصف قطر ها خط صَ ﴿ ورأسه الدائرة الَّتي نصف قطرها مع . والأساطين التي ارتماعاتها خطوط على ل ف عدم من نَكُ كَايَ يَ جَ وَقُواعَدُهَا اللَّهُوائرُ القَاطَعَةُ للأسطوانَةُ العَظْمَى ، هي الأسطوانَةُ \* الِّي قاعدتها الدائرة – الَّي نصفُ قطرهـــا بِ جَ – وارتفاعُها خط عَ جَ فالمنشور الذي في داخل المجسم المكافىء هو نصفُ الأسطوانة الّي ارتفاعها خط ع به وقاعدها قاعدة الأسطوانة العظمى ، فهو أصعر من نصف أسطوانة بعط د العظمي . وقد كان تبين أن هذا المنشور أعظم ُ من نصف هذه الأسطوانة ، وهذا محال .

وهذا المُحال إنما عَرض من فرْضنا المجسّمَ المكافىءَ أعظمَ من نصف الأسطوانة ، فليس المحسّمُ المكافىءُ أعظم من نصف الأسطوانة .

وأقول: إنه ليس بأصغرَ من نصف الأسطوانة أيضاً .

۲ø

ه - مساو : مساوية // ه - المتساوية · المساوية // ١٥ - نس ج : ص ج // ٢٠ - نس ج : ص ج // ٢٠ - نس ج : ص ج //

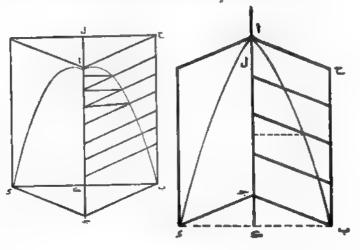


ن

فإن أمكن ، فليكن أصغر من نصف الأسطوانة ، وليكن نقصائه عن نصف الأسطوانة بقلمار بحسم رق . ونقسم من الأسطوانة نصفها ، وهما يبقى نصفه ، بالرجه الذي تقلم ، حتى يبقى من المدورات التي يمر سطح المحسم المكافى ، بأوساطها الصغر من بجسم رق ؛ فيكون ما يقع خارج المجسم المكافى ، من هذه المدورات أصغر بكثير من مقدار رق والمجسم المكافى ، مع مقدار و هو نصف أسطوانة سح ط د . فللجسم المكافى ، مسع ما يقع خارجاً منه من أجزاء المدورات أصغر من نصف الأسطوانة . لكن الجسم المكافى ، مع ما يقم خارجاً مه من المدورات هو المنشور الذي قاعدته قاعدة الأسطوانة ورأسه الدائرة التي نصف قطرها ق آ ، فالمنشور الذي قاعدته قاعدة الأسطوانة ورأسه الدائرة التي نصف قطرها ق آ ، فالمنشور الذي قاعدته قاعدة الأسطوانة ورأسه الدائرة التي نصف قطرها ق آ ، فالمنشور الذي قاعدته قاعدة الأسطوانة ورأسه الدائرة التي نصف قطرها ق آ ، فالمنشور الذي قاعدته قاعدة الأسطوانة .

 المنشور الحيط بالمجسم المكافىء - الذي قاعدته الدائرة التي نصف قطرها هي - نصف الأسطوانة التي قاعدتها الدائرة - التي نصف قطرها ب ج - وارتفاعها ي ج : فإن الجميع التي قاعدتها الدائرة - التي نصف قطرها ب ج - وارتفاعها ي ج : فإن الجميع يكون نصف أسطوانة ب طد . فإذا أضيف إلى المنشور المحيط بالمجسم المكافىء الذي قاعدته الدائرة التي نصف قطرها مي - جميع الأسطوانة التي ارتفاعها يج وقاعدتها الدائرة التي نصف قطرها ب ج ، كان الجميع أعظم من نصف أسطوانة ب حد . لكن المنشور / المحيط بالمجسم المكافىء - الذي قاعدته يد و الدائرة التي نصف قطرها مي وارتفاعها خط جي ، كان دلك هو قاعدتها الدائرة التي نصف قطرها ب و وارتفاعها خط جي ، كان دلك هو المنشور المحيط بالمجسم المكافىء الدائرة التي نصف قطرها ب و وارتفاعها خط جي ، كان دلك هو المنشور المحيط بالمجسم المكافىء الذي قاعدته قاعدة الأسطوانة العظمى - أعني أسطوانة ب طد - و و أسه الدائرة التي نصف قطرها في آ . فهذا المنشور هو أسطوانة ب حد الأسطوانة ، وهذا عمل أسطوانة ب حد الأسطوانة ، وهذا عمل من نصف أسطوانة ، وهذا عمل .

فليس المجسّمُ المكافئ أصغر من نصف أسطوانة بَعَ طَدَ وَلا أعظمَ مِن نصفها ، فهو إذن مساو لنصف هذه الأسطوانة .



١٤ - مباو : مباوى //

وأما الصورةُ الثانية ، فإن المجسم المكافىء الذي فيها ، يكون قاعدتُه منحرطة "، ويكون الأسطرانة المحيطة به منخرطة ، إلا أن المخروط الذي يحدث من مثلث ب ج كه هو مساو للمخروط الذي يحدث من مثلث ح ل ١ . فإذا نقص المخروطُ الذي رأسه نقطةً أج من الأسطوانة المنخرطة ، وزيد المحروطُ الذي رأستُه نقطة أنَّ، صارت الأسطوانة القائمة مساوية الأسطوانة المنخرطة . فإذا فرض المحسمُ المكافيء أعظم من نصف الأسطوانة ، ثم قُدمت الأسطوانة المنخرطة على الوحه الذي يتبين في الصورة الأولى، كان الذي تُقسم منها تصفَّها، ومما يبقى تصفه، ومما يبقى نصفه؛ فيمتى المنشور الذي في داخل الحبسم المكافيء أعظم من نصف الأسطوانة كما تبين في الصورة الأولى، ويكون هذا المنشور متخرطاً. ويتبين كما تبين في الصورة الأولى أن هذا المنشور أصغرُ من نصف الأسطوانة المنخرطة؛ و ذلك أنه إذا أخرجت من رؤوس خطوط الترتيب أعمدة على القطر ، كانت نسبة هذه الأعمدة بعضها إلى بعض كنسبة خطوط الترتيب بعصها إلى بعض . ونسبة خطوط الترتيب التي في هذه الصورة بعضها إلى معض هي نسب ُخطوط الترتيب التي في الصورة الأولى بعصيها إلى بعض . فيكون نسب الأعمدة – التي تخرج في هذه الصورة من رؤوسخطوط النّر ثيب إلى القطر— بعضها إلى بعض ، هي نسبة خطوط الرّتيب التي في الصورة الأرلى بعضها إلى بعض . وإذا أحرجت هذه الأعمدة > حتى > تلقى خطَّ برح، كانت نسبة الأعمدة - التي في داخل القيطُّع - إلى ما ينتهي منها إلى خط بُ عَ كنسب خطوط الترتيب إلى ما ينتهي منها إلى خط بّ ك . ونسب خطوط الرّ تيب الّي في انصورة الثانية إلى ما ينتهى منها إلى خط بَ ع ، هي نسبة خطوط الترثيب التي في الصسورة الأولى إلى ما ينتهي منها إلى خط بُ مِ من الصورة الأولى . فنسب الأعمدة التي في داخل القبطُّع في الصورة الثانية إلى ما ينتهى منها إلى خط بُ ح ، هي نسب خطوط الترتيب التي في الصورة الأولى إلى ما ينتهي منها إلى خط بَ ع . فيكون نسب الدوائر – ألَّى أنصافُ أقطارها الأعمدةُ الَّي في داخـــل القبطُّع من الصورة الثانية – بعضها إلى بعض ، هي نسبَ النوائر – التي أنصافُ أقطارها خطوطُ الترتيب من الصورة الأولى - بعضها إلى بعض . فيكون نسب المدورات القائمة -التي في الصورة الثانية - إلى الأسطرانة القائمة - التي في هذه الصورة - هي نسب

٣ - يساير : مساوى // ١٥ - تخرج : يخرج // ١٧ - تاتي : ياتي //

المدورات التي في الصورة الأولى إلى أسطوانتها. فيكون نسبة المنشور الفائم - الذي في واخل الصورة الثانية - إلى الأسطوانة القائمة ، هي سبة المشور - الذي في الصورة الأولى - إلى أسطوانتها . والمنشور الذي في الصورة الأولى أصغر من نصف الأسطوانة نصف الأسطوانة المقائمة . والأسطوانة القائمة . والأسطوانة القائمة مساوية الأسطوانة المنخرطة والمشور القائم مساو المنشور المنخرط ، لأن كل واحدة / من المدورات القائمة مساوية لنطيرتها ، ي المسطوانة القائمة والأسطوانة المنظرة من المدورات المنظرة والأسطوانة المنظرة من ذلك أن يكون المشور المدخرط أصغر من نصف الأسطوانة المنخرطة .

وكذلك إذا فرض المجسم المكافىء أصغر من نصف الأسسطوانة ، يكون المنشور المحيط به أصفر من نصف الأسطوانة ، مثل ما تبين من قبل ، أن المنشور المحيط بالمحسم المكافىء أعظم من نصف الأسطوانة المنخرطة . فيلزم بمثل هذا البرهان ، الذي تدين في الصورة الأولى ، أن المجسم المكافىء الذي في الصورة الثانية نصف الأسطوانة المنخرطة . والأسطوانة المنخرطة مساوية الأسطوانة القائمة ، فيكون المجسم المكافىء الذي في الصورة الثانية نصف الأسطوانة القائمة ،

وبمثل هذا البيان بعينه يتبين في الصورة الثالثة ، لأن المخروطين والأعمدة — التي تقع في الصورة الثالثة — حالُها مساوية ٌ لحال المخروطين والأعمدة ِ التي في الصورة الثانية .

فالمجسم المكافىء الذي يحدث من استدارة قبطٌ ع آب حَ حول قطر آجَ من الصور الثلاث ، هو نصفُ قطرها المحدودُ الدائرةُ التي نصفُ قطرها العمودُ الواقع من نقطــة ب على قطر آجَ و ذلك ما أو ذلا أن نبيث .

وكل قبطع مكافيء بكون قطره يحيط ، مع خطوط ترتيبه، بزاويتين ١ – الذي ، التي // ٣ – أسطوائها.الضمير يعود على السورة الأولى ، والمقسود الأسطوالة في هذه الحال // ٥ – مسامي : مسارى // ١٨ – تقع : يقع // ٣٣ – مسامي : مساوى // محتلفتين ، فإن المجسم المكافىء – الذي يحدث من القسم الحاد" الزاوية – مساور للمجسم الذي يحدث من القسم المنفرج الزاوية .

و ذلك أن أسطوانتيهما القائمتين تكونان متساويتين ؟ لأن كل واحدة من الأسطوانتين يكون سهمها مساوياً لقطر القبطع ، ونصف قطر قاعدة كل واحدة منهما مساو للعمود الواقع من طرف خط الترتيب على القطر . والعمودان الحارجان من طرق خط الترتيب على القطر متساويان ، لأن خط الترتيب ينقسم بالقطر منصمين . فالأسطوانتان القائمتان متساويتان ، وكل واحسد من المجسمين نصف أسطوانته . فيكون المجسمان المكافئات اللذان من قسمي القطع متساويين.

وكذلك القطاع المكافىء الذي يكون قطره سهماً ؛ ويكون هذا السهم مساوياً لقطر قطع آخر نحتلف الزاويتين ، ويكون خط ترتيب السهم – الذي هو قاعدة القطع – مساويا لكل [ لكل ] واحد من العمودين الخارجين من طرفي خطي الثرتيب < في القطع > المختلف الزاويتين ؛ فإن المجسم المكافىء – الذي يكون من إدارة هذا القطع حول سهمه – مساو لكل واحد من المجسمين اللذين يحدثان من إدارة كل واحد من قطعي القطع المختلف الزاويتين حول قطره .

ويتبين من جميع ١٠ ذكرناه أن نسبة كل مجسم مكافىء إلى كل مجسم مكافىء ، إذا كانت قواعـــد أسطوانتيهما متساويتين ، كنسبة ارتفاعه إلى ارتفاعه ، لأن نسبة المجسم إلى المجسم كنسبة أسطوانته إلى أسطوانته .

وإن كانت قواعد أسطوانتيهما مختلفتين وارتفاعاهما متساويين ، فإن نسبة أحدهما إلى الآخر كنسبة القاعدة إلى الفاعدة .

وإن اختلفت ارتفاعاتها وقواعدها معاً ، فإن نسبة أحدهما إلى الآخر مؤلفة من نسبة الارتفاع إلى الارتفاع ومن نسة القاعدة إلى القاعدة . وارتفاعات جميع المجسمات المكافئة – التي من هذا النوع – هي أقطار القطوع التي منها حدثت هذه المجسمات .

۱ -- مساو : مساوی // ۳ - تکونان : یکونان // ٤ -- سهمها : سهمها // ۵ -- مساو : مساوی: مساوی: الاسطوانان الفائمان متساویتان : فالاسطوانان الفائمان متساویتان : فالاسطوانان الفائمان متساوی // ۱۹ - عطفتین وارتفاعهما //

ويستبيّن ثما تقدم من البرهان أن المدوّرات التي يمرُ سطح الحجسم المكافى، بأوساطها ، مساوية للأسطوانة التي قاعدتها قاعدة الأسطوانة العظمى وارتفاعها خط جي .

وذلك أنه قد تبيّن أن المدورتين / اللتين تحدثان من استدارة سطحي ١٩٠٠ من ٥٠٠ ب ص هما تصف الأسطوانة العظمى . والأسطوانة التي تحسدت من استدارة صطح ب م هي نصف الأسطوانة العظمى . فالمدورتان إذن مساويتان بحجموعهما الأسطوانة التي تحدث من استدارة سطح ب م . والمدورتان اللتان تحدثان من استدارة سطحي ت م ل م م هما تحدثان من استدارة سطحي م و م ب ش مهما سطح س ه م . والمدورتان اللتان تحدثان من استدارة سطحي م و م ب ش مهما عدث المدورة التي تحدث من استدارة سطح م م ع . فالمدورات الأربع التي تحدث من استدارة سطوح ت و ل م ب م ه و و ب ب م هما العظمى . والأسطوانة التي تحدث من استدارة سطح ب ك هي نصف ح نصف > الأسطوانة المظمى . فالمدورات الأربع التي حددناها هي مساوية للأسطوانة التي تحدث من استدارة سطح ب ك هي مساوية للأسطوانة التي تحدث من استدارة سطح ب ك هي مساوية للأسطوانة التي تحدث من استدارة سطح ب ك هي مساوية للأسطوانة التي تحدث من استدارة سطح ب ك هي مساوية للأسطوانة التي تحدث من استدارة سطح ب ك هي مساوية للأسطوانة المنظمى . فالمدورات الأربع التي حددناها هي مساوية للأسطوانة المنظمى . فالمدورات الأربع التي حددناها هي مساوية للأسطوانة التي تحدث من استدارة سطح ب ك هي نصف ح نصف > الأسطوانة المنظمى . فالمدورات الأربع التي حددناها هي مساوية للأسطوانة المنظمى . فالمدورات الأربع التي تحددناها هي مساوية للأسطوانة المنظم ب ك .

وكذلك أيضاً يتبين أن المدورات الأربع التي حددناها ينقسم كل واحدة منها المدورتين اللتين في داخلها ، اللتين يمر سطح المجسم المكافى، بأوساطها ، بنصفين نصفين . فيكون جميع المدورات الصغار - التي يمر سطح المجسم المكافى، بأوساطها - نصف المدورات الأربع التي حددناها . والأسطوانة التي تحدث من استدارة سطح بي هي نصف الأسطوانة التي تحدث من استدارة سطح بي هي نصف الأسطوانة التي تحدث من استدارة سطح بي المدورات الأربع . فالمدورات المصغائر الأخيرة - التي يمر سطح المجسم المكافى، فأوساطها - مساوية للأسطوانة التي قاعدتها قاعدة الأسطوانة المنظمى ، وارتفاعها خط جي .

3.0

 $\gamma = i \sin \gamma : \sin \gamma / \alpha : i \pi / \gamma : \pi /$ 

وكذلك يتبين < أنه > إنْ قُسمت الأسطوانة إلى مدوَّرات أصغرَ من هذه المدورات إلى غير نهاية ، فإن مجموعها مساو اللأسطوانة الصغرى ، التي قاعدتُهُ الأسطوانة العظمى ، وارتماُ عها قسم واحد من أقسام القطر ، ودلك ما أردنا أن نبيتن .

وأيضاً فإنه قد تبيّن أن المنشور الذي في داخل المجسم المكافىء – الذي قاعدته الدائرة التي نصف قطرها وع به ورأسه الدائرة التي نصف قطرها وع به ورفسه الدائرة التي نصف قطرها وع به و نصف الأسطوانة التي قاعدتها قاعدة الأسطوانة العظمى وارتفاً عها خط حع المساوي لحظي ا . وقد ثبيّن أن المجسم المكافىء هو نصف الأسطوانة العظمى، فزيادة المجسم المكافىء على المنشور الذي في داخله ، هو نصف الأسطوانة التي قاعدتها قاعدة الأسطوانة المعظمى وارتفاً عها حط جي . وريادة المجسم المكافىء على المنشور الذي في داخله هو ما يقع في داخسل المجسم المكافىء من أجزاء المدورات الصغار التي يمر صطح المجسم المكافىء ماوساطها . والذي يقع من هذه المدورات في داخل المحسم المكافىء هو مساو لنصف الأسطوانة التي قاعدتها قاعدة الأسطوانة التي قاعدتها قاعدة الأسطوانة العظمى وارتفاً عها خط جي . وقد ثبيّن أن هذه المدورات عجموعها مساوية للأسطوانة التي قاعدتها قاعدة الأسطوانة العظمى ، وارتفاعها أو مناطها بنصفين ، وخلك ما أردنا أن نيّن .

ويلزم هذا المعنى بعينه في المجسم الذي قاعدته الدائرة التي نصف قطرها خط مي ، وفي المجسم الذي نصف قطره ه ك ، وفي جميع المجسمات الباقية .

ويتبيّن من ذلك أن سطح المجسّم المكافى، يقسم كلّ واحدة من المدورات الصغار بنصفين نصفين .

وهذا الذي بيتناه ، هر مساحة أحد نوحي المجسّم المكافىء ، وهو الذي يحدث من استدارة القبطّع حول قطره .

۴ - ساو : ساوی // ۱۷ - پر : تمر // ۱۳ - صاو : مساوی // ۱۹ - پمر : تمر // قامًا النوع الثاني ، وهو الذي يحدث من حركة القيطع حول خطأ ترتيبه فإنّا نبيّته الآن :

فليكن قبطع مكامى وعليه اب برا وليكن قطره ب بروخط ترتيبه آبر و ليكن زاوية آبر ب قائمة ، وللخرج من نقطة بخطا أمو اربا لحط آبر وهو م و وشخر بخط آبر حتى لا يتغير وضعه و ونسير وشخر بخط آبر به المتواري الأضلاع حول خط آبر ، فيحدث من استدارة سطح المسطح آب أسطوانة مستديرة نصف قطر قاعدتها خط بوهي التي عليها بر ، ويحدث من قطع بالمجسم مكافى - قاعدته الدائرة التي بصف قطرها خط ب بر ، ويحدث من قطع بالمديد قلد أبر ، فاقول : إن مجسم بالدئرة التي بصف قطرها خط به .

برهان فلك : أنه إن لم يكن ثلث وخسس الأسطوانة فهو أعظم من ثلث وخسس الأسطوانة أو أصغر من ثلثها وخسسها .

ونقسم أيضاً خط آح بنصفين على نقطة كى، وُنحُرح من نقطة كى خطاً موازياً لخطي ح س آه، وهو خط كال رَ، وُنجَيْر على نقطة ل خطاً موازياً لخطي آجه س، وهو خط صالت ش. ونقسم أيضاً خطأ حج بنصفين على نقطة ظ.

٤ - ولنخرج: وليخرج // ه - يتمير , يتمين // ١١ - الأسطوانة: والأسطوانة // ١٥ - مساور (الأولى والثالية): مساوى // ١٨ - تكومان: يكونان / تحدثان // عدثان // ١٩ - تكومان : يكونان / تحدثان // عج - يحيموعهما : لمجموعهما //

ونخرح من نقطة ط خطأ موازياً لخطي جَبُّ حَسَّ ، وهو خط طن ص ؟ ونجيز على نقطة نَ خطَ ث ن م موازيا لحطى ت ش ر س . فيتسيّن – كما تبيّن من قبّل ُ-أن المدورتين ، اللتين تحلمًان من استدارة سطحي ق.ل ل ح ، هما نصفَ الملتوَّرة الَّتي تحدث من استدارة سطح آءً . وكذلك يُتبيَّس أنَّ المدورتين اللَّتين تحدثان من استدارة سطحي من ن ن ع هما نصفُ المدورة التي تحدث من استدارة سطح سَ ع . فيكون المدوّرات الأربعُ التي تحدث من استدارة سطوح س ن ن ع قَ لَ لَ عَ مُجْمُوعَةً فَصِفَ الْمُدُورَتِينَ اللَّتِينَ تَحَدَّثَانَ مِنَ اسْتَدَارَةَ سُطِّحَى بُ مُ مَ آ ولكنه إذا نُقُص من جميع أسطوانة بَرَّ المدورتان اللتان تحدثان من استدارة سطحي مَهُ مَجِ – اللتان هما نصف الأسطوانة – كان الذي يبقى هما المدورتان اللتان تحدثان من استدارة سطحي ب م مر . و إدا نُـ قصت المدور ات الأربع التي تحدث من استدارة سطوح فى ل ل ح س ن رع - من المدورتين اللين تحدثان من استدارة سطحي بَ مَ مَ ا – اللوائي هي نصفُ هاتين المدورثين ، كان الذي يبقى هي المدورات ، التي تحدث من استدارة سطوح – نَ نَ مَ مَلَ لَى آ , وإذَا قسم كلُّ قسم من أقسام خط آج بنصفين ، وأخرج من مواضع القسمة خطوطً موازية لخط بَ جَ وَأَجِيزَ عَلَى مُواضَعَ التَقَاطَعِ – الَّتِي تَقَعَ بِينَهَا وَبِينَ قَطْعَ أَبِّ – حَطُوطًا ۗ موازية لحط آج، كانت المدوّرات التي تكون من استدارة السطوح ، والتي يحدث كلُّ مدورتين منها نصف المدورة التي فيها ، كما تبين من قبل .

وإذا كان مقداران مختلفان ، وفُصل من أحدهما نصمتُه ، ومما يبقى نصفتُه ، ومما يبقى نصفتُه ، ومما يبقى نصفتُه ، وفُعل خلك دائما ، فلا بد أن يبقى مقدار أصغر من المقدار الأصغر ، كا تبين في / الشكل الذي قبل هذا . فإذا قُسمت أسطوانة بن ، على الصفة ١٠ ـ و التي بيناها ، فلا بد أن يبقى مقدار هو أصغر من مقدار تي . فلينته القسمة لل الله و أصغر من مقدار تي . فلينته القسمة لل التي يبقى من أسطوانة بن هي المدورات التي تحدث من استدارة

١ - طن من : طن من / ٢ - ت ق : ش ن // ٢ - تحدثان - يحدث // ٤ - تحدثان // ٤ - تحدثان // ٤ - تحدثان // ٢ - تحدثان // ٢ - تحدثان // ٢ - تحدثان : يحدث // ٢ - تحدثان : يحدث // ٨ - المصور تان التنان - المصور تين التين / تحدث // ٢ - تحدث ان : يحدث ان // ٢ - تحدث ان ... ١ - تحدث ان // ٢ - تحدث // ١ - تقد ديق / خطوط - خطوط / ٢ - تقوط // ١ - تقع ديق // ١ - تقع ديق // ١ - أحده ان التي // ١ - أحده ان رحدا هو المتصود ها . // المله التنان - تطويل التين ( هكذه ) / تحدث : يحدث // ٢ - ظيته : فليته : ف

مطوح بن تَ رَمَ لَ يَا . فهذه الملورات أصغر من مقدار يَ . والذي يقع في داخل المجسم المكافى من هذه الملورات هو أقل من هذه المدورات . فالذي يقع في داخل المجسم المكافى من هده المدورات هو أصغرُ بكثير من مجسم يَ . وإذا كان مجسم بارد المكافى م أعظم من شكث وخمس أسطوائة بر مجسم ي ، وكان الذي في داخل المجسم المكافى من أفسام المدورات الصغار هو أقل من مجسم ي ، فالدي يبقى من المحسم المكافى م يعد هذه الأقسام التي هي ني داخله هو أعطم من ثلث وخمس الأسطوائة . والدي يبقى من المجسم المكافى م بعد الذي في داخله من أقسام المدورات الصعار ، هو المنشور الذي قاعدتُه الدائرة التي نصف قطر ها ل ي . فهذا المنشور اذن أعظم من ثلث وخمس أسطوائة بن ني مضقطر ها ل ك . فهذا المنشور اذن أعظم من ثلث وخمس أسطوائة ب ز .

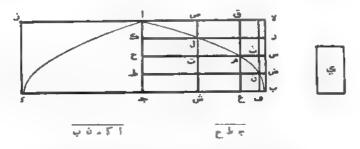
ع - غالثي : والذي // ١٤ - ويكون : فيكون // ٢١ -- لَ ثَنَّ : لَ لَ أَلَّ // ٢٢ - لَ ثَنْ : لَ سَ // ٢٤ - لَ ثَنْ : لَ سَ // آكثر عدداً من هذه لكانت [ يكون ] كلنُها على نسب الأعداد المتوالية . فيكون من أجل هذه الحال نيسبُ مربعات خطوط ن ق مع ل ش اج بعضها إلى بعض كنسب مربعات الأعناد المتوالية بعضها إلى بعض . ونسب مربعات خطوط ن ف مع ل ش اج بعضها إلى بعض كنسب خطوط به من اج بعضها إلى بعض . فنسب خطوط به بعض . فنسب خطوط به بعض بي بي بي بي بعضها إلى بعض كنسب ، حربعت > الأعداد المتوالية المبتدئة من الواحد المتريدة بواحد واحد ، بعضها إلى بعض . وخط بن من على مثل من ، و بش مثل رآ ، و وب مثل مثل رآ ، فخطوط ض ن من رآ و على نسة الأعلاد المربعات المتوالية المبتدئة من الواحد ، بعضها إلى بعض . وخطوط ض ط من ح ركه ه المتوالية .

وقد تبين في المقدمات التي قلمناها أنه إذا كانت خطوط مستقيمة متساوية وقد تبين في المقدمات التي قلمناها أنه إذا كانت خطوط مستقيمة متساوية قلصل منها خطوط التي مها خط لم يُقسم ، وكانت نسب الخطوط التي قلسمت مع الحط الدي لم يقسم متوالية على سب الأعداد المربعات المتوالية المبتدئة من الواحد ، فإن مربعات الفضلات التي يقيت من الحطوط بجموعة " أقل من ثلث وإن مربعات الدضلات مجموعة " مع مربع الحط الذي لم يقسم ؛ أعظم من ثلث وخس مجموع مربعات / جميع الحطوط المتساوية . معربعات خطوط ن ط 11 ـ ظ مربعات المخطوط ن ط مربعات خطوط في حديد عالم والمتناوية . معربعات خطوط في حديد عالم عالم من ثلث وخمس مربعات حطوط في حديد خطوط خوم بعات خطوط في المتناوية . ومربعات حطوط في حديد خطوط في المتناوية . مديدات حطوط في حديد المتناوية . في المتناوية . خطوط في المتناوية . في المتناوية . في المتناوية . خطوط في المتناوية . في المتناوية . خطوط في المتناوية . خطوط في المتناوية . في المتناوية . في المتناوية المتناوية المتناوية . في المتناوية المتن

ونسبة مربعات الخطوط بعضها إلى بعض كنسبة الدوائر التي أنصاف أقطارها تلك الخطوط بعضها إلى بعض . فالدوائر التي أنصاف أقطارها خطوط للم مرح لا كم أقل من ثلث وخمس الدوائر التي أنصاف أقطارها ضرط سرح ركاء . والدوائر التي أنصاف أقطارها نطح من ثلث وخمس

الدوائر التي أنصاف أقطارها خطوط ضرط سح ركوه آ . ونجعل خط آك ارتفاعاً مشركاً ، فيكون الأساطين الصغار التي قواعدها الدوائر – التي أنصاف أقطارها خطوط أن طرمح ل كروه آوار تفاعها مساو لحط آك أقل من ثلث وخسس الأساطين التي قواعدها الدوائر – التي أنصاف أقطارها خطوط مساو لحجط آك وارتفاعها مساو لحجط آك والأساطين التي قواعدها الدوائر – التي أنصاف أقطارها خطوط ن طرمح ل كروه والأساطين التي قواعدها الدوائر – التي أنصاف أقطارها خطوط نصف قطرها نصف قطرها نصف قطرها خط ل كروه والمنافرة التي نصف قطرها خط ل كروه والأساطين التي قواعدها الدوائر – التي أنصاف أقطارها خطوط آك . خط ل كروه التي المائرة التي نصف قطرها والأساطين التي قواعدها المدوائر – التي أنصاف أقطارها خطوط نس طرك والأساطين التي قواعدها المدوائر – التي أنصاف أقطارها خطوط نس طرك والأساطين التي قواعدها المدوائر – التي أنصاف أقطارها خطوط نس طرك والتها الدائرة – التي نصف قطرها خط م إلى خط م إلى المدائرة التي نصف قطرها قاعدته الدائرة التي نصف قطرها خط م ج – ورأسه الدائرة التي نصف قطرها قاعدته الدائرة التي نصف قطرها خط م ج – ورأسه الدائرة التي نصف قطرها

وهذا المنشور هو المنشورُ الذي في داخل المجسم المكافى، ، الذي تبين أنه أعظمُ من ثلث وخمس أسطوانة بز ؟ وهذا خُلُفُ. فليس المجسم المكافى، بأعظم من ثلث وخس الأسطوانة ، وأقول: إنه ليس بأصغر من تُلثها وخُمسها أيضاً .



۱ - رح : زح // ۳ - مسار : مسار : ساوی // ٤ - رح : زح // ه - مساو : مساوی / أنصاف أضاارها : انصافها قطارها // ۲ - ساو : مساوی // ۸ - مساو : مساوی // ۱۰ - رح : زح / مساو : مساوی //

فإن أمكن ، فليكن هذا المجسّم أصغر من ثلث وخمس الأسطوانة ، وليكن أصغر من ثلث وخمس الأسطوانة ، وليكن أصغر من ثلث وخمسها بمقدار مجسم ي . ونقسم الأسطوانة بالملورات كما عملنا من قبل ، فيبقي المدورات التي تحدث من استدارة سطوح بن ن م مل ل ل أ أصغر من مجسم ي . فيكون أقسام هذه المدورات الحارجة عن المجسم المكافىء المحيطة به أصغر بكثير من مجسم ي .

فالمجسّم المكافىء مع هذه الأقسام أصغرُ من ثلث وحمس الأسطوانة . والمجسّم المكافىء مع هذه الأقسام هو المنشور الذي قاعدته الدائرة -- التي نصف قطرها خط به -- ورأسه الدائرة التي نصف قطرها خط آص . فهذا المنشور أقل من ثلث وحسس أسطوائة بز .

وقد ثين أن الدوائر التي أنصاف أقطارها خطوط وسط مح وكرة أعظم من ثلث وخمس الدوائر التي أنصاف أقطارها / خطوط صط مع من حركرة ألله من وخمس الدوائر التي أنصاف أقطارها خطوط بحدل في الأساطين الصغار التي قواعدها التي قواعدها التي قواعدها التي قواعدها وارتفاعاتها مساوية خط التح أعظم من ثلث وخمس الأساطين التي قواعدها الدوائر التي أنصاف أقطارها خطوط بب خض من من حرك وارتفاعاتها مساوية لحط التح والأساطين التي قراعدها التوائر التي أنصاف أقطارها خطوط بب خض من التدارة التي أنصاف أقطارها خطوط بب خن علم حول كرك والأساطين التي تحدث من استدارة هذه بخو من المتدارة هذه السطوح مجموعها هو المنشور الذي قاعدته الدائرة - التي نصف قطرها بب السطوح مجموعها هو المنشور الذي قاعدته الدائرة - التي نصف قطرها بب من استدارة التي انصاف أقطارها خطوط أن من استدارة التي فواعدها الدوائر - التي أنصاف أقطارها خطوط أب حض طرح من وارتفاعاتها مساوية خط التح ، والأساطين التي قواعدها الدوائر - التي انصاف أقطارها خطوط أب عن من استدارة سطح با ، الأن مجموعها هي الأسطوانة التي تحدث من استدارة سطح با ، الأن مجموع السطوح عجموعها هي الأسطوانة التي تحدث من استدارة سطح با ، الأن مجموع السطوح التي ذر ناها هو سطح با ، الأن مجموع السطوح التي ذر ناها هو سطح با ، الأن مجموع السطوح التي ذا فالمنشور الذي قاعدته التي ذر ناها هو سطح با ، الأن مجموع السطوح التي ذا فالمنشور الذي قاعدته التي ذر ناها هو سطح با ، الذي فاعدة التي فاعدته التي هي أسطوانة ب ز . فالمنشور الذي قاعدته التي هي أسطوانة ب ز . فالمنشور الذي قاعدته التي هي أسطونة ب ز . فالمنشور الذي قاعدته التي هي أسطونة به ز . فالمنشور الذي قاعدة التي هي أسطونة به نا المنافرة الذي المنافرة الذي المنافرة ال

 $<sup>\</sup>begin{array}{lll} \Psi = \frac{32 i \dot{C}}{2} & \frac{34 \dot{C}}{2} & \frac{11}{2} & \frac{11}{2$ 

الدائرة – التي نصف قطرها خط بَ ﴿ ورأسه الدائرة – التي نصف قطرها ص آ – أعظم ُ من ثلث وخمس أسطوانة ب ز .

وقد كان ثبين أن هذا المنشور أقلُّ من ثلث وخس أسطوانة بر ، وهذا خُلُفٌ لا يمكن . فليس مجسم ب د المكافىء ناصغرَ من ثلث وخس أسطوانة بر .

وقد تبين أنه ليس بأعظم من ثلثها وخمسها . محجسم بآد المكافيه ً ثلثُ وخمس ُ أسطوانة ب ز ، وذلك ما أردنا أن نبين .

رإذا كانت زاوية آجب حادة أو منهرجة "، عملنا في الفيطع كما عملنا في الفيطع كما عملنا في الصورة الثانية والثائمة من الشكل الذي قبل هذا . فيتدين - كما تبين من ذلك الشكل – أن المجسم المكافىء " ناتُ وخس الأسطوانة القائمة التي قاحدتُها الدائرة – التي نصف قطرها العمود الراقع من طرف القطر على خط الرتيب - وارتفاعها ما و لحظ الرتيب ، وذلك ما أردنا أن نبين .

ويتين - كما تدّين في الشكل الذي قبل هذا - أن المدوَّر الله الصفار الله عرَّ سطح المجسم المكافىء الوساطها مسارية " بمجموعها للمدوّر أو التي تحدث من استدارة سطح ب ط .

ونجعل آب هو العدد المربع النظير لحط ١٠ الأن خطوط ضن سر ر ل 10 علىنسبة الأعداد المربعات المتوالية المبتدئة من الواحد . ونقسم آب بنصفين

٨ - علمنا (الثانية) : طست فكبها الناسخ فوقها // ١٢ - صاو : صاوى // ١٤ - همر : تمو / تمود تمو / تمود // تمود // تمود المحدث : يحدث // ١٤ - يمو : تمو / تمكون : يمكون // ١٤ - يمو : تمو نا // ٢٧ - رآن : زَلَ // ٢٧ - رآن : زَلَ //

 مع المدورة التي تحدث من استدارة سطح ي لم ، هو ثلثُ و حمس المدورات التي قواعدُ ها الدواتر – التي أنصاف أقطارها خطوط ركس م ضرط ب ب ب وارتفاعاتُها خطوط اك كح ح لم لم لم ب ب وهذه المدورات هي أسطوانة ب ز . وهذه المدورات هي أسطوانة ب ز . فللشور الذي في داخل المجسم المكافىء مع المدورة التي تحدث من استدارة سطح ي لم فللشور الذي في داخل المجسم المكافىء مع المدورة التي تحدث من استدارة سطح ي لم مساوية "لأجزاء المدورات الصعار التي يمر سطح المجسم المكافىء . فالمدورة التي تحدث من استدارة سطح ي لم مساوية "لأجزاء المدورات الصعار التي يمر سطح المجسم المكافىء ، بأوساطها التي هي في داخل المجسم المكافىء .

وقد كان تبين أن جميع المدورات الصغار مدوبة [ مدوية ] بحميع المديرة التي تحدث من استدارة سطح ب ط . فأجزاء المدورات الصغار التي يمر سطح المحسم المكافىء فأوساطها - التي هي خارجة عن المجسم المكافىء ومحيطة به -- مساوية المعلمورة التي تحدث من استدارة سطح ب لا . و نسبة الأجزاء الخارجة من هذه المدورات إلى الأجزاء الداخلة منها كنسبة المديرة التي تحدث من استدارة سطح ي ط . و نسبة ما تين المدورتين - إحداهما إلى الأخرى - كنسة قاعدتيهما ، إحداهما إلى الأخرى - كنسة قاعدتيهما ، إحداهما إلى الأخرى . و نسبة فصل مربع ب على مربع جي إلى مربع عب على مربع جي إلى مربع على مربع جي إلى مربع على مربع جي الى مربع ب حلى مربع جي الى أجزائها جي كنسبة أجزاء لمدورات الصغار ، الخارجة عن المجسم المكافىء ، إلى أجزائها الداخلة في المجسم المكافىء كنسبة عدد آم إلى عدد م ب .

ويلزم هذه النسبة أني كل واحدة من النُمدُورات كما تبيّن في الشكل الذي قبل هذا . وبلزم من هذه النسبة أن يكونَّ النُمدُورَ اثالصغار ، كلما صغرُت،

كانت نسبة الأجراء الحارجة منها إلى الأجراء الداخلة أعظم من نسبة الأجراء الحارِجة من المدورات ، التي هي أعظم منها ، إلى أجزائها الداخلة , وفلك أن المدوَّرات الصغارَ / ، كلما صغَّرت ، كثرت الحطوطُ النظائر لحطوط ل ك ١٨ - ٥ مَا مِن مَلْ جَبِّ ؛ فيكثر الخطوطُ الطائر لخطوط ض بن من مر ل مَا ؛ فيكون العدد المربعُ البظير ُ لخط آ أعظم من عدد أن ؛ فيكون يسته إلى ضلعه أعظم من نسبة الله على على الأن الأعداد المربعة المتوالية ، كلُّ ما كان منها أبعد عن الواحد ، كانت نستُه إلى ضلعه أعظم". فيكون تُلث عشر الواحد - الذي هو مثل ُ حط -إلى العدد النظير لعدد لله أعظم من نسبة حط إلى لام . فيكون العدد النظير لعدد ن م أصغر من ي م ، ويكون بصف العدد المربع النظير لعدد زب أعظم ً من نَبِ ؛ فيكون نسبة من إلى نَب أعظم من سبة العدد النظير لـ نَ م إلى العدد النظير لـ نَبُّ من المربع الأعظم النظير لعدد آلَّ . وبالتركيب يكون نسبة م الى سا أعظم من نسبة العدد النظير لدن مالى العدد النظير لدن إلى العدد النظير لـ نَبٍّ]. ونسة رَبُّ إلى بِّ كنسبة نصف فلك العدد إلى جميع ذلك العدد. فيكون نسبة مرك إلى بِ أعظم من نسبة العدد النظير لعدد مرب من المربع الأعظم إلى دلك المربع الأعظم . وبالعكس يكون بسنة ذلك العدد المربع الأعظم إلى الجزء منه النظير لعدد ب م أعظم من نسبة آب إلى ب. . وبالتفصيل يكون نسبة العدد النظير لعدد آم إلى العدد النظير لعدد من أعظم من نسبة آم إلى مب ؟ فيكون نسبة الأجزاء الخارجة من الملوَّرات الِّي هي أصغرُ إني أجزالها الداخلة أعظمَ من نسبة الأجزاء الخارجة من المدورات التي هي أعظمُ منها إلى أجرالها الداخلة ؛ وذلك ما أردنا أن نبيس .

وينزم في هذا النرع أيضاً أن كلَّ قيطَّع مكافى، يكون خط ترتيبه يحيط مع قطره بزاويتين مختلفين ، فإن المجسم الذي يحدث من القسم الحاد الزاوية مساو للمجسم الذي يحدث من القسم المنفرج الزاوية ، لأن أسطوانتيهما تكونان مساويتين ، لأن ارتفاعي الأسطوانتين مساويان الحطي الترتيب ، وخط الترتيب متساويان ، ونصف قطر قاعدة كل واحدة من الأسطوانتين هو العمود الواقم

٤ - حَبَ : آبَ / مَن نَ : صَ نَ / ر ل : ر ل / العاد · عاد // ه - نب ، نب ال / العاد · عاد // ه - نب الله الله الله عاد // ٢٤ - ما ويان : ما وين // ٢٤ - ما ويان : ما وين //

من طرف القطر على خط الرتيب، وهو عمود واحد. فالمجـــان اللذان يكونان من القسمين ، يكونان متساويين .

وكذلك المجسّمُ – الذي يكون من القبطّع الذي قطرُه مساو للعمسود الواقع من طرف القطر علىخط الترتيب، وخط ترتيبه مساولحط ترتيّب القبطّع المختلف الزاويتين – يكون مساوياً لكل واحد من المجسّمين الحادثين من القطّعين المختلف الزاويتين .

ويكون نسب الحبسات المكافئة التي من هذا النوع ، بعصها إلى بعض ٍ ، على مثل ما تبين في النوع الأول .

و لأنه قد يشكل على كثير من الناس برهانُ الخُلْف إذا كان على صفة ارهان هدين الشكلين – و ذلك أنه ربما ظن قوم ، لم يُنعموا النطر ، أنه لو فرض المجسم المكافىء جزءاً من الأسطوانة غير الثلث والحمس في هذا النوع ، وغير السحف في الدوع الأول ، لقد كان يطرَّد فيه برهانُ مثل البرهان الذي دُكر في هذين الشكلين – وحب من أجل هذه الحال أن تكشف العلة التي بها تم هذا البرهان ، والتي أنتجت المطلوب ، وهذا المعنى الذي من أحله صار المجسم المكافىء – الذي يحدث من إدارة القطع حول خط ترتيه – ثلثاً وحمساً ، وصار المجسم المكافىء الذي يحدث من إدارة القطع حول قطره – نصفاً .

والخارحة مما إما أعظم من ذلك الجزء وإما أصغر من ذلك الجرء ؛ ولا يوجد حزء يكون كل منشور يقع في داخل المجسم المكافىء أصغر منه وكل منشور يحيط بالمجسم المكافىء أعظم منه غير الثاث والحمس فقط ؛ وإن هذا المعنى هو الذي أنتج البرهال وأعنى بالحزء فيما مضى من قولي ، وفيا يأتي من بعد ، البعض فقد بقى أن نبيش هذا الذي ذكر اه بالبرهال .

ولنمر ص حرءاً ما أقل من ثلث وخمس الأسطوانة ، فأقول : إنه قلد يوجد في داحل المجسم المكافىء منشوراتٌ كثيرة ، كلُّ واحد منها أعظمُ من دلك الجرء , وذلك أن لجرءُ المفروص الذي هناو أقلُّ من ثلث وخمس الأسطوانة يكون النصل الذي بينه وبين ثلث وخمس الأسطوانة مقداراً ما . فإذا قُسمت الأسطوانة بالمدوّرات بتصفين ، وقصعُها لتصفين ، وقُعل فلك دائماً ، علا بدأن يبقى من الأسطوانة مقدارًا هو أصمرُ من تلك التنَّصَّلة . والدي ينقى من الأسطوانة إداً قُسمت < هو > الملور اتُ الصغار التي يمرّ سطح المجسم المكافيء بأرساطها ، وتلك المدوَّراتُ مسارية للمدرَّرة النظيرة للمدوَّرة التي تحدث من استدارة سطح بَ مَلَ . فيكون المدرَّرة النطيرة للمدوَّرة التي تحدث من استدارة سطح ب ط أصعرً من ثلث الفَلْضَّلة . فيكون المدوَّرة الَّتي تحدث من استدارة النظير السطح ي ط أصغرً بكثير من تلك الفَّضَّلة . فيكون الجزء الذي فُرض مع المدوّرة الّي تحدث من استدارة السطح النظير لسطح يّ ط أصغرً من الثلث و لخمس . وقد تبين أن المشور الدي يقع في داخل المجسم المكامىء مع المدوَّرة التي تحدث من استدارة السطح النظير لسطح ي مَلَ هـــو ثلثُ وخمسٌ الأسطوانة . فيكون المنشور مع المدورة التي تحدث من استدارة السطح النظير لسطح يَ لَمْ أَعظمَ من دلك الجرء مع هذه المدوَّرة بعينها . فيكون المنشوَّر الدي يقع في داخل المجسم المكافىء أعظم من ذلك الحزء . وإذا تُسمت المدوّرات الصَّفَارِ أَبِصاً > من بعد > هذه الحال ، بالتنصيف مرة " بعد مرة ، كانت الثقايا التي تنقى من الأسطوانة ، كل بقية منها أصعرُ من البقيسة التي قبلها . فيكون المنشورات التي تحدث في داخل المجسم المكافىء ، كلُّ واحد منها أعظم بكثير

٢ - سه . مطموسة // به - مقداراً . مقدار // ۱۱ الفصلة : الفصلة // ۲۶ - تحدث // ۲۶ - تحدث // ۲۶ - تحدث // ۲۶ - تحدث // ۲۶ - التصيف : مالتصيف //

من ذلك الجزء . فتين من هذا البيان أن كلَّ مقدار يفرض أقسل من الثلث والحدس ؛ فإنه يوجد في داخل المجسم المكافىء منشورات كثيرة " ، كلُّ واحد منها أعظمُ من الجزء .

وأيضاً فإنا نعرص جزءاً ما أعظم من الثلث والحمس ، فيكون بينه وبين الثاث والخمس فتصَّلة" ، فإذا قُسمت الأسطوانة بالمنوَّرات بتصمين ، ونصفها بنصمين ، وفُعل ذلك دائمًا ، فينقى منها بقية "هي أقلُّ من الفضلة . والبقيةُ الَّي تبقى من الأسطوانة هي المنوَّرات الصغارُ التي يمرَّ سطح المجسم المكافي. بأوساطها وهي مساوية ٌ للمدوَّرة النظيرة للدهـوَّرة التي تحدث من استدارة سطح بـ ط ـ فيكون المدوَّرة الِّي تحدث من استدارة السطح النظير لسطح بـ لَمَّ أصغرٌ من ثلك الفضلة . فيكون ثلث وحمس الأسطوانة مع المدورة التي تحسدت من استدارة السطح النظير لسطح - ط أصغر من ذلك الحزء . فيكون الثدث والحمس مع المدوَّرة التي تحدث من استدارة السطح النظير لسطح سَ لاَ أصغرَ مكثير من ذَلَكَ اجزه . لكنَّ الثلث والخمس مع الملوَّرة التي تحدث من استدارة السطح النظير لسطح بلاً هو المنشورُ المحيطُ بالمجسّم المكافيء ، لأن المشور المحيطُ نامحسّم المكافىء يزيد على الثلثوالحمس بالمدوَّرة الَّتي تحدثمن استدارة السطح النظير / ٦٩ ـ و لسطح لَـ لا . فيكون المشور المحيط باغبتم المكافىء أصغرً من دلك الجرء المفروض ، الذي هو أعظمُ من الثلث والحمس . وإن قُسمت المدوّرات الصغار من بعد هذه الحال أيضاً بالتنصيف كانت المشورات التي تحدث، المحيطة بالمجسّم المكافيء ، كلُّ واحد منها أصغرُ نكثير من دلك الجرء . وكلُّ حرء 'يعرض ويكون أصغر من ثلث وَّ خَس الأسطوانة فقد يُوجد منشورات كثيرة في داخل المجسّم المكافيء كلُّ واحد مها أعظمُ من ذلك الجزء. ويكون المنشوراتالمحيطة والمجسُّم المكافيء المقترنة بتلك المنشورات كلُّ واحد منها أيضاً أعطمُ من ذلك الجزء ، لأنه أعظم من المنشور الذي في داخل المجسّم . وكلُّ جزء يعرض يكون أعظم من ثلث وخمس الأسطوانة . فقد يُوجد منشورات كثيرة محيطة بالمجسم المكافيء كلُّ واحدمتها أصعرُ من ذلك الجزء،ويكون المنشورات التي في داخلُ المُجِسَّم المَكَافَى- ، المُقَرِّرُنَةُ بِتَلَكُ المُنشُورِاتِ ، كُلُّ واحد منها أيضًا أُصْغَرُ من

 211 رشاي راشد

## فلك الحزم ، لأنه أصغرُ من المنشور المحيط بالمجسّم

وكلُّ جزء ُ يُعرض غير الثلث والخمس فقد يُوجد منشورات كثيرة في داخل المجسم المكافىء ومنشورات كثيرة محيطة بالمجسم المكافىء ، يكون المداخلة والخارجة معاً إما أعظم من ذلك الجزء وإما أصغر من ذلك الجزء .

وقد ثبين من قبلُ أن كلَّ منشورٍ يقع في داخل المحسّم المكافىء فهو أصغرُ من ثلث وخمس الأسطوانة ، وكلُّ منشور يحيط بالمحسِّم المكافيء فهو أعظمُ من ثلث وخمس الأسطوانة . فيستبين من هــــذا البيَّانْ أنه لا جزء من أجزاء الأسطوانة – أعني : لا مقدارٌ هو بعضُ الأسطوانة – يكون كلُّ مشور يقع في داخل المجسّم المكافىء أصغرَ منه ، وكلُّ منشور يحيط بالمجسّم المكافىء أعظم منه غيرٌ الثلث والحمس . والمجسّم المكافىء هو يعض الأسطوانة ، وكالُّ منشور يقع في داخله فهو أصغرُ منه ، وكلُّ منشور يحيط به فهو أعظم ُ منه . فإذا كانَ المجسّم المكافىء بعضَ الأسطرانة ، وكان كلُّ منشور يقع في داخله أصعرَ منه ، وكُلُّ منشور يحيط به فهو أعظم منه ، وكان لا نعض من أبعاض الأسطوانة يكون كلُّ منشور يقع في داخل هدا المجسم أصغرً منه وكلُّ منشور يحيط بهذ المجسم أعظم منه إلا الثلث والحمس ، وجب أن يكون المجسم المكامىء هو الثلث والحمس . فقد انكشفتالعلَّة الَّتي من أجلها وجبأن يكونُ المجسّم المكافىء الذي يحدث من استدارة القبطّع حول خط ترتيبه ثلثٌ وخمس ً الأسطُوانة، ومن أجلها لايصح أن يكون هذا المجسم المكافىء غيرَ الثنث والخمس. وهي أن كلَّ منشور يقع في داخل المجسّم المكافيء فهو أصغرُ من ثلث وخمس الأُسْطُوانَة ، وكُلَّ منشُور يحيط بالحِسّم المُكافيء فهو أعظم ُ من ثلثَ وخمس الأسطوالة .

وعلى مثل هذه الطريقة بعيبها يتبيّن في النوع الأول أن العلة ــ التي من أجلها لرم أن يكون المجسّم المكافىء ، الذي يحدث من استدارة القطع حول قطره ، هو نصف الأسطوانة ــ هي أن كل منشور يقع في داخل ذلك المجسم المكافىء هو أصغر من نصف الأسطوانة ، وكل منشور يحيط بلك المجسّم المكافىء فهو أعظم من نصف الأسطوانة ، وهي العلة التي أنتجت البرهان .

والطريق في تبنُّين ذلك هـــو الطريق نعينه الذي يتبيّن في النوع الثاني , وإنمسا بيّناه في النوع الثاني لأن برهان النوع الثاني أصعبُ وأغمضُ ؛ فمن أجل صعوبته وغموصه وجب أن نبيّنه ونكشف علّنه ، ونفيسً الأول عليه .

وكل ممثى يتبين ببر هان الحُلْف – بأن نَقسم من المقدار نصفَه و نصف نصفه أو أعظم من نصفه ، و ثما يبقى أعظم من نصفه إلى أن يلزم منه المحال – فإن علمته / المنتجة للبرهان هي شبيهة "بالعلة التي بيناها في هذا الشكل .

فقد أتينا على تبيين مساحة نوعي المجسّم المكافىء ، وكشفنا علـّة " براهينه واستوفينا الكلام عليه وهذا حين نختم القول فيه .

تم الكتاب والحمد نة رب العالمين والصلاة على النبي محمد وآله أجمعين وسلَّم

## India Office SM 734, f. 56v.

Reproduit avec nos remerciments à The India Office Libray and Records, British Library, qui nous a envoyé une photographie de cette page et aussi de f. 66v, dont une partie apparaît sur la couverture de cette revue.



$$I_* = \sum f_i(x_{i+1} - x_i)$$
 of  $C_* = \sum f_i(x_{i+1} - x_i)$ 

avec  $(I_n)_{n\geqslant 1}$  une suite monotone croissante,  $(C_n)_{n\geqslant 1}$  une suite monotone décroissante,

2º On montre, à l'aide des propriétés arithmétiques des deux suites, qu'il existe une grandeur A telle que pour tout n,  $I_a < A < C_a$ .

3º On montre également que

$$(C_n - I_n) = \Sigma \left( f_i^T - f_i \right) (x_{i+1} - x_i)$$

tend vers zéro pour une suite donnée de subdivisions de l'intervalle en sousintervalles de plus en plus petits; et par conséquent  $\lim_{n \to \infty} C_n = \lim_{n \to \infty} I_n = L_n$ 

puisque ce sont deux suites adjacentes.

4º On montre par réduction à l'absurde que A=L, démonstration qui sous entend les propriétés discutées ci-dessus. Encore ne faut-il pas oublier que tout ceci est fait seulement dans le cas particulier des fonctions continues monotones; ce qui exclut toute interprétation anachronique de la méthode d'Ibn al-Haytham, et notamment des sommes intégrales utilisées.

Tels sont donc en fait les résultats et la méthode d'Ibn al-Haytham dans le Traité sur la Mesure du Paraboloide. Un acte simple, mais jamais accompli auparavant, celui de faire tourner la parabole autour de l'ordonnée, a non seulement soulevé un problème jusque là impensé, mais a exigé la refonte de la structure théorique elle-même; c'est ainsi qu'il faut comprendre la réflexion d'Ibn al-Haytham sur la méthode. Les difficultés techniques qu'aucun problème d'intégration n'avait jusqu'alors rencontrées se sont avérées théoriquement fécondes. Mais, pour juger à notre tour de l'ampleur de cette fécondité, attendons un prochain article dans lequel nous examinerons l'étude d'Ibn al-Haytham sur le volume de la sphère. Nous nous demanderons alors pour quelles raisons ces modifications, aussi importantes fussent-elles, n'eurent pourtant pas une portée révolutionnaire.

et

$$W = v_{-}$$

done

$$v_s + I_s > V' + v_{s^*}$$

d'où

$$I_n > V^*$$
;

et ainsi îl existe des solides inscrits dans le paraboloïde, plus grands que V': V' n'est donc pas un majorant de  $\{I_a\}$ .

Il suppose ensuite  $V' > \frac{1}{13} V$ , et montre d'une manière analogue, mais en utilisant les propriétés de  $(C_n)_{n \geqslant 1}$ , qu'al existe des solides circonscrits au paraboloide tels que

et ainsi qu'il existe des solides circonscrits au paraboloïde, plus petits que V', et donc que V' n'est pas un minorant de  $\{C_n\}$ . Par conséquent aucune valeur  $V' \neq \frac{s}{13} V$  ne vérifie la double propriété indiquée. D'où la caractérisation de  $v(P) = \frac{s}{13} V$ , et son unicité.

Selon Ibn al-Haytham, ce serait une erreur de considérer la preuve par réduction à l'absurde comme la raison qui donne un sens réel à la détermination de la mesure de ce volume. Ce sens est effectivement donné par les procédés de construction des sommes intégrales, puisque c'est grâce à celles-ci que l'on peut calculer la mesure – aire ou volume – cherchée, et démontrer son unicité. Position en quelque sorte "intuitionniste" avant la lettre, qui a infléchi la méthode en un sens beaucoup plus arithmétique qu'auparavant. Et de fait Ibn al-Haytham n'a pas seulement introduit beaucoup plus massivement que ses prédécesseurs des suites arithmétiques (jusque là ignorées pour certaines d'entre elles), dont il a exploité les propriétés arithmétiques en vue de la détermination du volume; il est également allé contre la règle de l'homogénéité des grandeurs; on peut en effet aisément vérifier qu'il n'a point hésité, au cours de son exposé, devant la représentation d'une grandeur, aussi bien que de son carré ou son cube, par un segment de droite.

Cette méthode est en fait une version infléchie de la méthode d'exhaustion, et nous en donnois un résumé selon l'ordre suivi par Ibn al-Haytham luimême, mais en des termes bien différents:

1º On considère d'abord une subdivision;

 $f_i$  et  $\hat{f}_i$  respectivement la borne inférieure et la borne supérieure de f sur  $(x_i, x_{i+1})$ ;

effet mené en des termes suffisamment généraux pour être transposable en des situations analogues. Ainsi, en quelques phrases d'une extrême concision, Ibn al-Haytham dégage l'idée qui justifie en ce domaine le recours au raisonnement par l'absurde. Nous pouvons, sans réduire en ricu la portée générale du raisonnement, nous restreindre à la deuxième espèce de paraboloide. L'idée est la suivante:  $\frac{6}{15}$  V est le plus petit majorant de l'ensemble  $\{I_n\}$  des valeurs de la suite monotone croissante  $\{I_n\}_{n \geq 1}$ , et le plus grand minorant de l'ensemble  $\{C_n\}$  des valeurs de la suite monotone décroissante  $\{C_n\}_{n \geq 1}$ , et elle est la seule valeur qui possède cette propriété. Ibn al-Haytham n'a certes pas formulé son idée dans de tels termes, mais tont est présent pour qu'une telle traduction soit permise. Ici, il affirme expheitement que pour tout n, on a

$$I_n < \frac{4}{13} \mathcal{V}$$
 et  $\frac{4}{13} \mathcal{V} < C_n$ ;

mais il avait déjà montré que :

pour tout  $\epsilon > 0$ , il existe N tel que pour n > N, on ait

$$\frac{\pi}{4} V - I_n < \varepsilon$$
 of  $G_n - \frac{\pi}{4} V < \varepsilon$ .

Ainsi v(P) apparaît comme le plus petit majorant de  $(I_s)$  et le plus grand minorant de  $(C_s)$ . Il montre alors que cette double propriété caractérise v(P). Pour cela, il procède de la manière suivante:

Soit  $V' \neq \frac{3}{15} V$ , et vérifiant la propriété donnée; supposons d'abord que  $V' < \frac{3}{15} V$ . Il existe donc  $\eta > 0$  tel que

$$V' + \eta = \frac{1}{13} V;$$

or, pour tout  $\epsilon > 0$ , il existe N tel que pour n > N, on sit

$$V_n = \frac{V}{n} < \epsilon_n$$

mais

$$v_{-} < V_{-}$$

d'où

done, pour  $\epsilon = \eta$ , il existe  $N_0$  tel que pour  $n > N_s$ , on sit

$$V' + v_h < \frac{\hbar}{15} V$$
.

Mais on a montré précédement que pour tout  $\pi$ 

$$W+I_{a}=\frac{1}{15}V,$$

## 3. Méthode apagogique et "intégration"

Une fois achevées ses recherches sur le paraboloide, et une fois le problème entièrement résolu, Ibn al-Haytham conclut son Traité sur l'examen d'un point de méthode. Et de fait, il arrive souvent à cet éminent mathématicienphysicien de traiter de problèmes de philosophie mathématique - ainsi par exemple dans son important mémoire sur l'analyse et la synthèse -, ou, selon sa bibliographie, de questions de philosophie de la physique, ou bien encore de thèmes de philosophic générale. Rien de tel ici cependant: ce n'est ni la philosophie du savant, ni celle du philosophe, qu'Ibn al-Haytham expose dans ce Traité, mais une réflexion interne aux mathématiques elles-mêmes. L'auteur, il est vrai, évoque des préoccupations didactiques: il craint en effet que le contenu du raisonnement échappe à un lecteur insuffisamment averti et pénétrant, qui n'en retiendrait que la forme, en privilégiant ainsi la preuve par reductio ad absurdum aux dépens des idées du phénomène; or seules ces dernières sont véritablement fondatrices de l'ensemble de la méthode, y compris de la dite preuve. Séparée de ces idées, la preuve risque en effet, aux yeux d'un tel lecteur, de se réduire à une pure forme, susceptible d'épouser indifféremment, et donc sans raison, plusieurs contenus différents, et par conséquent d'engendrer la permicieuse illusion de valoir aussi bien pour d'autres solutions que celles effectivement trouvées: ½ V dans le premier cas. 3 V dans l'autre.

Devant un semblable risque. Ibn al-Haytham a choisi, selon ses propres dires, d'engager une clarification des moyens de la preuve, en élucidant le rapport de la forme de la démonstration aux idées du phénomène; ou, pour parler le langage de l'époque, "la cause grâce à laquelle s'est parfaitement réalisée la démonstration" ou de la quelle s'est parfaitement qui a produit la démonstration" ou bien encore "le concept qui a produit la démonstration" ou lies de la la la la la la la la démonstration des déterminer avec rigueur la principale raison qui fait que sou volume est égal à  $\frac{1}{2}V - \lambda$   $\frac{1}{15}V$  si l'on considère le deuxième cas -, et égal à cette valeur seulement. C'est là le vrai motif d'Ibn al-Haytham, peut-être suscité par l'exigence d'une restructuration des concepts qui ne pouvait que déplacer le regard du mathématicien pour l'orienter non plus simplement sur la technique mathématique, mais aussi sur les rapports qu'elle entretient avec la configuration conceptuelle à laquelle elle se réfère.

Cette tâche de clarification s'exprime d'abord dans la rédaction d'un exposé, certes court, mais qui offre néanmoins l'intétêt de manifester la véritable pensée d'Ibn ai-Haytham, sa version de la méthode d'exhaustion. Il nous permet en outre de connaître les raisons pour lesquelles Ibn al-Haytham a jugé, sans ambiguité aucune, que cette méthode est à la fois apodictique et heuristique. C'est également cette tentative d'élucidation conceptuelle qui confère à un exposé centré sur le paraboloïde une allure générale. Il est en

Soient D,  $S_1$ , ...,  $S_{n-1}$ ,  $S_0$  les disques horizontaux centrés sur BC dont les carrés des rayons sont respectivement  $(\frac{1}{2}n^4 + \frac{1}{30}n) k^2 h^4$ ,  $(n^2 - 1^2)^2 k^2 h^4$ , ...,  $n^4 k^2 h^4$ , et W,  $W_1$ , ...,  $W_{n-1}$ ,  $W_0$  les cylindres correspondants de hauteurs égales à h. Il vient

$$W + \sum_{i=1}^{n-1} W_i = \frac{a}{15} \pi W_0 = \frac{A}{15} V,$$

d'où

$$\overline{W} = v(P) - \sum_{i=1}^{n-1} \overline{W}_i = v(P) - I_n = v_n,$$

avec  $v_n$  la somme des volumes des parties intérieures des solides d'encadrement. Mais on a montré que  $V_n=\frac{V}{n}=\pi\;k^2\,h^3\,n^4$ ,

d'où

$$u_* = V_s - v_s = \frac{V}{n} - W = \pi \left( \frac{1}{2} n^4 - \frac{1}{50} n \right) k^2 h^4,$$

dope

$$\frac{u_n}{u_n} = \frac{\frac{1}{2}n^4 - \frac{1}{30}n}{\frac{1}{2}n^4 + \frac{1}{20}n}.$$

On montre facilement que si  $u_{n+1}$ ,  $v_{n+1}$  correspondent à la (n+1) ième subdivision, alors on a

$$\frac{u_{n+1}}{v_{n+1}} > \frac{u_n}{v_n}.$$

ce que fait Ibn al-Haytham.

Il montre en effet que

$$\frac{\frac{1}{2} (n+1)^{4} - \frac{1}{30} (n+1)}{\frac{1}{2} (n+1)^{4} + \frac{1}{30} (n+1)} > \frac{\frac{1}{2} n^{4} - \frac{1}{30} n}{\frac{1}{4} n^{4} + \frac{1}{30} n} \text{ pour } n = 1, 2, \dots.$$

Il n'a cependant pas démontré une expression équivalente à  $\lim_{n\to\infty} u_n = 1$ ; peut-être est-ce en raison de l'étroite dépendance d'une telle notion à l'égard d'une autre langue; peut-être aussi parce qu'il s'intéresse essentiellement à l'allure de la variation du rapport: la croissance. Il serait cependant surprenant qu'il n'en ait pas eu, au moins intuitivement, l'idée.

équivalent\* à celui de l'intégrale définie

$$v(P) = \int_{0}^{b} \pi k^{2} (b^{2} - y^{2})^{2} dy = \int_{0}^{b} \pi k^{2} b^{4} dy - \int_{0}^{b} 2 \pi k^{2} b^{2} y^{2} dy + \int_{0}^{b} \pi k^{2} y^{4} dy,$$

ce qui implique notamment un calcul du dernier terme au moyen d'une évaluation de la somme des puissances quatrièmes des a premièrs entiers naturels. De tels résultats ont généralement été attribués aux mathématiciens de la première moitié du XVIIème siècle.

Ibn al-Haytham ne s'arrête pas là. Il se tourne à nouveau vers les petits solides d'encadrement, afin d'étudier leur comportement lorsqu'on augmente indéfiniment les points de la subdivision. Nous nous trouvons cette fois en présence d'une peusée franchement infinitésimaliste, et en quelque sorte fonctionnelle, dans la mesure où l'enjeu du problème est explicitement le comportement asymptotique d'êtres mathématiques dont on cherche à déterminer la variation. Expliquons quelque peu le parcours d'Ibn al-Haytham. Il veut montrer que le rapport de la somme des parties extérieures de ces petits solides d'encadrement à la somme des parties intérieures croît lorsqu'on augmente indéfiniment le nombre des points de la subdivision.

Il montre d'abord

$$C_n - I_n = V_n = \frac{V}{n}$$

avec  $V_n$ la somme des volumes des petits solides d'encadrement, et V le volume du cylindre circonscrit. Il établit ensuite d'après les lemmes arithmétiques que

$$\sum_{i=1}^{n-1} (n^2 - i^2)^2 = \frac{a}{15} (n-1) n^4 + \frac{1}{10} n^4 - \frac{1}{10} n,$$

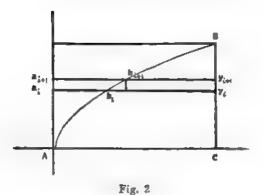
d'mì

$$\left(\frac{1}{2}n^4 + \frac{1}{10}n\right) + \sum_{i=1}^{n-1} (n^2 - i^2)^2 = \frac{4}{15}n^5.$$

 Cf. Suter, "Die Abhandfung über die Ausmessung des Pumboloides von el-Hasan b. el-Hasan b. el-Haitham", Bibliotheea Mathematica, III Folge. XII Bd (Lespaig, 1912), pp. 131-132.

Voir egulement Jamal al-Dabbagh, "Infantesumal Methods of Ibu Al-Hautham", Bulletia of the College of Science, 11 (1970), Baghdad, 3-17.

3. Cf. Replet: Nova Stereometric delicrum vinariorum (Lim., 1615). Cavalieri Exercitationes Geometricas Sex (Bulogna, 1647), IV, prop. 24.



mais, d'après l'inégalité (3), on obtient

$$I_n < \frac{1}{12} V < C_n$$
.

Dans un langage différent de celui d'Ibn al-Haytham: comme la fonction  $g(y) = ky^2$  est continue sur [0, b], le calcul d'Ibn al-Haytham est équivalent à

$$v(P) = \lim_{n \to \infty} \sum_{i=1}^{n} \pi k^{2} h^{3} (n^{2} - i^{2})^{2},$$

avec v (P) le volume du paraboloide de la deuxième espèce ; d'où

$$v(P) = \lim_{n \to \infty} \sum_{i=1}^{n} \pi k^{2} (b^{4} - 2 b^{2} \gamma_{i}^{2} + y_{i}^{4}) h,$$

done

$$v(P) = \pi \int_{a}^{b} k^{2}(b^{4}-2b^{2}y^{2}+y^{4}) dy,$$

d'où

$$v(P) = \frac{1}{13} \pi k^2 b^3 = \frac{1}{13} \pi a^2 b = \frac{1}{13} V$$

Il est donc clair que le calcul d'Ibn al-Haytham est mathématiquement

2º possède une loi générale pour les sommes de n premiers entiers à une puissance quelconque, ainsi qu'on peut le vérifier en examinant ses démonstrations.

S'il n'est pas allé plus loin que la 4ème puissance, c'est en raison de l'inégalité que ces lemmes sont précisément destinés à établir.

En effet, la loi génécale repose sur la formule survante :

$$(n+1) \sum_{k=1}^{n} k^{i} = \sum_{k=1}^{n} k^{i+1} + \sum_{p=1}^{n} \left( \sum_{k=1}^{p} k^{i} \right),$$

explicitement utilisée par Ibu al-Haytham. Il pouvait donc calculer la somme des puissances des n premiers entiers pour  $n \ge 5$ . Mais Ibn al-Haytham n'a pas poursuivi le calcul, car il entendait seulement démontrer la double inégalité.

(3) 
$$\sum_{k=1}^{n} \left[ (n+1)^2 - k^2 \right]^1 \leq \frac{6}{15} (n+1) (n+1)^4 \leq \sum_{k=0}^{n} \left[ (n+1)^2 - k^2 \right]^2,$$

elle-même destinée à la recherche du volume du paraboloïde de la deuxième espèce. Or, cette double inégalité n'exige que le calcul de la somme des puissances quatrièmes des n premiers entiers naturels.

Ainsi, tout est désormais en place pour la détermination du volume du paraboloide engendré par la rotation de la portion de la parabole ACB d'équation  $x=ky^2$  autour de l'ordonnée BC. A l'exemple d'Ibn al-Haytham, nous appellerons ce solide "paraboloide de la seconde espèce".

Soit donc  $(Y_i)_{i=0}^n$  une subdivision de [0,b] en intervalles égaux, de longueur h, avec BC = b = nh.

Notons 
$$r_t = a - a_t b_t$$
 pour  $0 \le i \le n$ ;

il vient 
$$r_i = k(b^2 - y_i^2) = kh^2(n^2 - i^2)$$
;

d'une manière analogue à ce qui précède, on a

$$I_{\circ} = \sum_{s=1}^{n-1} \pi k^2 h^s (n^2 - i^2)^2$$
,

et.

$$C_n = \sum_{i=n}^{n-1} \pi \, h^2 \, h^5 (n^2 - i^3)^3 \,,$$

Ibn al-Haytham s'attache ensuite à démontrer le même résultat dans le cas d'un paraboloide engendré par une parabole dont les ordonnées ne font pas avec le diamètre un angle droit, autrement dit dans un système d'axes non orthogonaux. Il considère alors respectivement les deux cas où l'angle

$$C<rac{\pi}{2}$$
 et  $C>rac{\pi}{2}$  . Il revient alors, et c'est d'une extrême importance, sur les

notions fondamentales déjà introduites, et notamment sur les sommes intégrales. On remarque sans peine, à la lecture de cette analyse ou du texte même d'Ibn al-Haytham, que celui-ci ne cesse de souligner le rôle capital de ces sommes dans le calcul des volumes. Mais avant d'engager une discussion sur ces points essentiels, examinons l'autre espèce de paraboloides, ceux qui sont engendrés par la rotation d'une parabole autour de son ordonnée.

C'est précisément pour calculer le volume des solides de cette espèce qu'Ibn al-Haytham traite au commencement de son mémoire de la sommation des puissances des n premiera entiers successifs, et obtient des résultats qui font date dans l'histoire de la théorie des nombres. Ainsi, après avoir démontré

$$\sum_{k=1}^{n} k = n \, \frac{(n+1)}{2} = \frac{n^2}{2} + \frac{n}{2} \, ,$$

il prouve d'une manière différente de celle d'Archimède dans Des Spirales:

$$\sum_{k=1}^{n} k^{2} = n \left(n + \frac{1}{2}\right) \left(\frac{1}{2} n + \frac{1}{2}\right) = \frac{1}{2} n^{3} + \frac{1}{2} n^{2} + \frac{1}{6} n.$$

Il aborde ensuite la preuve de

$$\sum_{k=1}^{n} k^{3} = n^{2} (n+1) \left( \frac{1}{6} n + \frac{1}{6} \right) = \frac{1}{6} n^{4} + \frac{1}{2} n^{3} + \frac{1}{6} n^{3}$$

et, pour la première fois dans l'histoire, il montre que

$$\sum_{k=1}^{n} k^{s} = n \left( n + \frac{1}{2} \right) \left( \frac{1}{5} n + \frac{1}{5} \right) \left[ n \left( n + 1 \right) + \frac{1}{4} \right].$$

Il est hors de donte que Ibn al-Haytham

1º procède par une induction complète un peu vieillie1,

Voir R. Rashed: "L'Induction mathématique: al-Karaji, as-Samaw'al," Archiva for History of Exact Sciences, 9 (1972), 1-21.

Maintenant, pour montrer que  $v(P) = \frac{1}{2}V$ , Ibu al-Haytham suit la vois traditionnelle:

1º) Supposons d'abord que  $v(P)>\frac{1}{2}\,V$ , c'est-à-dire qu'il existe  $\epsilon>0$  tel que  $v(P)-\frac{1}{2}\,V=\epsilon$  .

Mais on a pour tout n

$$v(P) - \frac{1}{2}V = (v(P) - I_n) + (I_n - \frac{1}{2}V).$$

Mais, pour tout  $\epsilon > 0$ , il existe N tel que pour n > N, on ait

$$v(P) - I_* \leqslant \varepsilon$$
,

et

$$I_n - \frac{1}{2} V < 0,$$

done

$$v(P) - \frac{1}{2}V < \pi$$

ce qui contredit l'hypothèse; donc  $v(P) \leq \frac{1}{4}V$ .

2º) Supposons ensuite  $v(P) < \frac{1}{2} V$ , c'est-à-dire qu'il existe a>0 tel que  $\frac{1}{2} V - v(P) = z$ .

Mais on a pour tout a

$$\frac{1}{2}V - v(P) = (\frac{1}{2}V - C_n) + (C_n - v(P)).$$

Mais, pour tout  $\epsilon > 0$ , il existe N tel que pour n > N, on ait

$$C_a - v(P) \le \epsilon$$

et

$$\frac{1}{2} V - C_n < 0,$$

done

$$\frac{1}{2}V - v(P) < \epsilon$$
;

ce qui contredit l'hypothèse, donc

$$v(P) \geqslant \frac{1}{2}V$$
.

De Io) et 2o) on déduit  $v(P) = \frac{1}{2} V$ .

(1) 
$$I_n = \frac{\pi}{2} (n-1) h r_n^2 < \frac{1}{2} V.$$

De même, posons

$$C_{n} = \sum_{i=0}^{n-1} \pi (\pi_{i+1} - \pi_{i}) R_{i}^{2}$$
,

AVCC

$$R_i = \sup_{x_i \leqslant x \leqslant x_{i+1}} f(x) = f(x_{i+1}).$$

puisque f est croissante sur [0,a]; donc

$$G_n = \sum_{i=1}^n \pi h r_i^2 ;$$

(2) 
$$C_{s=-\frac{\pi}{2}}(n+1) hr_s^2 > \frac{1}{3} V$$
,

De (1) et (2) on déduit que

$$I_{\sigma} < \frac{1}{2}V < C_{\sigma}$$

Notons qu'Ibn al-Haytham montre que si

$$C_a - I_a = d$$
,

et si on augmente le nombre des points de la subdivision  $(\pi_i)_{i=0}^a$ , en sjoutant les points d'abscisses  $\frac{\pi_i + \pi_{i+1}}{2}$ , avec  $0 \le i \le n-1$ ; on a alors une nouvelle subdivision  $(\xi_i)_{i=0}^{2n}$ ;

$$C_{2a}-I_{2a}=\frac{d}{2}\cdot$$

Ce procédé constructif lui permet de déduire que :

Pour  $\epsilon > 0$  quelconque fixé, on peut rendre la subdivision de [0,a] suffisamment fine pour avoir

$$C_{q(s)} - I_{q(s)} \leqslant \varepsilon$$
.

Pour obtenir  $\varphi(n)$  – le nombre des intervalles de la subdivision – il suffit en fait de réitérer la précédente construction p fois, pour p suffisamment grand, vérifiant

$$\frac{d}{2^{y}}\leqslant v.$$

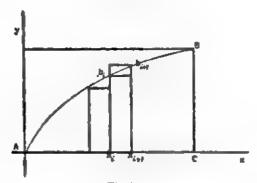


Fig. 1

mais

$$r_n^2 \Rightarrow 2 \ r_{\frac{1}{6} \, n}^2$$
 ,

done

$$\sum_{i=1}^{n-1} r_i^2 = \tfrac{1}{2} \; (n-1) \; r_i^2 \; .$$

Posons

$$I_{\sigma} = \sum_{i=0}^{n-1} \pi \left( x_{i+1} - x_i \right) r_i^2,$$

il vient

$$I_q = \sum_{i=1}^{n-1} \pi h r_{i+1}^2$$

$$r_i = \inf_{x_i \leqslant x \leqslant x_{i+1}} f(x) = f(x_i),$$

op

$$f(x) = \sqrt{kx}$$
;

puisque f est croissante sur [0,a]. Il s'ensuit

$$I_* < \frac{1}{2} V < C_*$$

avec  $(I_n)_{n\geqslant 1}$  la suite des volumes des solides inscrits dans le paraboloïde,  $(C_n)_{n\geqslant 1}$  la suite des volumes des solides circonscrits, V le volume du cylindre circonscrit au paraboloïde. Dans le deuxième lemme, al-Qühî montre comment procéder pour rendre une subdivision suffisamment finc. Il prouve ainsi que si  $(x_i)_{i=0}^n$  est une subdivision du diamètre de la parabole – dont la rotation autour du diamètre engendre le paraboloïde – on peut ajouter les points  $\frac{x_{i+1}+x_i}{2}$ , avec  $0 \le i \le n-1$ , afin d'obtenir une nouvelle subdivision, pour laquelle on a  $C_n - I_n = \frac{1}{2} (C_n - I_n)$ , et qu'on peut réitérer le procédé un nombre de fois suffisamment grand.

A l'aide de ces deux lemmes, al-Qühi montre finalement que le volume du paraboloide de révolution est égal à la moitié du cylindre circonscrit.

La méthode suivie par Ibn al-Haytham pour calculer ce même volume est, pour l'essentiel, équivalente à celle d'al-Qühi, à ceci près cependant qu'il complète sa démonstration, et qu'il comble les lacunes qu'elle pouvait comporter.

## I - 2. Le volume du paraboloïde selon Ibn al-Haytham.

Dans son Traité, après cette introduction pour ainsi dire historique et les lemmes arithmétiques sur lesquels nous allons revenir, Ibn al-Haytham reprend donc le raisonnement d'al-Qûhi pour montrer que le volume du paraboloide de révolution est égal à la moitié du volume du cylindre. Résumons sa démonstration, mais dans un autre langage.

Soit AB une portion d'une parabole d'équation  $y^i = kx$ , qui engendre une portion de paraboloide P par la rotation autour de son diamètre AC. Prenons une subdivision  $(x_i)_{i=0}^n$  en intervalles égaux de longueur h de  $[x_o, x_o]$ , avec  $x_o$  abscisse du point A, et  $x_o$  abscisse du point C,  $x_i \leq x_{i+1}$ , pour  $0 \leq i \leq n-1$ , et n pair. Notons  $c_i$  le point du diamètre AC d'abscisse  $x_i$ ,  $r_i = c_i b$ , pour  $0 \leq i \leq n$ , v(P) le volume de la portion de paraboloide, et V celui du cylindre circonscrit. On pose AC = a et nh = a.

Il vient, d'après l'équation de la parabole

$$r_i^2 + r_{n,d}^2 = k i h + k (n-i) h = r_n^2,$$

d'où

$$r_1^2 + r_2^2 + \ldots + r_{\frac{1}{2}n-1}^2 + r_{\frac{1}{2}n+2}^2 + \ldots + r_{n-1}^2 \ = \ (\frac{1}{2}n-1) \, r_n^2 \, ;$$

Sur le Cercle et Sur la Sphère et le Cylindre, la mesure de la parabole et du parabolojde.

Archimédien au sens large, il ne peut cependant pas se conformer strictement au modèle; il lui a donc fallu ouvrir d'autres voies. Aussi dans le premier texte sur la parabole lui a-t-il fallu 21 lemmes avant d'en donner l'aire; et c'est cette longueur de la solution qui a meité son petit-fils, Ibrāhim b. Sinān<sup>6</sup> à s'attaquer à nouveau au problème, pour ainsi réduire le nombre des l'emmes à deux seulement. Le cas est le même pour le paraboloide, où il a fallu à Thābit b. Qurra 35 lemmes avant d'atteindre son but. Or, c'est précisément cet aspect qu'al-Oūhi dénonce, lorsqu'il écrit<sup>6</sup> que ce livre:

est volumineux, il comporte beaucoup de propositions arithmétiques et géométriques, ainsi que d'autres encore. Les propositions atteignent le nombre de quarante environ Toutes sont des lemmes et une seule proposition, qui est: conneitre la mesure du paraboloide. Quand nous avons étudió cot ouvrage, le livre d'Archimède sur la Sphère et le Cylindre, en dépit de sa difficulté et en dépit du fait qu'il contient plusieurs développements en géométrie, «nous a paru» se lire plus facilement que celui-ci, qui pourtant ne comporte qu'un seul developpement, la meaure du paraboloide. Aussi n'avons-nous men pu en retenir, mulgré la resolution qui était la nôtre, et croyans-nous que tous ceux qui ont voulu le lire sont dans la même situation que nous, et ceu depuis le temps ui il fut composé par Thibit jusqu'à notre temps. Je veux dire que personne u'n ren pu retenir de celivre, de même que nous n'avons rien pu en retenir. C'ast pourques nous avons à nouveau examiné la détermination de la mesure de cette figure, et nous avons trouvé sa mesure pur une méthode qui ne fait appel à aueun de ces lemmes, et qui en nécessate aucun d'aux.

Encore faut-il noter que Thäbit b. Qurra a réintroduit les sommes intégrales d'une manière différente de celle d'Archimède, tel est en effet le cas dans son

calcul de l'aire d'une portion de parabole, calcul équivalent à  $\int\limits_{a}^{y}\sqrt{z}\ dx$ .

De même pour le paraboloide de révolution: alors qu'Archimède considères des cylindres de même hauteur, Thäbit b. Qurra a recours à des troncs de cône adjacents, dont les bases déterminent une subdivision du dismètre de la parabole – qui engendre le paraboloide – dont les intervalles sont proportionnels aux nombres impairs successifs commençant par un; et dont les hauteurs sont les mêmes. Al-Qühi, pour parvenir à réduire le nombre de lemmes à deux seulement, retrouve indépendamment les sommes intégrales telles qu'elles figurent chez Archimède. Sa méthode ne diffère du reste de celle d'Archimède que sur quelques détails, notamment lorsqu'il s'agit de prouver qu'on peut rendre la différence entre les cylindres inscrits et les cylindres circonscrits aussi petite que l'on veut. Dans le premier lemme, al-Qühi montre que

Voir notre article du Dictionary of Scientific Biography sur Ibribitm ibu Sinto ibu Thibit ibn Ourra.

<sup>6.</sup> al-Ouht, op. cit. ff. 191e - 191v.

Voir A. Youschkevitch, "Note sur les déterminations infinitésimales chez Thâbit ihu Quera", Archives Internationales d'Histoire des Sciences, 17 nº 66 (1964), 37-45.

<sup>8.</sup> Voir notamment les propositions 19 à 22 de Sur les Conoïdes et les Sphéroides, d'Archimède.

Et c'est seulement au terme de ce travail préliminaire que nous pourrons revenur au problème capital, oublié par les historiens.

Les titres mêmes des traités sont évocateurs: Ibn al-Haytham ne fait que reprendre deux problèmes déjà étudiés depuis Archimède. Il est vrai que dans le premier traité il calcule, pour la première fois, le volume d'une portion de paraboloîde engendré par la rotation de la parabole autour de l'ordonnée. Jusque là, en effet, on n'avait considéré qu'une portion de paraboloide de révolution. Ce résultat d'Ibn al-Haytham, dont l'importance est unanimement reconnue, justifie sans aucun doute la rédaction du premier traité. Mais si l'on privilégie la nouveauté et l'originalité des sculs résultats, on manquera les raisons qui ont incité Ibn al-Haytham à composer son Traité sur la Mesure de la Sphère: celui-ci u'ignorait en effet ni le travail d'Archimède, ni celui de Banu Musă sur le même sujet. Or, dans l'Introduction à ce deuxième traité -rédigé après le Traité sur la Mesure du Paraboloide Ibn al-Haytham invoque pour raison la nouveauté de la méthode, et par conséquent la clarté et la concision de la preuve. La question se précise donc : quel changement conceptuel a-t-il pu s'opérer, qui non seulement a permis de nouvelles découvertes, mais qui justifiait aussi aux yeux d'Ibn al-Haytham qu'il reprit un problème deux fois étudié auparavant, le problème du volume de la sphère?

Un tel changement conceptuel, s'il eut lieu, a donc dù s'accomplir à l'occasion de l'étude du volume du paraboloide, que nous allons examiner ici. L'histoire du problème a été relatée par Ibn al-Haytham lui-même, lorsqu'il présente sa propre étude du paraboloîde de révolution dans la suite des travaux de Thabit b. Qurra, repris ensuite par al-Quhi. Quant au calcul du paraboloide engendré par la rotation de la parabole autour de l'ordonnée, il s'en attribue entièrement la paternité. Or, si nous écartons Sur les Conoides et les Sphéroides, d'Archimède, ouvrage qu'Ibn al-Haytham ignorait puisque, pous l'avons vu. il n'était pas traduit en arabe, nous ne connaissons sur ce suiet que les deux mémoires cités par Ihn al-Haytham, celui de Thabit b. Qurra et celui d'al-Quhi. A cet égard, du reste, le témoignage de ce dernier est précieux. Il écrit: "Il n'existant pas d'autre livre sur la mesure du parabolonde que celui composé par Abū'l-Ḥasan Thāhit b. Qurra, et il est en la possession de la plupart de nos collègues". Ibn al-Haytham s'accorde donc avec son prédécesseur al-Ouhi pour reconnaître à Thabit la priorité dans la solution de ce problème, manifestant indirectement, lui aussi, l'ignorance dans laquelle on se trouvait du texte d'Archimède. Sur un point encore, il suit al-Oūhi lorsqu'il reproche à Thâbit b. Qurra la complexité et la longueur excessive de son étude. Maisplutôt qu'un simple reproche, il faut voir là une critique au sens strict, c'està-dure un acte à portée créatrice. Thabit b. Ourra, en effet, fut le premier mathématicien arabe à aborder, après la lecture des deux Troités d'Archimède

<sup>4.</sup> Cf. le manuscrit du Traité d'al-Qühī, de la Bibliothèque Khuda Bakhch de Patna, Înde. nº 2519 (33) 191r.

lacune à laquelle s'ajoute, et qu'explique du reste à certains égards, l'idéologie bistorique que l'on sait. C'est ainsi qu'il faut comprendre la tentation de ramener, sans précaution aucune, à Archimède, les travaux et les résultats de ses successeurs arabes, lorsqu'il ne s'agit pas d'apporter en commentaire des affirmations fausses, voire contradictoires. Une fois encore, l'ignorance des faits et le voile idéologique ont assurément empêché de poser ce problème, qui ne laissera indifférent ni l'épistémologue, ni l'historien.

La contribution des mathématicieus arabes n'est certes pas indépendante des travaux d'Archimède. Tout comme ces derniers, elle a sans doute été suscitée par l'étude des aires et des volumes des figures géométriques, non limitées par des segments de droite uniquement. Mais elle a directement tiré parti de la traduction de trois livres: les Eléments d'Euclide, La Mesure du Cercle, et De la Sphère et du Cylindre, d'Archimède. Cependant, alors que ces trois ouvrages traitent de la méthode d'exhaustion, aucun n'a vraiment recours aux sommes intégrales – sommes de Darboux – lesquelles figurent dans Sur les Conoides et les Sphéroides, et Des Spirales. Or rien n'indique que ces deux auvrages, pas plus d'ailleurs que La Mesure de la Parabole, aient été traduits en arabe. Toute tentative de réduire l'oeuvre des mathématiciens du IXème au Xlème siècle à celle d'Archimède s'effrite donc déjà sur l'ignorance dans laquelle se trouvaient ces derniers de la notion essentielle par laquelle Archimède a complété la méthode d'exhaustion.

Tel est, en tout cas, le bagage dont disposent les trois frères Banü Müsä. Thäbit b. Qutra, son petit-fils Ibràhim b. Sinān, al-Qūhī et Ibn al-Haytham, autrement dit les représentants de la tradition infinitésimaliste arabe. Il n'est pas question de reprendre ici l'histoire de cette tradition, ni de son apport global à ce domaine. Nous voulons nous attacher aux éléments: reconstituer d'abord les faits eux-mêmes, et nous limiter en premier heu aux travaux d'Ibn al-Haytham - dont nous poursuivons déjà l'édition de l'oeuvre mathématique-afin de les traduire et de les commenter. C'est donc de l'oeuvre du dernier grand mathématicien de la tradition infinitésimaliste arabe qu'il s'agit, et ainsi de l'héritier du progrès accompli de Banü Müsä à al-Qūhī. Successivement, dans deux articles, nous nous attacherons

1 - au Traité sur la mesure du Paraboloide.

#### 2 - au Traité sur la mesure de la Sphère.

2. Récemment encore, par exemple, en 1970, Ch. Mogler écrit: "Notre civilisation a dû attendre le XVII ème et le XVIII ème et ècles pour voit apparaître des travaux continuant la pensée d'Archimède" Cf. Archimède, T. 1, p. XIX, "Les Belles Lettres"

Four illustrer cette idéologie et ses contradictions, on peut quest cites, entre autres, M. Baron, The Origins of the Infinitesimal Calculus (Oxford, Pergamon Press, 1969).

3, C'est à cette conclusion que l'on partient après avoir consulté les livres des biobibliographes et ceux des mathématicisus.

### Ibn al-Haytham et la mesure du Paraboloïde

#### ROSHDI RASHED®

#### I - 1. Introduction

Le calcul des aires et des volumes infinitésimaux, ainsi que les méthodes d'intégration qui s'y appliquent, ont, à deux reprises, constitué dans l'histoire un secteur avancé de la recherche mathématique. La première fois, c'est principalement le nom d'un seul homme que l'histoire a retenu: Archimède. Onze siècles plus tard, les recherches en ce domaine sont associées au nom de quelques mathématiciens, parmi les plus prestigieux de leur temps. Mais on ne saurait trop s'étonner qu'à l'époque hellénistique, aussi bien qu'avec les mathématiciens arabes des IXème, Xème et Xlème siècles, l'élan qui animait l'étude de ces matières ne tardât pas à se briser, et l'activité des savants à s'exténuor. Reprise par les mathématiciens du XVIIème siècle, cette recherche connut un essor qui, depuis, ne s'est pas démenti. Mais ces deux interruptions, à onze siècles d'intervalle, ce contraste entre les deux premières tentatives et la troisième, représentent un fait capital, bien que non souligné, de l'histoire des mathématiques.

En effet, les raisons pour lesquelles une telle activité s'est épuisée dans deux contextes scientifiques et culturels aussi dissemblables que celui des hellènes et celui des arabes, risquent aussi d'éclairer et d'expliciter la fécondité du recommencement de la discipline au XVIIème siècle. La connaissance de ces raisons pourrait nous être précieuse, en nous aidant à comprendre pourquoi les mathématiciens du XVIIème siècle, qui ne possédaient pas davantage que leurs devanciers grecs et arabes de véritable définition de l'intégrale, sont parvenus à inventer des algorithmes et à saisir les rapports entre les problèmes des aires et ceux de la tangente. Or, au lieu de tenter d'élucider cette opposition et d'en développer les prolongements, fondamentaux pour l'histoire de l'analyse, on n'a conservé de l'histoire que la simple succession des auteurs.

Il est vrai qu'une certaine méconnaissance des faits eux-mêmes et en particulier de l'apport des mathématiciens arabes, est en partie responsable d'une telle négligence. Si l'ou connaît bien en effet, dans la limite des documents disponibles tout au moins, les travaux d'Archimède, on connaît beaucoup moins' ceux de Thābit b. Qurra, d'al-Qūhī, d'Ibn al-Haytham, par exemple;

<sup>\*</sup> C. N. R. S.

Voir cependant les travaux de H. Suter, au début du siècle. Plus récemment, A. Youschkevitch n'a cessé de souligner l'importance des travaux des mathématiciens arabes. Cf. par exemple: A. Youschkevitch: Les mathématiques urabes (Paris: Vxin, 1976), pp. 127-130.

# الاستشراد عند ابن الهيشم " مسامح عيسسر"

من أهم سمات الطريقة التي يتبعها ابن الهيئم في و كتاب المناظر و وفي اعمال أخرى التأكد من حقيقة ما تقوله نظرية ما هي انه يكرر مشاهدة الظاهرة التي تشير النظرية الى وجودها او حدوثها وهو عادة لا يقبل بالنظرية إلا بعد مشاهدت عديمة تشت صحتها ، وفي حالة عدم ثبائها بعد تكرار المشاهلة فهو لا يتردد في التخلي عنها ، والذي يثير الأعجاب حتى في بعض الحالات التي لا يبدو فيها حاجة المزيد من التكرار ، ومع ان هذا يؤدي حتى في بعض الحالات التي لا يبدو فيها حاجة المزيد من التكرار ، ومع ان هذا يؤدي الى اضفاء الميكانيكية احيانا هل منهج ابن الهيئم ، وكأنه في هذه الحالات يؤكد ما هو واضح ، فنحن نخطيء كثيراً إذا صمحنا لهذه المغالاة في التكرار بان تحفي علينا الابداع المنهجي الخطير الذي تتضمنه طريقة ابن الهيئم العلمية ، والتي ادت ، تماما لانها اتبعت اسلوب اطراد المشاهدة ، إلى تطور خطير ليس في علم الضوء وحسب ، ولكن في الطريقة العلمية بشكل عام (١٠) .

الكري ، التراث الطبي البري ، و معيد التراث الطبي البري ، و التراث الطبي البري ، و التراث التالي ، عند التراث التالي ، و المضر الموات التالي ، و المضر الموات التالي بتنارط هذا المقال سبق و مناطب في مقال اخر نشر بالله الإنكليزية ساملا السوات التالي ، "Ibn al-Haytham's Theory of Knowledge and its Significance for Later Science", And Studies Quarterly, Vol I, No I, 1979.

١ - ؛ لقد بيت في كافي :

Ibn al-Haytham's Optics: A Study of the Origins of Experimental Science (Minneapolis. Bibliotheca Islamica, 1977)

( " ابن ألحيثم : هوامة في أصول الدفر التجريبين " ) .

ان اكتشافات وعلريات ابن الهيئم "تستد على طريقته العلمية ، وأن هذه الطريقة لا تشكل استمراوا الماهج علمية مابقة أو حتى مركباً من هذه المناهج السابقة ، بل مهيجا جديداً يرتكز الى فظرة مبدعة الاصول المعرفة 189 مر صالح

الهدف من هذه المقالة الكشف عن الارتباط الوثيق بين طريقة ابن الهيئم العلمية وبين اساسها وهو نظريته في الأدراك الحسي والمعرفة . ولقد اعتمدت بشكل رئيسي في هذه اللواسة على المقالة الثانية من «كتاب المناظر » لابن الهيئم .

تقول نظرية ابن الهيثم في الابصار بان هذا يتم عندما بنقل الضوء صورة المصر إلى العين ومنه إلى و الحاس لا في الدماغ عن طريق العصب البصري . ولكن تفسير الابصار على هذه الطريقة لا يكمي لتفسير الادراك تمسيراً كاملاحيث ان و مجرد الحس لا بالشيء عند المُدرِّرُكُ لا يعني ادراكه له ، اي ان الادراك والاحساس نادرا ما يتساويان ، اللهم الا عند الاطفال في سن مكرة ، كما يقول ابن الهيم طبعاً في هذه الحالات يكون الادراك مبهماً وغير حقيقي . وكما صبين ، فالواقع ان تفسير الادراك بعزوه لانطباعات تسبها عوامل خارجية ، اي بعزوه لوقع الضوء على العين وص ثم الدماغ ، لنظرية لا تخلو من التبسيط والسذاجة ، مع انه كان لما تأثير بليغ في تاريخ العلمة الحديثة ولم تسمم منها حتى الوضعية الحديثة في عصرنا . ولكن ابن الهيثم ، وهو اول من ثبت هذه النظرية على اسس عمية المحينة البحديثة في عصرنا . ولكن ابن الهيثم ، وهو اول من ثبت هذه النظرية على اسس عمية البحديثة المحديثة المحديثة المحديثة العديثة المحديثة العديثة المحديثة المحدي ككل .

لو كان و الادراك بالحس المجرد و ، وهذا ما يطلقه ابن الهيئم على الادراك حين بفتصر على التأثر بالضوء كعامل خارجي ، كافياً لتفسير الادراك الحسي لاستطاع الانسان ان يدرك موراً كل ما يحسّ به بصره . وهذا بالطبع غسير صحيح . فالانسان لا يدرك ما يراه لأول مرة ، بوعا كان ام فرداً ، كذلك هو لا يدرك بلاحساس المجرد بمعناه المضيق مُدُرَّكات اخرى من العالم الذي حوله ، كالمسافة والشفيف مثلا ، حيث ان هذه ليست اشياء معينة تعكس الضوء الى العين . وكي لا يساء قصد ابن الهيئم تؤكد انه هنا ليس في باب الكلام عن مصدر المعرفة عن العالم الخارجي ، فسرى انه لا ينفي ابداً كون هذا المصدر في الأدراك الحسي بل يؤكده . ولكمه هنا يقصد تعليل الادراك الحسي وقت الادراك نفسه الى عناصره مبيناً سن خلال هذا التحليل انه ليس عملية ميكانيكية —

الا في انبة عن العالم الخارجي و الاحتفاد عان منهج ابن الهيثم يشكل استمراراً لمنج بطلميوس في كتاب و المناظر و برتكز الى مقدنة صطحية ، حيث ان الشابه يزيل اثر المقارفة للمنهجين . فين في هذه المقانة ان النشابه بين الكيفية التي تصور بها ارمطو الاستقراء ( ايباغوشي ) والاستقراء عند ابن الحيثم تشابه سطحي يزول عند ابقارفة للتصفة ايضا . وتعييمة المقارفة الفلسمية هده تنبت ادا قارها المنهجين من ناحية التطبيق . ها مجد الاختلاف واضحاً بين ابن الحيثم وارسطوء كفك بين ابن الحيثم وبطلميوس، والاختلاف المنجي يحكس ايضا في اختلاف التناثيج التي توصل اليا الفيثم عن المناتج التي توصل الها كل من ارسطو وبطلميوس في البصريات .

كانطباع صور الاشياء على شاشة الدماغ انطباعاً ووتوغرافيا سب بل معقدة ومتغيرة بحسب تغير العوامل التي تكوّنها . وكون عملية الادراك معقدة وخاضعة لعوامل متغيرة هو الذي يحسها باستمرار قابلة للخطأ ليس في الادراك الحسي المباشر فقط ولكن في تكوين المعرفة العقلية التي ، وان اعتمدت على مقدرة العقل في تجريد الكليات من المدركات الحسية الجزئية ، فهي كذلك تعتمد على الادراك الحسي في اصولها .

يمكننا أن ندخل في تحديل أن الهيثم لكيفية الأدراك الحسي بالانطلاق من السؤال التالي : لماذا تدرك الأشياء بالطريقة التي ندركها بها ؟

يتصح لنا مما سبق ان و الحس المجرد و كما يسميه ، اي ذلك الاحساس الناتج عن وقع المضوء الوارد من المُدَّرَك إلى عين المُدَّرِك ، ليس العنصر الوحيد المسبب للادراك إلا إلى المنتنينا تلك الحالات التي يكون فيها الادراك مبهما كما سبق . لكن ، حين يكون الادراك مبهما كما سبق . لكن ، حين يكون الادراك مميزا المشخص المائل امامي هو صديقي زيد او حين ادرك الشيء عالمي أماه كنوع باتي معين — وادراكنا للاشياء غالباً ما يكون من عنما النمط — فان ادراكي ينطوي على عملية عقلية بالاضافة الى عملية الابصار ، وكثيرا ما تبدو هذه العملية تلقائية علا يعيها المدرك لسرعة الادراك . ولكن هذه التلقائية الادراكية بالرغم من بداهتها لا يجب ان تصللنا عن الحقيقة ، وهي ان ادراكنا في كل هذه الحالات يعتمد على معرفتنا السابقة عما او لمن ندرك .

ادت هذه الاعتبارات بابن الهيثم الى التمييز بين ما يسميه والادراك بالحس المجرد و وما يسميه والادراك بالمعرفة و والادراك في هذه الحالة الاخيرة يتم عن طريق وقوة القياس والتمييز ، وهي قوة دُهنية تقارن بين صورة الشيء الماثل امام البصر وبين التصورات والفكر المعزونة في الذاكرة .

الاحساس إذاً هو المؤثر الخارجي الدي يقدح رناد التذكر ، وهذه العملية هي عملية مقارنة صورة المبحر المباشر بالفكر والتصورات المحفوظة في الذاكرة ، والادراك يكون تتيجة حصول التشابه بين صورة المصرالماثل امام البصر وبين احد الصور القائعة في الذاكرة. وبدون حصول هذا التشابه لا يحصل الادراك :

 ٥ ... والقوة المميزة مطبوعة على تشبيه صور المبصرات في حال الابصار بالصور الثابتة في التخيل التي قد اقتنتها النفس من صور المبصرات . فاذا ادرك البصر مبصراً من
 ٧٧ المبصرات فان القوة المميزة تطلب شبهه في الصور الحاصلة في التخيل ، فاذا وجلات في التخيل صورة تشبه صورة ذلك المبصر عرفت ذلك المبصر وادركت ما هيته وان لم تجل في الصور الحاصلة في التخيل صورة تشبه صورة ذلك المبصر فليس يعرف ذلك المبصر ولا يلرك ماهيته . ه ٢٧)

لكن ، إذا كان الابصار في الاحوال الهادية يتم بهذه الطريقة المركبة من عدة خطوات والتي تتطلب معرفة سابقة وتدكر ومقارنة ، فلمادا بدو ثنا تلقائياً وبلبون وعي منا لحذه الحطوات ؟ نحن نعرف ان الادراك لبس تلقائياً عندما ببصر اشخاصاً او ظواهر جليلة علينا او غير معروفة لدينا جيلا . في هذه الحالات الادراك يتطلب جهلا ملموساً ، فنحن ان نم ندرك لشيء لاول وهلة تتفرس فيه جبلاً ثم نعود فنشحذ ذاكرتنا محاولين ان نتذكره . اما ادراكنا للاشياء المعروفة فلا يختلف من حيث الكيمية عن هذا الاخير ، وانحا يختلف من حيث انه يتم بسرعة أكثر . بمعني آخر الادراك بالمعرفة حكم يتضمن استنتاحاً في كل الحالات ، يبد انه في كثير من الاحيان يكون الاستنتاج على درحة من السرعة لا نكاد نلحظها . سب السرعة هسو ان الادراك يكون به الامارات ، محب قسول ابن المشغم . ما هو و الادراك بالامارات ، جمع ه امارة ، والامارة هي احسد المظاهر الجزئية التي يتصف بها شخص ما او نوع من الانواع والتي ، من جراء اقتران ادراك الشخص او النوع بادراكها مرات عديلة ، تصبح بمثابة الدالة على هذا الشخص مو وفة عندي ، فاذا كان في صليق ذا علامة خاصة في وحهه او رأسه وكانت هسله الحاصة معروفة عندي ، فاذا كان في صليق ذا علامة خاصة في وحهه او رأسه وكانت هسله الحاصة معروفة عندي ، فاذا كان في صليق ذا علامة خاصة في وحهه او رأسه وكانت هسله الحاصة معروفة عندي ، فاذا كان الحاصة الموركة انه صليقي فلان من هذه المعلامة

والعلامة هي و الامارة ، في هذه الحالة . اما الامارة في حالة ادراك النوع فغالباً ما تكون اي مظهر من مطاهره التي تواجهنا في حياتنا اليومية . فمن ابصارنا ليد فلان أو رأسه النع . . . . ندرك فوراً ولا شعورياً ان هذا المبصر انسان من حيث النوع . وليس من المهم في هذه الحالات اي من مظاهر المبصر يؤدي إلى ادراكه لكن المهم ان الادراك يم عن طريق ابصار واحد او اكثر من مظاهره وبدون تفحص المبصر ككل ( او بدون استقراه المبصر ، كما يقول ابن المبشم ) . ويقول ابن الهيم ان ادراك الشخص يكون اصعب على البصر من ادراك النوع لان تحييز الانواع عن بعضها غالبا ما يكون اسهل من التمييز فيما بين افراد الذوع الواحد . وسترى ان اكتشاف ابن الهيثم لظاهرة الادراك بالامارة على

ي سه غشار څه الماتح ۲۳۱۳ ه ۱۹۰ .

جانب كبير من الأهمية حيث انه يلقي ضوءًا على كيفية ادراك الكلية ، وهي ناحية يحيط بها الغموض في نظرية ارسطو والارسطويين في المعرفة ، غموض ادى الى عدم تقدير دور الادراك الحسي في تكوين المعرفة تقديراً صحيحاً لديهم .

و الانسان مطبوع على الادرائ بالامارات و ، يقول ابن الهيثم . اي ان الانسان مطبوع على ان يحكم على المبصر حسب معرفته السابقة به او بنوعه وقبل ان يستوفي المعلومات الحسية الواردة من المبصر نفسه . وهنا تقع امكانية الخطأ في الادراك ، خاصة اذا كان هناك تشابه بين المبصر وبين اشياء اخرى معروفة لمدينا . فيبلو المغل المملوك وكانه حصان ، او يعمرك يستانا اخضر وكانه ريحان بينما هو نوع آخر من النبات .. الامثلة يذكرها ابن الحيثم نفسه . الخ ... هذا في حياتنا اليومية ، اما في المعرفة العلمية فتزداد امكنية الخطأ لأن المعرفة العلمية تتوليب منا دقة أكثر في التمييز بين الكائنات والظراهر . مصلو الخطأ في الادراك الحسي بالنسبة لابن الهيثم إذا هو هذه السرعة في الحكم على الاشباء بالقياس الى الادراك الحسي بالنسبة بالقياس الى المعرفة الما المغرفة الما المناهة ، او عدم المشاهدة المقيقة اصلا وليس الادراك الحسي نفسه ( سنبين كيف يقترح ابن الهيثم استخدام الادراك الحسي نفسه لتفادي الاخطاء الماتجة عن الادراك العقوي في موضع آخر من هذه المقالة ) .

و الادراك بالمعرفة النطبق على المبصرات التي يكون الدينا معرفة سابقة بها . لكن هذا النوع من الادراك لا ينطبق على الاشياء الحديدة على المدرك هسذا من ناحية . من ناحية المخرى فالادراك بالمعرفة يتطلب وجسود صور (اي فكر = Concepta ) كما نسميها اليوم في الذاكرة يتم الادراك من خلال مقارنة المبصرات العارضة بها . ما هي اصول هذه الصور وكيف تتكون ؟ إن بساطة هذا السؤال الذي تعرض له ابن الحيثم في المقالة الثانية مسن اكتاب المناظر الا يجب ان تخفي علينا انه سؤال محوري حقاً فهو يسأل : ما هي أصول المعرفة ؟ والجواب على هذا السؤال لا يتناول كيفية الادراك من الناحية النفسية فقط ، بل يقدم نحو صباغة مفياس للتمييز بين القضايا المعرفية الحقيقية والقضايا المناطلة بردها الى مصدرها وتحقيقها عليه ، وهذا المقياس ايضاً يقدم نحو وضع اساس منهجي للعلم الطبيعي يهدف التوصل إلى معرفة علمية جديدة بطريقة تخفض امكانية الخطأ الماقصي، دوجة .

اصول الصور بالنسبة لابن الهيم في الادراك الحسي . فصورة المُدَّرِكُ عن أي شيء هي محصل الطباعاته الحسية منذ ابصاره هذا الشيء د بالحس المجرد ، لأول مرة ، اي مع ان الصورة ما يترسب عن الانطاعات الحسية في الذاكرة ( او الحيال كما يقول ) . ويشير ابن الهيثم الى الترابط بين حقيقة الصورة وتكرار ابصار المبصر الشيء الذي تمثله :

و وايضاً قاما نقول ان البصر ادا ادرك مبصراً من المبصرات وتحققت صورته عنسه الحاس فان صورة ذلك المبصر تبقى في النفس وتكون متشكلة في التخيل . واذا تكرر ادراك البصر للمبصر كانت صورته اثبت في النفس من صورة المبصسر الذي لم يدركه البصر الا مرة واحدة او لم يكثر ادراك البصر له و ٣٠ .

وكل ما يقوده ابن الهيثم من امثلة لا يثرك مجالا للشك بانه يرى بان صورة الشي-تبدأ بابصاره للمرة الاولى وتزداد حقيقة بتكرار ابصاره لاحقاً :

و الذي يدل ادلالا واضحاً على ان المعاني والصور اذا تكررت على النمس كانت اثبت في المفس من المعاني والصور التي لم تتكرر على النمس ، هو ان الانسان اذا اراد ان يحفظ علما من العلوم او ادما من الآداب او حبرا او ما يجري بجرى ذلك ، غانه يكرر قراءة ذلك المعنى مرات كثيرة . فافا كرر قراءته ثبت في نفسه وكلما كرره أكثر كان اشد ثبوتا وامعد نسيانا . وادا قرأه مرة واحدة لم يثبت في نفسه وان ثبت نسيه سريعا . وإذا نسي الانسان شيئاً قد كان حفظه هانه اذا عاود درسه وكرره مرات عديدة عاد حفظه للملك المعنى وثبت في نفسه و(3)

لكن لماذا يؤدي التكرار الى ثبات الصورة في النفس او ، وهو ما يقصده ابى الهيم ، الى تقريب الصور الى حقيقة الشيء المتصور ؟ ادا كانت صورة الشيء مكونة من الانطاعات الحسية التي ثرد من المبصر إلى البصر ، وهذه الانطباعات لا ترد من المبصر ككل في آن واحد بلى من احزاء المبصر المختلفة في اوقات مختلفة ، فاكتمال الصورة بطبيعة الحال يتطلب ورود انطباعات حسية من احزاء المبصر المختلفة ، اي تكرار الابصار . كذلك الحصول على اكثر من انطباع حسي واحد لنفس الجزء من المبصر يزيد في تثبيت هسدًا الابطباع في الداكرة — حيث ان مجرد رؤية الشيء مرة واحدة او عدة مرات لا يضمن مشاهدته وطع هذه المشاهدة في الذاكرة بشكل متميز حقيقة الصورة اذاً تعتمد على مدى تطابقها مع المصور . وابن الهيثم يعرف هذا النطابق تعريفاً . فهو يبين ان ادراك

م -- مخطوطة الفاتع ٢٢١٣ ، ١٣٦ .

غ -- غطرطة الفاتح ٢٢١٢ : ١٣٨ .

8 حقيقة المبصر 8 لا يتم سواء كان لدى المُدْرِك معرفة سابقة بالمبصر ام لا ، ما لم يستخدم الانصار استخداما منهجيا . واساس هذا المنهج عند ابن الحيثم التمييز بين الادراك بالمدبهة ٥ و ١ الادراك بالتأمل ٤ . والتأمل عند ابن الحيثم ليس التفكير بالمعنى الشائع اليوم ، مل التفرس بالشيء رتركير البصر على كل اجراءه جرءا حزءا بحيث تتركب لدى المدرك صورة شمعة من انطباعات واضحة لكل اجزاء المبصر :

لا فاما كيف يتحقق الحاس بالتأمل والحركة صورة المبصر فان البصر ، اذا قائل المبصر فانه في حال مقابلته وحصول الصورة في المصر ، فان الحاس يدرك جملة الصورة ادراكا مجملا وبدرك الحزء الذي عند طرف السهم ادراكا بينا على غاية ما يصح ان يدرك فلك الجزء ، ويدرك مع ذلك في هذه الحال كل جزء مسن الاجزاء التي في الصورة ادراكا ما . ثم اذا تحرك البصر وانتقل السهم من الجزء الذي كان عليه الى جزء آخر ، ادرك الحاس في هسنه الحال صورة حملة المبصر ادراكاً ثانياً وادرك الجزء الذي عند طرف السهم ادراكاً ثانياً وافراك أثانياً ايضاً ...ه(٥)

وتستمر العملية بتركيز مركز النصر على الحرء الثالث والرابع النج ... من المبصر حتى يتم مسح بصري لكل اجزاء المبصر وطبع الصور الملتقعة في و الحاء ، و الذي يعرفه ابن الهبتم بانه دلك الجزء من الدماع الذي تنتهي اليه الانطباعات الحسية . ويتضع ان ادراك الجزء ادراكا واضحاً بتركيز وسط العين عليه يصطحبه في نفس الوتت ادراك اقل وضوحاً للاجزاء التي لا تقابل مركز البصر ، اي ان الحزء لا يدرك مسعزلا عن الوسط الذي يحيط به . ويمكن ان تعسير عن نفس الفكرة بقولنا ان الادراك البصري عملية تحليلية وتركيبية في نفس الوقت ، بالسبة لابن الهيثم .

التأمل ، ثيس عملية بصرية فقط بل ذهنية ايضاً ، وهو لذلك يتطب الركيز الذهني الناء المشاهدة لترتيب المعلومات الحسية الواردة وتصنيفها في صور ( اي فكر ) عقلية مناسبة ، وهذا يتم بالمقارنة والتمييز بين الانطباعات الحسية الجديدة والمعرفة السابقة المخزونة في المداكرة :

 « ... فبحركة البصر على اجزاء المبصر تحصل للحاس حالتان: احداهما تكرر ادراكه بلملة المسر ولكل جزء من اجزاء المبصر ، والحال الثانية انه يدرك كل جزء من اجزاء

<sup>»</sup> ب غيلوطة الفائح ٣٢١٣ : ١٣٥ .

مالح هو

المبصر بسهم الشعاع وما قرب من السهم على ابين ما يمكن ان يدركه ، فيظهر اللحس بهذا التبين جميع ما يصح ان يظهر من تلك الاجزاء . فاذا تكرر ادراك الحاس بلحملة المبصر ولكل جزء من اجزاء المبصر وظهر جميع ما يصح ان يظهر له من ذلك المصر ادرك بهذه الحال جميع ما يصح ان يظهر له من ذلك المصر اوقي تضاعيف الحال جميع ما يطهر من الوان الاجراء واعظامها هذه الحملة وهذا التكرر فالقرة المميزة تميز جميع ما يطهر من الوان الاجراء واعظامها وابعادها واشكالها واوضاعها ، وتساوي ما يتساوى منها في هذه المعاني واختلاف ما يختمف منها في جميع هذه المعاني ومن قياس هذه المعاني بمنها عند بعض . ويدرك من تمييز جميع هذه المعاني ومن قياس هذه المعاني بما يعرفه من امتالها الهيئة المتألفة من جميع ذلك بلحملة المبصر على .

تضيف بعض الترضيحات . ٤ الادراك بسهم الشعاع ٤ يعني تركيز المصر على جزء ما من المبصر دون الاجزاء الاخرى . ٤ تبين جميع ما يصح ان يظهر ٤ يعني جميع ما يصح ان يظهر في المستقبل . هذه يصح ان يظهر في المساهدة الواحدة ولا ينفي ان تظهر الشمياء جديدة في المستقبل . هذه العملية ، عملية تكوين صورة محققة لشيء ما بهذا المسح البصري الدقيق لاجزاء ، هي ما يدعوه ابن الهيم بـ ٤ الاستقراء ه . إذا الاستقراء ليس فقط عماية تكوين الصورة الكلية ، اي صورة النوع والتحريد من هذه المشاهدات ، ولكنها عملية تبدأ اولا بتكوين صورة حقيقية الفرد بتركيب الانطباعات الحسية الواضحة لاجزاء ، وتعريف الجزء عند ابن الهيم هو اصغر ما يمكن للحس ادراكه وليس الفرد .

« الادراك بالبديه » هو ، كما توحي التسمية ، ذلك . اي ان صفته الاساسية حدم التركيز الذهني والبصري وعدم استقراء المبصر ، هما يؤدي الى اغفال نواح منه قد تكون ضرورية لادراكه على حقيقته . وابن الهيثم لا يميز تمييزا مطلقاً بين » الادراك بالبديهة » و « الادراك بالتأمل » ، بل هو تمييز نسي على طبيعة المبصر ومدى اهتمام المدرك ، إلى اخره . فهناك اشياء ندرك حقيقتها اذا تأملناها قليلا وهناك تقاصيل يحتاج ادراكها الى درجة اقوى من التأمل . ابن الهيثم يوضح بمثال :

٥... ان البصر اذا ادرك حيوانا (كذا )كثير الارجل وكانت ارجله صغارا وكان منحركاً فان البصر ، اذا ادرك حيركته منحركاً فان البصر ، اذا ادرك وتأمله اليسير من التأمل إذا تأمل ارجله فقد ادرك انه كثير الارجل فقد ادرك انه كثير الارجل

y -- مخطوطة الفاتح ٢٢١٣ ، ١٣٥ . ١٣٦ .

من اهراكه للتفرق الذي بين ارجله ، ومع دلك ليس يعرف في الحال كم عدد ارجله . فان اراد ان يعرف كم عدد ارجله احتساج الى فضل تأمل وفضل زمان . فادراكه لحيوانيته يكون في زمان يسير ثم اهراكه لكثرة ارجله يكون في زمان يسير ايضاً ، وعدد ارجله ليس يدركه الا بعد ان يثبت البصر على واحد واحد من الارجل ويعدها ....٣

يميز ابن الهيئم بين اربع صيغ من الادراك دون ان يفصم ، كما اكدنا ، فصما مطلقا قيما بينها ، حيث ان الادراك حالة نفسية متصلة تتدرج ابتداء من اللامبالاة وانتهاء بما يسميه و الادراك بالتأمل ۽ . الحالات الاربع هي :

- الادراك بمجرد البديهة ، حين لا يكون عند المُدرَك معرفة سابقة بالمبصر وكذلك هو لا يهتم بمشاهدته مشاهدة تبغي تكوين صورة حقيقيه عنه .
- الادراك بالبديهة مع سابق المعرفة ، حين يكون المُدْرِك قد شاهد المبصر من قبل
   دون ان يتأمله في حال الابصار لكي يحقق صورته من جديد .
- ٣. الادراك بالتأمل مع صابق المعرفة ، تكون عند المُدْرك معرفة سابقة بالمصر ومع ذلك يركز قواء البصرية واللمنية كي يتأكد من صورته السابقـــة ، او لعلها تظهر له نواح جديدة من المبصر لم يلحظها من قبل ، الخ ...
- الاهراك بمجرد التأمل ، تطبق هذه الصيعة من الادراك حين يفتقر المُدَّرِك إلى المعرفة السابقة ، اي حين يبصر شيئاً جديداً ، ويشاهده مشاهدة دقيقة وفاحصة لكي يتعرف عليه .

يصر ابن الهبتم على انه و ليس يدرك المبصر بالبدية حقيقة المبصر تقدمت معرفته بالمبصر او لم تتقدم معرفته به ٤ . يمعنى اخر ادراك المبصرات على حقيقتها لا يكون إلا بالتأمل، سواء كان عند المدرك معرفة سابقة بها ام لا ، وهنا يكمن التحويل للادراك الحسي من ٥ طبع ٤ يتسم بالعفوية إلى منهج . والاساس المعرفي للممهج الذي يطقه ابن الهبتم في كتاب ١ المناظر ٥ وفي كثير من اعماله الاخرى : المعرفة الحقيقية ، اي المعرفة العلمية ، ليست عفلية او ذاتية من حيث الاصل بل تعكس واقعا خارجيا متغيرا ، والمنهج الوحيد لتحقيق صورة ما عن هذا الواقع الخارجي هو المشاهدة المدقيقة المستمرة له (٨٥) .

٧ -- غشلولة الفاتح ٣٣١٣ ، ١١٧ .

٨ - غطرطة الفاتح ٢٢١٣ . ١٥ : ----

181 مالع عمر

هما يلقت النظر ان ابن الهيثم يعتبر الادراك بالبديهة ادراكا غير علمي ، وليس ادراكا مباشرا المكلية كما ظن ارسطو . ولقد شرحنا كيف ببين ابن الهيثم ان الادراك بالبديهة ليس في الحقيقة ادراكا مباشرا سواء المشخص او المنوع ، ولكنه يبدو كذلك بسبب سرعة الادراك ، وهذه بدورها معولها المقارنة السريعة التي تقوم بها ، قوة القياس والتمييز ، بين المعرفة السابقة والمدينة والمنابقة والمدينة والمنابقة التي يتم ادراك الكليات المباشر بها بالنسبة الارسطو ، وقوة القياس والتمييز ، وهي قدرة مقاربة فقط بين المعرفة المنابقة المخرونة في الذاكرة والمصرات المائلة امام المدينة ، تترتب على هذا الاعتلاف الرئيسي بين ابن الهيثم وارسطو احتلافات معرفية ومنهجية هامة نتعرض قافيما بلى :

ان مفهوم ارسطو للاستفراء ( ايناغوغي ) يخضع لنظريته القائلة بأن الكليات تدوك بالمديهة ، بينما الاستفراء حند ابن الهيثم نظرية تجريدية عملى انها تعتبر تكوين الصورة نتيجة للمديد من الانطباعات الحسية المشابهة والمصورة بشكل يشانه التصوير الفوتوغرائي ، كما رأينا . وسئرى ان الصورة الكلية تكون نتيجة لعدد من الانطباعات الحسية اكبر بكثير من فلك الذي تنتج عنه الصورة الشخصية .

ليس هذا هو مفهوم الايباغوغي عند ارسطو . واذا وضعنا جانبا المنهج الارسطوي مطبقا في اعماله الكثيرة — وهذا ما لا يمكن فعله ضمن تقييم شامل لمنهجه عمايه وتطريه — حيث تجسد انه ليس منهجا استقرائياً باستثناء بعض الحسالات ، واقتصرنا على النظرية الفسفية ، سنجدها ايضاً كذلك ، اي غير استقرائية بمنى ابن الهيثم(٢).

<sup>&</sup>quot; وجميع المبصرات التي في عالم الكون والنساد قابلة للتفر في الوائبا وفي اشكافا وفي اعطامها وفي هيئتها وفي حلا سنها وفي خشونتها وفي ترتيب اجرائها وفي كثير من الحماني الحرثية التي تكون فيها ، لأن طبيعتها مستحيلة متميرة ولأنها مع ذلك سيمية للا تعمال لما يعرص فيها من الخارج ... طبس شيء من المبصرات التي يعركها البصير وقد تقدم أدراكه ها وسقق صورها وهو داكر تصورها يكون والتما هند أدراكه ها في الثاني بانه على صورته التي كان عليه في الأول ولم مجدث فيه تعيرا أدا كان التغير عكما في جميع المبصرات ... »

لا توجد مقارئه متملقة بين الاستقراء عبد ارسطو والاستقراء عند ابن الهيثم , اما عبد الحديد صبرة قيورد هذه الجملة الهامشية حول هما الموضوع في مقالة يدايج قيها موضوعاً آخر ;

الله الاستقراء عند ابن الحيثم هي المصطلح الثانع الاستعمال الدي يرد ي الترجمات العربية الارسطوري الاعمال المحالة ال

A. I. Sahra "The Astronomical Origins of Ibn al-Haytham's Concept of Experiment," Actes du XIIª Congrès International d'Histoire de Science, Paris, 1968, 3A: (Paris: Blanchard, 1971), pp. 133-36.

فاذا كان بالإمكان اهراك الكلية ادراكا مباشرا ، اي بالبديهة ، فما هو دور الاستقراء الارسطوي في هذه الحالة ؟ لقد درس فون فرينتر معنى الايباغوغي في كتابات ارسطو وكان استنتاجه ان الايباغوغي هو توضيح من خلال الامثلة الملموسة لحقيقة ثابتة مسبقاً ، وليس تكويئا للكلية من خلال العديد من الانطباعات الحسية ، كما هو عند ابن الهيثم في رأينا(۱) . ومما يؤكد رأي فون فرينز مايقصده ارسطو بالامثلة العديدة للادراك بالاستقراء ، وبشكل خاص تلك الي ترد في كتاب و التحليلات الثانية ع . من المهم ان نلاحظ كيف يبدأ ارسطو كتابه هذا في المنهج العلمي :

و كل التعايم والتعلم الذي يتطلب استعمال العقل يبدأ من المعرفة المسبقة . يتضمع لنا هذا باعتبار كل الفروع العلمية المختلفة ، لأن العلوم الرياضية وكل العاوم العملية تحصل بهذه الطريقة . كذلك الامر بالنسبة للحجج المنطقية ، سواء كانت استنتاجية او استقرائية . كلاهما يعلنم بالاستناد الى المعرفسة المسبقة ، الاولى دافتراض افتراضات يسلم بها الحضور ، والثانية ببرهنة الكمية من خلال الجزئية الظاهرة في ذاتها و(١٥) .

كثال على « برهنة الكلية من خلال الجرثية الظاهرة في ذاتها » يورد ارسطو البرهان على ان مجموع زوايا المثلث يساوي زاويتين قائمتين باتخاذ شكل معين والبرهنة على ان مجموع زواياه يساوي زاويتين قائمتين . وكما يقول فون هريتز ، ان حقيقة النظرية لا تعتمله على البرهنة عليها بالنسبة لعدد كبير من المثلثات ، بل تعتمله على سلامة الحطوات المتبعة في البرهان . وهذا هسو رأي ارسطو . (40 ف 87 – 30 و 87) . بالنسبة لارسطو الكلية موجودة في النفس ، على حد تعبيره ، قبل ادراك الجزئية ، بيما ادراك الجزئية ضروري للاشارة الى وجود الكلية في النفس . فهو يقول : «حالما يثبت في النفس ادراك الحزئية مع ان فهذا دلالة على وجود كلية هناك ( لاننا حين عمولك ، فان الادراك يكون الكلية ، مع ان ما نحسى به هو الفرد ، مثلا و الانسان » وليس « تالياس » انسان » ( ١٩٧٥ .

والمقصود هنا اننا ندرك النوع في الفرد الذي نبصره ، وهذا ما يسميه ابن الهيثم الاهراك بالمعرفة كما رأينا , لكن الفرق بينهما ان ارسطو يعتبر الكلية موجودة في العقل قبل اهراك

Rurt Von Frits, "Die Epagoge bei Aristoteles", Bayerische Akademie der Wissenschaften: - به المسلو المسلود الرسطو المسلود الرسطود المسلود الرسطود المسلود الرسطود المسلود الم

179 مالح مر

اي فرد بحيث ان المدرك يدرك الكاية او النوع في اول فرد يبصره من هذا النوع . بيد ان الميثم يعتبر الكلية استخلاصاً من مشاهدات للافراد المختلفين . المنتمين الى نوع ما ، اي استخلاصاً للصفات المشتركة بين هذه الافراد ( او الاشخاص على حد قوله ) يتخذ شكل الصورة الكلية في الذاكرة . وبدون هذا ، وبدون ثذكر هذه الصورة في حالة البصار شخص ما ، فان المدرك لا يعرف ما هية هذا الشخص اي لا يدرك نوعه :

ه وان كان قد شاهد ذلك المبصر قبل ذلك الوقت مع مشاهدته لاشخاص من توعه وكان ذاكرا لمشاهدته وللصورة التي ادركها من قبل من ذلك المبصر ، قانه اذا ادرك صورته اجزئية فانه يعرف الصورة الجزئية في حال ادراكها وفي حال معرفة الصورة الجزئية قد عرف المبصر ، فيتحقق بادراك صورته الحزئية صورة المبصر حالكلية > ومع ذلك يعرف المبصر نفسه ويكون معرفته لمذلك المبصر بالنوع وبالشخص جميعاً . وان كان قد شاهد ذلك المبصر عبر ذلك المبصر عبر ذلك المبصر ولا يدرك تتميز له الصورة الكلية التي لنوع ذلك المبصر ولا يدرك ما يته من ادراك صورته الكلية التي لنوع ذلك المبصر . فانه لا يعرف ذلك المبصر ولا يدرك ما يته من ادراك صورته الكلية ١٩٠٦ هـ .

هذه العارة الاخيرة وكذلك استعمال ابن الهيثم للمصطلحات الارسطوية وعدم توجيهه النقد لنظرية ارسطو ضما او صراحمة لا يجب ان توري عنا الاختلاف الضمني العميق بين تصور ابن الهيثم للكلية وتصور ارسطو . ابن الهيثم ، شأنه شأن ارسطو ، يعرف ان المعرفة العلمية < ادراك طبيعة الشيء أو ما يبته على حد قوله > تستند على معرفة الكليات. الاختلاف بيسهما هو اختلاف حول كيفية الوصول الى الكلية . ارسطو يعترف بوجود علاقة ما بين ادراك الكلية والمشاهدات الحمية للافراد او للحالات الجزئية ، وهو احيانا يعترف حتى بان ادراك الكلية يحتاج لتكرار المشاهمة . (10 88 هـ ا 88 هـ) ولكن المشاهدات الحمية للجزئيات تظل المؤثرات الخارجية التي فقط تنبه المُدرِّد للكليات الكامنة في نفسه ، بيد ان الكلية لا تتكون تدريجيا عن طريق هذه المشاهدات ، وبالتأكيد لا تستند في حقيقتها الى هذه المشاهدات ، وهذا ما يجب ان نتوقعه اذا تذكرنا ان ارسطو ، مثل افلاطون من قبله ، رفض ان يكون الادراك الحسي مصدراً لمعرفة الانسان عن العالم ، وخاصة في مبادئها الاساسية ( ارخي ) ، لأنها بهذا تخسر كونها ضرورية ومطلقة .

۱۲ - عَبْلُوطَة الفاتح ۲۳۱۳ ، ۱۶۳ .

عند ابن الهيم نقرأ الوصف التالي لكيفية تكوّن الكلية . الاشخاص ( اي الافراد ) تتساوى في بعض الصفات وتختلف من حيث صفائها الجزئية :

الله النوع مع اختلاف البصر الاشخاص النوع الواحد تتكرر عليه الصورة الكلية التي ذلك النوع مع اختلاف البصور الجزئية التي الثلث الاشخاص . وافا تكررت الصورة الكلية على النفس ثبتت في النفس واستقرت . ومن اختلاف الصور الجزئية التي ترد مع الصور الكلية عد تكررها تدرك النفس ال الصورة التي تتساوى فيها جميع اشخاص ذلك النوع على صورة كابة لذلك النوع ... وصور اشخاص المبصرات وصور انواع المبصرات التي قد ادر كها البصر ثبقى في النفس وثبت في التخيل . وكلما تكرر ادراك البصر لها كانت صورته اثبت في النفس وفي التخيل . وكلما تكرر ادراك البصر لها كانت صورته اثبت في النفس وفي التخيل . وكلما تكرر ادراك البصر لها كانت صورته اثبت في النفس وفي التخيل . وكلما تكرر ادراك البصر الما كانت صورته اثبت في النفس وفي التخيل . وكلما تكرر ادراك البصر الما كانت صورته اثبت في النفس وفي التخيل . وكلما تكرر ادراك البصر الما كانت صورته اثبت في النفس وفي التخيل . وكلما تكرر ادراك المبصر الما كانت صورته اثبت في النفس وفي التخيل . وكلما تكرر ادراك المبصر الما كانت صورته اثبت في النفس وفي التخيل . وكلما تكرر ادراك المبصر الما كانت صورته اثبت في النفس وفي التحديد المبصر المبصر المبصر المبحد المبصر المبحد المبصر المبصر المبحد المبصر المبحد المبصر المبحد المبحد

إذاً تكرار المشاهلة ليس فقط الصفات المشركة بلى ايضاً للاختلافات التي تميز الامراد من بعصها البعض هو الذي يؤدي الى تكوين الصورة الكلية . هنا نجد الكلية بمعني التعديم عن طريق التجريد ، وهذا ما لا نجده عند ارسطو . والأهم من ذلك ان ابن الهيم يربط بين علد المشاهدات النجز ثيات ومدى ثبات الكلية في النفس . وفي هذا تغيير جذري لمني الكلية ، من مسلمة ، لا تقبل انتشكيك الى تعديم نسبي يستمد تكويته من مشاهلة الجزئيات ويزداد حقيقة ( ثباتاً في النفس على حد قول ابن الهيم ) بازدياد عدد هسذه المشاهدات . وهذا التعريف الحديد الكلية يبطوي على أنها ليست مطلقة بل خاضعة للمشاهدات التي يمكن ان تزيدها حقيقة كما يمكن ان تحد من بجال تطبيقها ور عا تبطلها كنيا . ويفسر لنا هذا الاهتمام الكبير الذي يوليه ابن الهيم لدقة المشاهدة مما يعطي التجربة في المنهج العلمي عنده دورا لا نجده هند اي عالم قبله .

يتضح من قراءة ﴿ التحايلات الثانية ﴾ لارسطو انه يعتبر ان المبادي، ﴿ احيانا يسميها ﴿ الرسي ﴾ واحيانا و اكسوماتا ﴾ ) التي يقوم عليها كل علم من العلوم ، سواء كانت منطقية او رياضية او طبيعية ، هي بديهيات تدرك بالحدس ولا تستند في حقيقتها الى المشاهدات الحسية . (15 أ 100 – 65 100) اما ابن الحيثم فقسد بين في المقسالة الثانية من ﴿ كتاب المناظر ﴾ ان المعرفة الانسانية عن العالم الحارجي تعتمد على الادراك الحسي الى حد ابعد بكثير عما تصور ارسطو . وهو يرى ان المعرفة العلمية للامور الطبيعية لا تخرج على هذه

الح عر صالح عر

القاعدة من حيث كونها تحضم القرابين التي تحدد مصدر المعرفة الانسانية عن هذه الامور . على ان المعرفة ، حتى تكون حقيقية او علمية ، يجب ان تحضع للادراك الحسي بطريقة منظمة و دقيقة ، اي يجب ان يكون مصدرها ، الادراك بالتأمل ، وليس ، الادراك بالبديهة ، وابن الهيم يقنن هسده النظرة في المنهج الذي يصفه في اول ، كتاب المناطر ، ويطبقه في هذا الكتاب واعمال أخرى . فهو يقول انه لكي يضع حدا المفوضى و تضارب النظريات العديدة في علم الابصار :

ه ... ونستأنف النظر في مباديه ومقدماته ونبتديء في المحث باستقراء الموجودات وتصفح احوال المبصرات وفهم خواص الجرثيات . ونلتقط بالاسستقراء ما يخص البصر في حال الانصار وما هو مطرد لا يتغير وطاهر لا يشتبه في كيفية الاحساس . ثم نثرقي في البحث والمقاييس على التدريج والترتيب مع انتقاد المقلمات والتحفظ في التناجج(١٠٥) . »

لقد بين مصطفى نطيف في كتابه القم ، و الحسن ابن الهيثم : بحوثه وكشوفه البصرية و . كيف ان ابن الهيثم تقيد بهذا المنهج في بحوثه البصرية ، وكيف ان هذا التقيد اثمر اثمارا خصما لاكتشافات عديدة في نظرية الابصار وعلم انضوء ومجالات أحرى . ولقد كان لاكتشافات ابن الهيثم ولمنهجه تأثير بالغ في تطوير العلوم الاوروبية في العصور الوسطى المتأخرة عن طريق الترجمة لم وكتاب المناطر و الى اللاتيبية التي احرزت انتشارا بالغال في انحاء اوروبا . واستمر تأثير و كتاب المناظر و على العلماء الاوربيين الذين عاصروا ما يسمى د و الثورة العدمية و امثال كبلر و ديكارت وجاليبو ، حين كان تأثر الغربيين ما الكتب العربية العلمية قد انحسر بشكل عام (١٦) ويصعب عليا ان نتصور هذه الدرجة من انتأثير لابن الهيثم دول اعتبار التعيير الاسامي الذي احدثه في نظرية الادرائك عندأر سطو . والواقع ان روح المنهج الجديد تتجلى لنا اذ تنبعنا الكيفية التي حل بها ابن الهيثم مشكلة والواقع ان روح المنهج الجديد تتجلى لنا اذ تنبعنا الكيفية التي حل بها ابن الهيثم مشكلة وتكنفي بالتلخيص التالي : اولا هو يبطل نظرية الشعاع القديمة ، اي النظرية القائلة بخروج وتكتفي بالتلخيص التالي : اولا هو يبطل نظرية الشعاع القديمة ، اي النظرية القائلة بخروج المعتبدة عنها منها مبنى

ور 🛶 عُمَلُونَة الفاتِح ٢٤١٣ ء ۾ .

Opticas Thesourus, A Reprint Edition: (New York, 1972). See the introduction by المراجع المرا

يبين لمدبرغ في هذه المقدمة للترجمة اللاتيبية لـ ه كتاب المناظر ۽ الدور الكبير الذي كان لهذا الكتاب في تطوير عمر البصريات في الغرب اللاتيني وفي العمر الا ورو في الحديث .

صالح هر 176

على المشاهدات العادية ومنها على التجارب ، يبين فيها ان الابصار يحدث بورود اشعة الضوء من المبصر الى العين . ثم يمذل جهدا كبيرا ليحل مشكلة التناظر بين المبصر وصورته التي تولده نظرية الورود . اذا حللنا سطح المصر الى عدد محدود من النقاط الضوئية وافترضًا كما فعسل ابن الهيثم ان التشابه بين الصورة المرثية والشيء المبصر يتطلب ال يكون عدد النقاط وترتيبها على سطح الحليدية ( حيث يتم الانطباع الحسي في رأي ابن الهيثم ) متناطراً مع النقاط الأصلية في سطح المبصر عددا وترتيباً . باختصار ، "كل نقطسة مضيئة في سطح البصر بجب أن تةابلها و صورة و احدة فقط على سطح الجليدية . لكن النقطة المصيئة ، حسب قانون ، الاشعاع الكرري ، تبث أكثر من شعاع واحد . وإذا كان كل شعاع يرد من النقطة المضيئة فعالا في تسجيل صورتها على سطح الجايدية فذلك يؤدي الى تسجيل صورة النقطة الواحدة اكثر من مرة وفي أماكن مختلفة من الجليدية ، أي يؤدي الى عدم التناظر بين المبصر في الواقع وصورته او الكيفية التي نراه بها . لكي يتعادى هذا التناقض ابن الهيثم بقول انه ئمة شعاع واحد من بين الأشعة الواردة من نقطة ما فعمَّال في الاحساس النصري بها . وهذا الشعاع هو الذي يرد الى الحليدية دون انعطاف . في الواقع هذا يعني ان الاشياء التي ترد منها اشعة الضوء منعطقة ، لا تبصر . لكن يعض التجارب ( الاعتبارات كما يسميها ) تبين لابن الهيثم عدم صحة هذه النظرية ، فيتخلى عنها واضعاً نظرية جديدة لا تخالف الواقع المشاهد .

## مراجعات الكيتب في مجلة تاريخ العلوم العربية

### ملاحظات للمراجعين

تشكل الملاحظات التالية الأطر العامة لعملية مراجعة الكتب ::

- ١ يجب أن تنقل المراجعة فكرة واضحة عن موصوع ومحتويات الكتاب ، ولكن ذلك يجب ألا يشغل حيزاً كبيراً في المراجعة .
- إن المصادر التي تم الرجوع إليها في إعداد الكتاب وطريقة استخدام المؤلف لحسا
  تعن أهمية خاصة . ويحنل قدرأ كبيرا من الأهمية أيضاً الترتيب العام للكتاب
  وشمولية الفهارس والجداول والرسوم والصور
- ٣ ــ إن جل ما تقوم به المراجعة \_ في رأيا \_ هو ما تقدمه من تقييم لمكانة الكتاب الذي تتم مراجعته ضمن الكتب التي تطرح موضوعاً مماثلاً لم يطرحه الكتاب . وهذا سيشتمل طبعاً على تقييم عام لكفاءة ودقة المؤلف وأصالة أفكاره وفيما إذا نجح في تحقيق ما كان يصبو إليه .
- على العموم ، فإنه من غير المستحسن أن يسهب المراجع بتفصيلات من عنده .
   رغم كون دلك ضرورياً أحياناً عند توضيح نقطة ما يئيرها الكتاب الذي تم مراجعته .
- و \_\_ ينبغي ألا يفوت من يقدم مراحعة للمجلة أن قراءها على إطلاع جيد بالتاريخ الاسلامي والعلوم عند العرب.
  - ٦ = يجب أن تثراوح مراجعة الكتاب بين ٥٠٠ = ١٠٠٠ كلمة .
- یجب استخدام الآلة الکانیة مع الانتباه إلى ترك فراع مزدوج بین الأسطر وإرسال نسخة آخری .
- ٨ ينخي أن تحوي المراجعة على لمحة عن المُراجع ( في حال عدم مشاركته مسبقاً
   في المجلة) وذلك لادراجها في قسم « المشاركون في العدد » .
- عب كتابة اسم المؤلف وعنوان الكتاب مع اسم الناشر وتاريخ النشر وعدد الصفحات وسعر الكتاب في مستهل المراجعة .
  - ١٠ ... يوضع عنوان الكتاب الذي تتم مراجعته بين هلالين صغيرين .

## مخطرطة عربية لرسالة ايراتسطانسي في ايجاد الوسطين المتناسيين بين خطين معلومين

امين مواقي اللويانس فلبتو الجاسة الامريكية في بيروت

٩. مقدمسة: عثر الأب لويس شيحو في مدرسة الأقمار الثلاث الأرثوذكسية في بيروت على مخطوطة هامة يعود تاريخها الى القرن الخامس عشر الميلادي عوانها و مجموع فلكي وهندسي وميكانيكي وموسيقي ه فقام بتصوير المحطوطة وانقدها من التلف والضياع ، اد أن قسماً منها كان قد تاكل او طمس . والنسخة المصورة موجودة في مكتبة جامعة القديس يوسف في بيروت وتوجد نسخة منها مصورة وأخرى على ميكروفلم في مكتبة الحامعة الأمريكية في بيروت .

يصف الأب لويس شيخو جزءاً من هذه المحطوطة موضوع هذا المقال وهو المخطوطة رقم ٢٠/٢٢٣ بانه بحث لأرسطانس (٩) في ابحاد وسطين متناسبين بين خطين معلومين بطريقة الهندسة الثابتة [ ١ ] . وقد علتى جسن [ ٢ ] على دلك بقوله ان البحث الذي أشار اليه الأب لويس شيخو هو في الحقيقة ترجمة عربية لرسالة بعت بها ايراتسطانس للملك بطلميوس يصف فيها طريقة عملية لإبجاد الوسطين المتناسبين بين خطين معلو مين وأنه بعظميوس يصف فيها طريقة عملية لإبجاد الوسطين المتناسبين بين خطين معلو مين وأنه توجد عدة نسخ من هذه الرسالة [ ٣ ] . وذكر جنسن . أنه وقع تحريف في المخطوطة العربية اذ ورد اسم ايراتسطانس خطأ باسم أرسطانس

في هذا المقال نقدم النص العربي لحذه المخطوطة كما ورد في الأصل . وقد استعنا بالنصين الأغريقي واللاتيني [ ٣] وبترجمة جزئيسة باللغة الأنجليزية [ ٤] في قراءة الكلمسات والأسطر المطموسة في المخطوطة . والمخطوطة ترجمة قريبة جداً من النص الأغريقي ولكنها كانت حرقية في بعض المواقف لدرجة ضاع معها المعنى المقصود . وهنالك بعض الأخطاء ارتكبها ناسخ المخطوطة لدرجة ضاع معها المعنى .

وقد أرفقنا مع النص العربي للمخطوطة ترجمة باللغة الأنجليزية حاولنا فيها أن ثكون قريبة من النص العربي مع ما يلازم ذلك من بعض التضحية بالاسلوب في اللعة الأنجليزية . حيثما طمست بعض الكلمات كتينا ما اعتقدنا أنه أصل الكلمة بين قوسين مربعين [] ، وأي تصحيح لتحريف وقع ارفقناه بين < واذا وجدت شروح اضافية ارفقناها بين قوسين ( ) .

ولا بد من الاشارة هنا للمساعدات القيمة والاقتراحات المفيدة التي قدمها محررا المحلّة مشكوريّن . كذلك نودّ تقديم الشكر للدكتور احسان عباس لمساعدته في قراءة أجزاء من المخطوطة .

٧. موضوع البحث: لقد شُغل رياصو الأغريق فترة من الزمن بثلاث مسائل رياضية هامة كان لها أثر كبير في تقدم الرياضيات. وتلك المسائل هي: تربيع الدائرة، تثليث الراوية وتضعيف المكعب. والمسألة التي نحن بصددها تتعلق بتضعيف المكعب. وتتلخص في ايجاد ضلع مكعب حجمه ضعف حجم مكعب معلوم وذلك باستعمال بيكار وحافة مستقيمة فقط. ورغم المحاولات العديدة لحل هذه المسألة، الا انه لم يتم البرهنة على استحالة الحل بالشروط المطلوبة الأفي القرن التاسع عشر.

وكان لمحاولات الحل ( رغم استحالته ) تأثير كبير على تقدم الهندسة عند الأغريق مما أدى إلى اكتشافات جديدة هامة كالقطاعات المخروطية وغيرها .

و يرجع الفضل الأكبر إلى يوتوكبوس [٥] في المحافظة على مجموعة هامة من الحلول تتعلق بتضيف المكعب . وكان أول تقدم أحرز نحو حل المسألة ما قام به هيبوكراتس ( حوالي ٤٠٠ ق . م ) عدما حوّل مسألة تضعيف المكعب إلى مسألة ايجاد وسطين متناسين بين خطين معلومين طولاهما فم ، س . وإدا كان س ، ص هما الوسطان المتناسبان بين فم ، حد فان فم : س \_ من : ص \_ من : ص .

اذن س ال و الله على من الله و بتعویص قیمة ص نحصل عدلی س ال و الله و ال

ومن الحلول أيضاً حل يعود الى ايرانسطانس (حوالي ٢٣٠ ق . م ) أحد معاصري أرخميدس أورد الحل في رسالة [٦] بعث بها الى بطلميوس الثالث ملك مصر والذي كان ايرانسطانس يعمل مؤدباً لولمده فليباتور .

استهـّل ايراتسطانس رسالته بتحية بطلميوس ثم استطرد يقول ان أحـــد الشعراء دخل على الملك مينوس وهو يقوم بتجهير قبر لولده غلوقس فلم تعجبه مقاسات القبر ألّي اقترحها مهندس الملك فاشار عليه الشاعر (خطأً ) أن يضاعف أبعاد القرر وبذلك يضاعف حدم القبر . ثم يتابع ابراتسطانس الحديث في رسالته عن وباء أصاب أهسل دلفي فاشار عليهم الوحي دان يقوموا بإنشاء مذبح حجمه ضعف حجم مذبح من المذابع المكعبة الشكل فيزول الوباء . فوقعوا في حيرة من أمرهم لحل هده المسألة وعرضوا هذا الأمر على أفلاطون [٧] وعدد من المهلمين المعاصرين

ذكر ايراتسطانس في رسالته ان حل هذه المسألة يتوقف على ايجاد وسطين متناسبين بين خطين معلومين تم وصف آلة قال انه تمكن بواسطتها من حل هذه المسألة وقدم برهاناً على ذلك مع شرح لطريقة صنع الآلة وعملها .

## من مطبوعات معهد الثراث العلمي العربي بجامعة حلب

) - أخبد يومث اخبن	تثني الدين والهندسة الميكانيكية العربية مع كتاب الطرق السنية في الآلات الروحائية من القرن السادس عشر. ۴۷ لم.س او ۸ دولارات امريكية
٧ - أحد يوسف الحسن	ابناسح بين النلم والنسل النافع في صناعة الحليل لأبي النز بين الرزاز ابلزري . ۱۹۰۰ لدس او ۲۵ تولا وا اسريكياً
ج - أحبد يومث الحبن	کتاب الحیل لبتی موسی ۱۵ لدس او ۲۰ دولا رهٔ أمریکیا
g — دوقائد هيل	كتاب السامات المائية العربية ( بالانكليزية ) ٣٠ ل.س او ١٥ هولاراً امريكياً
ه جلال شرقي	ریاضیات براه الدین العامل ۱۵۲۷ – ۲۰۲۱ / * ۱۵۲۷ – ۲۰۲۷ / م ۲۲ ل.س او ۸ دولارات امریکید
و — احدد ملم معهدان	مراسم الانتساب في معالم الحساب ليميش بن ابراهيم الاموي ١٤ ل.س او ٥ دولارات امريكية
٧ – اډولو کندي	افراد المثال في أمر الطلال البير وفي جزه (۱) ؛ الترجمة الافكليزية جزه (۲) ؛ التعليق والشرح ( بالانكليزية ) ۱۹۰ لدس او ۲۵ دولا رأ امريكياً
۸ — ادوارد کندي و صاد خاتم	ابن الشاطر فلکي حر ني: من القرن اثنامن الهجوي / اثر ابع حشر ميلادي ۴۵ ل.م. او ۴ هولارات امريكية
رة — صلمان قطاية	مخلوطات الطب والصيدلة في المكتبات النامة بحلب « 2 ل.س او « 4 دولارات لمريكية
ه احد سلمان قطاية	سا الفارق لاي بكر محمد بن زكريا الرازي «۵ ل.س او ۱۳ دولاراً امريكياً

170 APPENDIX

Of some interest is the obtrusion of an unknown "Titanus" (154:6) in front of "Menaechmus" (106:8). The correspondence of text and translation is by no means clear in this place, but it is possible that معنى معنى (the reading as is uncertain) is a corruption of τι τοῦ, which precedes "Menaechmus" in the Greek. If this is so, some at least of the corruption probably occurred in Greek, since one of the manuscripts reads επιβραχύτιτι, apparently for the whole phrase ἐπὶ βραχύ τι τοῦ. It is worth noting that معنى المعادلة does not occur in MS Escurial 960.

مترأزية ١٥٦ - ٢ parallel (to each other) παράλληλα 110:11 عن قبل موازاة .... ألط .... in the parallels ... ... (i. e. έν ... ταίς .... παραλλήλοις because ... is parallel to ...) 108:12 1 - 4 : 100 parullelograms سطوح عتو زية الاضلاع ١٤٥ ۽ ٥ παραλληλόγραμμα 108:2 سطح , , الاوسط المتواري τοῦ μέσου παραλληλογράμμου the middle parallelogram 108:5 Volt : toap to Well

middle 6...μέσος 110:5 و 10:5 μέσος 110:5 برابة ١٥٠ ( انظر نسبة ) ( انظر نسبة ) 4 εφυθης 108:3 و انظر نسبة )

Technical terms are sometimes translated by descriptive phrases. Thus καταπαλτικά και λιθοβόλα δ'ργανα (106:20-21), "catapults and stone-throwing implements", becomes (154:15.) الآلات التي تتميل بي اطروب الرسل على اطبيات المهارة المهارة

An example of difference of form without real change in meaning is the وبتيجه بريد ان بين كالم بحد (110:21), "to find", into (156:11) بحد ان بين كالم بحد الله المائة But distinct differences in meaning do occur, though it is seldom clear that they are intentional. For instance, the Arabic in 153:13-14 omits the condition, foun din the Greek of 104:12-15, that one of the lines mentioned is double the other. Again, in 154:12-14 of the Arabic there appears to be no mention of a cube and its side, as in the Greek of 106:16-19 - though the whole passage, 106:8-19/154: 8-14 is not very clear in either language. τρεῖς πινακίσκους ί'σους ὡς λεπτοτάτους (110:4-5) "three equal panels as thin as possible", becomes (156:3) -Escarial 960 is neater the Greek in this passage). Other differences are to be found in 104:15-16/153:15-16 and 110:34-16/156:8-9. There is a subtle difference between το δοθέν στερεύν παραλληλογράμμοις περιτγόμενον, "the given solid bounded by parallelograms" (106:12-13) and جسم سلوم حواري الأصلاع and عليه علام عواري الأصلاع (154:9). A final example: in the votive offering - ἀνάθημα, translated as قائم مربم (see 110:12/156:7-8 & foll.) - the instrument is placed 'υπ' αυτήν την στεφάνην The Arabic على رأس دك مثاغ ring orthang "under the very crown of the stele", but أعلى دأس دك مثاغ. The Arabic bere is a simplified translation, "on top of the stele", thus avoiding the difficult technical terms of Greek temple architecture. Parts of the Greek may have given the translator some trouble. For several words - e.g. έπωστός, χολέδρα, προσμολυβδοχέω (see 110:6,6,14) - Liddell & Scott's Greek-English Lexicon gives only this text of Eratosthenes. Of course we have no guarantee that the Arabic is a straight translation and has not been reworked.

	h sa toda	شعف ۲۰۱۹ م
double	διπλάστος 104 2	عمل ۱۹۳ م ۲۰۰۳ ثمانیة اضعاف ۱ ۲۵۳ م ۲۰۰
eightfold, eight times	δοιταπλάσιον 104:6	
(the cube) will be doubled	διπλασιασθήσεται (ὁ κύβος) 104.	
duplication (of the cube)	(κύβου) διπλασιασμός 104-9	اضعاف (المكتب) ١٢٠ ١٥٢
aides	πλευρών 104:4	اضلاع ۱۹۴۰ و ۹
by the lines called curved	διά τῶν καλουμένων κομπύλων γραμμῶν 106:4-5	بالحطوط التي تسمى المتعطقة يج ب عدد
two given lines	สิงจ รณิง อิจยิยเสฉิง สมัยะเลิง 110:20	حطین معلومین ۱۵۱ : ۱۱ (
two given [lines]	δύο τῶν δοθεισῶν 106:2	الخطين المعلومين ١٥٤ : ٣
ivory	έλυφάντινον 110:4	من علج ١٠٦٠ - ٢
above	έπάνω 108:6	من فوق ۱۵۵ ، ۷
a hundred feet	έκατόμπεδος 102:24	مائة قدم جمع والا
diagonals in them [rectaugles]	διάμετροι έν σύτοζε 108:3-4	الطارعا معزير
lot there be erected	συνεστάτω 108:2	نقع مه ۱ . غ
cube	<b>χύβου 104:9</b>	المكمب ١٣٠ - ١٢
base, frame, board (in the shape of a brick. The Arabic repeats the Greek etymologically)	πλινθίων 110·3	لية ١٠١٧ . ٢
to fixed in	ένήρμοστας 110:5	وليكن ته ألصق ١٥٩ ٣ ٣
has been attached with solder	καθήρμοστας προσμεμολυβ- δοχοτιμένον 110:13-14	وقد آلستن پرساس ۱۰۹ .
let it meet	συμπιστέτω 108:9	حَنَّى بِلِقِي ١٥٥ : ١
small, thin tablets, panels, plates	πινακάσκους 110:4,10 1: 1	ألواح مقار ١٥٦ - ٣ أثواج ١٥
tablets, panels, plates,	niverseç 110:22	الالواح ١٥٩ : ١٢
lying alongside one another	δμαλώς συναπτόμενα διλήλοις 110:11-12	تكون عاملها يعضها ليعض نامشراء ١٥٩٠ ٧
proportional	άναλογον 112:4	متناسة ١٥١ : ١٧
	ώς ή ZK ποὸς KH, ή	نسة زال ان له ح كنسة برز
ZK  KH = BZ : GH	BZ πρὸς ΓΗ 108:21	لد چرخ ۱۰۰ : ۱۰
two means in continued	δύο μέσας ἀνέλογον	غطین مناسبین (طب ) عل
proportion	έν συνεχεῖ ἀνελογία 106:28-9	الرلاء معادع
	the same 104:14-15	خطين ساسين لهما حتى تتوالى السب ١٥٣ : ١٢ – ١٤
produced	έκβληθείση 108:9-10	4: 100 ini
at [point] K	κατά τὸ Κ 108:10	من تقطة 🗹 ١٥٥ : ٩
geometers	τούς γεωμέτρας 104:19-20	المتنسن وه ا : ١
in terms of geometric surfaces	έπὶ τῶν γεωμετρουμένων ἐπιφανειῶν 110:1	بسيل السطوح الهناسية ١ : ١ :

English equivalent of Greek	Greek	Arabio
half-cylinder	ที่แบบสับอักษา 106:4	صيب البيلواية ١٩٤٤
in the instrument	ἐν τῷ ὀργάνω 110.22	१५: १वन विशि हो
with an instrument	δργανικώς 110:2	१ - १०५ थीं
a way by using an instrument	τις δργανική λήψει	مس يسل بآلة ١٥٤ ٧ 9-8-106;
has been shown	άποδέδεικται 110:2	بر[منا] ۱۷:۱۰۰
temaining	μένοντος 108 5	رليبقي (correctly وليبق) ١٥٥٠٠
problem	πρόβλημα 104:9	باب ۱۹۲ : ۱۲
we shall show	δείξομεν 112:3	11:101 34
bolow	wronares 108:6	س تحت ۱۹۵ ۲ ۹ ۸
in grooves	έν χολέδραις 110:6	(ميجريان) في عِارِي هَا ٢٥١ - ﴿ وَالشَّرُ دَفَّعَ ﴾
enlid	στερεόν 104:6	\$1 2 1 4T park
I move	συνέγω 110:22	راتجرك ٢٥٦ : ١٣
Let them be drawn (pl.)	ήχθωσαν 108:3	غثرج معا ٠ ٠
let there be drawn through points	διήχθω διά τῶν ση	غرم من نقط ه ه : 8 - 9 A: ١٥٥ مين
wooden	ξόλινον 110:3	من عشب ۱۹۱ ۲ ۲
line	eddeia 108:9	شطأ ده ۱ م ( انظر عام ، قسبه)
two means	δύο μέσας   106:2   106:10   110:3	خطين ١٥٤ : ٣ ( الظر منب )
	106:10	عطا[بر] رسطين ١٥٤ : ٨
	( 110:3	خبلين متوسطين ١٥٩٪
llpm	γραμμάς 110:9	غطوط ۱۹۹ و ( العنز عبات )
with no gap [between them]	<b>δοχαστα 110:11</b>	ولم يكل بيمها علل و لافرجة ٢٠١٠ ١٥٠
let it approach, he brought together	συνωσθήτω 108:5-6	وتعقع ۱۵۰ : ۷
are capable of being pushed forward	έπωστοί είσιν 110:6	وربيكن پدفعاد فيجريان ١٥٩ -٤٣
surface	έπίπεδον 104.5	سطح ۱۹۳ : ۹ ( انظر وری )
equal	l'ague 110:4	كارية ١٥٩ : ٢
anedary	£viσοι 106:28	غير ستاريين ۱۵۰ ت
in a straight line	κατ' εύθεταν 110 22-	على[مستوى] واحد ١٥١ : ١٣–١٣ }8 23, 108 مثلاً على [ استواء ] ٨٠ ١٥٥
brouse, brash	χαλκούν 110:4	من شده ۱۹۹۹ ۲۰
patting together, assembly	συνάγεσθοι 110:10	مشه ۲۰۱ : ۲
figura	σχήματος 108:7	صورة ١٥٥ : ٨
has been drawn	γέγραπται 110:18	صورت ۱۵۹ : ۱۰
doubled	διπλασιασθεισών 104:	اذا ضعفت ۱۵۳ . ۹ ( أنظر كب ) 4-5

#### Appendix

A Note on the Technical Vocabulary in Eratesthenes' Tract on Mean Proportionals

#### RICHARD LORGH®

This Note is appended as a small contribution to the study of Greek mathematical and mechanical texts in Arabic translation.

The table below is organized alphabetically by the roots of the Arabic words, or, in the case of phrases, of the principal Arabic words involved. Apart from such changes as the occasional removal of the Arabic article or inseparable preposition, the words have not been reduced to standard from, such as nominative singular for Greek nouns. By this means it is hoped that a spurious generality will be avoided, for it may be that a Greek word is translated in a given way only when it appears in a certain form or forms. In addition, the forms given serve as a reminder of the syntactical contexts from which they have been taken, contexts often different in the two languages. Greek third-person imperatives are normally rendered in Arabic by the first person plural of some form of the imperfect. Participles are normally rendered by clauses.

References by pairs of numbers divided by colons are to page and line of the Greek text (see reference 3 in the article above) for pages 102-114, and to page and line of the Arabic MS reproduced above for pages 153-157.

Institute for the History of Arabic Science, Aleppo University.

It is a pleasure to thank Professor Paul Kunstzsch (Munich) for looking over this appendix and bounting out several errors in it. He considers the suggestion of the last paragraph speculative.

#### References

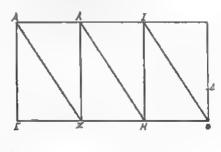
- L. Cherke, "Catalogue raisonné des manuscrite de la Bibliothèque Orientale de l'Université de St. Joseph", Métanges de la Faculté Orientale (Beirut), 7 (1914-1921), 287-289.
- Claus Jensen, "Identification of a Tract in an Arabic Manuscript Eratosthenes on Two Mean Proportionals", Isia, 61 (1970), 111.
- Archimedis opera ometa cum commentariis Eutocii, ed. J. L. Heiberg, (Leipzig Teubaez, 1380-1881),
   vol. III, pp. 102-114.
- Ivot Thomas, Selections Illustrating the History of Greek Mothematical Works (Loch Classical Library, 1951), vol. 1, pp. 256-267.
- 5. Thomas Heath, A History of Greek Mathematics (Oxford Clarendon Press, 1921), vol. I, p. 244.
- 6. James Gow, A Short History of Greak Mathematics (New York: Hafner, 1923), p. 162.

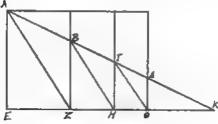
#### Editor's note

The Arabic Eurocius in MS Escarial 960 item 2 (# 22v - 42v, of which if 27v - 29r are the Eratosthenes section) is not identical to the above, though in parts it is very similar. Possibly it is another reductional-Tois is supposed to have written a labrir of the Eutocius commentary. Lipes 4 and 5 of f 22v are very similar to the title given by Sergin (Geachiche des orobischen Schriftiums, Baud V, 1974, p. 130) of the fragment in MS Bibliothèque Nationale 2457 (item 44, Ø 191 - 192). These manuscripts and the Cambridge fragment also mentioned by Sergin (thui) would repay payestigation.

#### [MS page 157]

- 1 Thus we have found, between the two given lines, two lines proportional to them. If the two given lines
- 2 are not equal to  $A\bar{E}$  and  $\Delta\Theta$ , then we make the ratio of AE to  $\Delta\Theta$  equal to their ratio,
- 3 and we take between them the two mean lines. Then, going back to the original lines, we shall do what was required.
- 4 If we want to find more than two lines, we insert more tablets in the instrument (according to the number of means to be taken).
- 5 The proof is the same in all cases. The book is completed. At the end there was some poetry and praise to Ptolemy.





#### [MS page 156]

- 1 that by using geometric surfaces. And if we wished to do that with an instrument in order that we may find
- 2 the two mean lines, we [set up] a board of wood, or ivory, or bronze, but having in it
- 3 equal tablets, that are small and thin, of which the middle (one) is fixed and the remaining two
- 4 are pushed to run in grooves. Let the sizes and amounts of those grooves be according to the needs
- 5 of each. We then set up the proof for this as well. In order that the lines may be found with the greatest accuracy,
- 6 we make the tablets with careful skill, so that when the tablets are to our satisfaction everything remains parallel, smoothly fitting
- 7 without a gap, and they are evenly touching. As for the instrument which we put on the square pillar,
- 8 it is (made of) bronze and it is fastened at the top of that pillar with lead.
  So we made the proof and description shorter for
- 9 that instrument and the figure. I have written on that square pullar a writing which I copied
- 10 in order that you may have what was fastened to the square pillar. Also I have drawn there the second figure
- 11 on the square pillar. As a result of this we wish to show how to find, between two given lines, two lines.
- 12 in continued proportion to them. Let AE and ΔΘ be the lines. Move the tablets in the instrument until
- 13 points A, B, Γ, Δ, are in one [straight] (line), as it is clearly pictured in the second figure.
- 14 [The ratio of AK to KB, since AC and BZ are] parallel, is as the ratio EK to KZ.
- I5 (?) That is, its ratio is also as the ratio of DKH < ZK > to KH, and so the ratio of EK to KZ is as the ratio of KZ
- 16 [to KH], so that the ratios are as the ratio of AE to BZ and (as) the ratio of BZ to TH. Similarly we show
- 17 [that the ratio of BZ to ΓH] is as the ratio of ΓH to ΔΘ. Therefore the lines AE, BZ, ΓH, ΔΘ are proportional.

#### [MS page 155]

- 1 We cannot do this without finding
- 2 the two means. I have made the construction and (demonstrated) the proof of this instrument after the discussion. For
- 3 we make the two given lines between which we want to find two lines in continued proportion, AE and ΔΘ,
- 4 unequal and we make line ΘE perpendicular to AE at a right angle. Then we erect
- 5 upon line E0 three successive parallelograms AZ, ZI, I0 and we draw
- 6 their diagonals AZ, AH, IO, These diagonals also will be parallel. Let
- 7 middle parallelogram ΔI <ZI> remain (stationary), and (let) us push AZ shove the middle (one) and line IΘ below it, as
- 8 in the second figure, until A, B, Γ, Δ lie along a straight line. We join points A, B, Γ, Δ in a line.
- 9 and produce it until it meets line E@ at point K. It follows that the length of [A] <K>\* to KB,\* because of the parallelism of
- 10 AZ to line BH, is as the ratio of DBH < ZK> to ZH. Therefore the ratio of A < K > to AH < KB>, the shadow (?ssc), which is EK to K [Z],
- 11 and as the ratio of KZ to KH. Also, since the ratio of BK to [KI\* is as the ratio of KZ to KH, and, from the parallelism of BH and FO.]
- 12 as the ratio of H [K] to K♥. Therefore the ratio of BK to KT [is equal to ZK to] KH [and to the ratio of KH]
- 13 to K [Θ. But] the ratio of Z <K> to KH is as the ratio of [EK] to [KZ. So the ratio of E] K to KZ is.
- 14 as the ratio of Z < K > to KH and as the ratio of HK to  $K[\Theta]$ . But the ratio of EK to KZ is as the fratio of AE
- 15 to BZ. And the ratio of ΔBΓ <ZK> to LH <KH> is as the ratio of BZ to ΓH. And the ratio of HK to K [Θ is as the ratio of ]
- 16 ΓH to BΘ <ΔΘ>. Thus the ratio of AE to BZ is as the ratio of BZ to ΓH and as the ratio of ΓH to ΔΘ. [Thus]
- 17 we have found between AE and ΔΘ two lines proportional to them, namely BZ and ΓH. So we have proved
- 3. Here, and often until line 16  $\geq$  (or similar) is found in the MS instead of K an obvious mistranscription. In the translation only <K> appears.
- 4. Musting here from the text is because of the parallelium of AE to ZB, the ratio of AK to KB is as the ratio of EK to KZ.
- 5. The reconstruction of the text amits here: because of the parallelism of BZ to GH. The gap in the MS is not big enough to accommodate everything in the Greek.

#### [MS page 154]

- 1 When they fell into the same dificulty, they sent over to ask the geometers who were
- 2 (with Plato') in the land of the Academy, to find for them how this thing that was mentioned before could be done. They set themselves energetically to work,
- 3 and sought to find two lines between the two given lines. It is said that Archytes of
- 4 Tarentu <m> had discovered that, and he did it by means of a half-cylinder and that Eudoxus did it by means of the so-called
- 5 curved lines. As it turned out, they all gave demonstrations with proofs but none were able to make
- 6 the actual construction or reach the point of pratical application, except to a small extent what was done by Titanus [b.] Mense [chm]us\*, and this (person) also
- 7 did what he described but with hardship and dificulty. We also thought out an easy way, using an instrument, with which we can find between
- 8 two given lines, not only two mean lines, but as many of them as one desires. And if this
- 9 device is available, [we could find a cube] equal to every given solid with parallel sides.
- 10 and change the figures of these [solids] from one to the other so that they become (i.e. remain) similar to the solide. Also
- 11 those solids may be increased [while retaining] their forms as they are, and do the same in the case of alters and temples.
- 12 By this we can [determine...] the measure of dry and wet things, as much as we want [...],
- 13 and the measure which is called (m]atreus it being that in which liquids (lit. wet things) are measured - [to determine] the amount
- 14 [measured by] the vessels in which these things ... are placed. The discovery of that (finding mean proportionals) is also useful if we wish to increase
- 15 the power of instruments used in warfare for throwing rocks at walls to demolish them. All that
- 16 involves increasing all their parts proportionally over and above increasing in a single ratio their power, thickness,
- 17 range, the parts attached to it, and whatever stretches the springs which increase the throwing power by that amount.

<sup>1.</sup> In the Greek text παρά τῷ Πλάτων..

<sup>2.</sup> See appendix, p. 166.

#### IV Translation

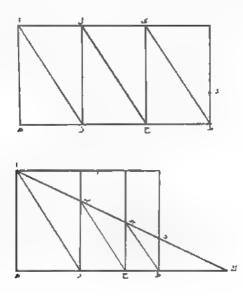
#### MS page 353]

- 1 In the name of God, the Merciful, the Compassionate.
- 2 A treatise by Aristanes «Eratosthenes» on the construction of an instrument by which
- 3 a line is <two lines are> found between two lines.
- 4 To King Ptolemy greetings from Aristanes «Eratosthenes». One of the poets is said to have visited
- 5 Minos, he being occupied with the erection of a tomb for Glaucus the King, and inquired from him about the size of the tomb that he wanted
- 6 to construct. He told him that its total dimension is one hundred feet (each way). He (the poet) said to him: "This amount is little. It
- 7 is too small to be worthy of housing a King's tomb. But you should make it double this amount so that it does not depart from this
- 8 fair form, Hasten to make each part [of its parts] double what it is. It was thought
- 9 that he had made a mistake. For when the sides are doubled, the surface becomes [four] times what it was at first,
- 10 and the solid becomes eight times what it was. [The geometers] sought a way [to make]
- 11 a solid double a given solid without [changing its shape]; and they called this
- 12 problem the problem of the duplication of the cube, for they were doubling [a given cube. It seemed] a difficult matter.
- 13 The people were all puzzled for a long time. The first to conceive that if between two lines it was possible to find two mean
- 14 proportionals in continued proportion then it would be possible to double the given cube,
- 15 was Hippocrates of the island of Chios. Thus befell among the geometers, in attempting to construct two lines
- 16 in continued proportion between two lines, a puzzle no less (difficult) than the first puzzle. It was related that after
- 17 a time people of Dilwa < Delos>, attempting in accordance with orders of the [oracle ] to double one of the altars, decided to do that.

### [ 104 00 ]

فقد وجدنا بين الخطين المعلومين خطين مناسبين لهما وان لم يكن الخطان المعلومان مساويين لخطي آه ، دَرَّ فانا مجعل نسبة آه الى دَرَّ مساوية لنسبتهما و نأخذ بيسهما الخطين المتوسطين لهما ثم نتقلهما البها فتكون قد عملنا الشيء المطلوب فان نحن أردنا أن نضع منها أكثر من خطين فلنضع في الآلة الواحاً اكثر عدداً من هذه ومديح من هذه فأما البرهان فيهما جميعاً فواحد . تم الكتاب وكان في آخره شعر ومديح

من هذه فأما البرهان فيهما جميعاً فواحد . تم الكتاب وكان في آخره شعر ومديح ليطلميوس .





Université de St. Joseph, Beirat, Arabic MS 223, p. 157. Reproduced by kind permission of the Librarian.

## [ 107 00 ]

ذلك بسبيل السطوح الهندسية وكنا اذا أردنا أن نعمل ذلك بآلة حتى نجمه الخطين المتوسطين فانا [ نقيم ] لمنة من خشب أو من عاج أو من شبه ولتكن فيه ألواح صغار دقاق متساوية وليكن الأوسط منها قد الصق وليكن الأثنان الباقيان بدفعان فيجريان في محاري لها ويكون عظم تلك المجاري واقدارها على ما يحتاج اليه كل واحد منها فنقيم البرهان في ذلك أيصاً ولكي نجد المحطوط بتحقيق شديد الأستقصاء فانا نحكم صنعة الألواح حتى اذا لاقت كانت متوازية كلها ولم يكن بينها خلل ولا فرجة وتكون عما ستها بعضها لبعض باستواء فاما الآلة التي وضعناها على القائم المربع في تلك الآلة والشكل كان أوجز وقد كتبت على ذلك الفائم المربع كتاباً نسخته في تلك الآلة والشكل كان أوجز وقد كتبت على ذلك الفائم المربع كتاباً نسخته [ وذلك أ لبصير عندك ما أثبت على القائم المربع وقد صورت هنالك الصورة [ الثانية على القائم المربع ] وبنتيجته نريد أن نبين كيف نجد بين خطين معلومين خطين [ مناسبين لهما ] على النوالي [ ولي ]كو [ نا ] آه و قد طولنحوك الألواح التي في الآلة حتى تكون على

[مسترى] و احد [ النقط ١ ، ب ، ج ، د كما نرى ] بوضوح أنه قد صار ذلك على [ ما في ] الصورة الثانية

[ ونسبة الَّهُ الى نَدْبَ تساوي من آه ، ب ر ] متوازيين كنسبة هله الى نَدْرَ ومن اجل ان

[الى ك ح] وان النسبتين كنسبة المالى برَ ونسبة برَ الى حَ وَكَلَلْكُ نبينِ [أن نسبة زب الى ح ح] كنسبة حَ ح الى دَ طَ فَخَطُوطُ آهِ ، بَ رَ ، حَ ع ، دَ طَ متناسبة



Université de St. Joseph, Beirut. Arabic MS 223, p. 156. Reproduced by kind permission of the Librarian.

## [ 00 00 ]

المتوه في الرمي على هذا المقدار وليس يمكن ان نعمل ذلك الا بأن يوجد المتوسطان وقد صنعت تركيب هذه الآلة و برهانها بعد الكلام [ اف] نجعل الحطين المعلومين اللذين تريد أن نجد بينهما خطين مناسبين لهما على الولاء غير متساويين وهما آه، دَ لَا وَنجعل خط لَمَ هَا مُا على اله على زاوية قائمة و نقيم على خط همل ثلاثة سطوح متوارية الأضلاع متوالية وهي آر ، زَ ي ، يط ونخرج على خط هما المتوازية وليبقى سطح دى حززى الأوسط المتوازي الأصلاع و تدفع ار من قوق الأوسط وخط ي لم من تحته على ما في الصورة الثانية حتى يكون آب جد متصلا على [ استواء ] ونخرج من نقط أسجد خطأ وننفذه حتى يلقى خط هط على نقطة أن فيكول ادل طول [ الميال الكار الله كال كار من قبل موازاة

١٠ الرّ لحمل بح يكون كنسبة ديج < دك > الى كح فنسة آيم < آك > الى آح
 ك ب > الغلل وهي هذك الى ك [ رّ ]
 وكنسة كرّ الى كم وأيضاً فان نسبة بكال [ كم كنسبة كرّ الى ك ومن موازاة بح.
 جعل ]
 كنسبة ج [ تح] الى كمل فنسبة بكال كمج [ مثل زك الى ] كمج [ ونسبة كمج ]

الى ك [ط ولك]ن نسبة ذلح < زك > الى كم كنسة [ه ك الى [ك ز نسبة ] آ

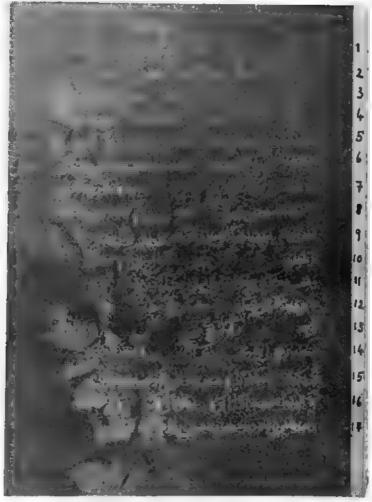
الى بَرْ ونسبة دَلَج < ز ك > الى لع < كنسبة بَرْ الى جع ونسبة حَكَ الى كَانَّ اللهِ عَلَيْهِ عَلَى اللهِ عَلْ اللهِ عَلَى اللّهِ عَلَى اللهِ عَلْمُ اللهِ عَلَى اللهِ عَلْمُ اللهِ عَلَى اللهِ عَلَى اللّهِ عَلَى اللّهِ عَلَى اللّهِ عَلَى اللّهِ عَلَى اللهِ عَلَى اللهِ عَلَى اللّهِ عَلَى اللّهِ عَلَى اللهِ عَلَى اللّهِ عَلَى اللّه

جَحَ الى بَطْ < دَ طَ > فنسبة آهالى تَرَكنسبة برّ الى جَعِ وكنسبة جَعَ الى دَطَ[و هكذا] وجدنا بين آهـ و دطّ خطين مناسبين لهما وهما بزّ و جَعِ فقد بر[هنا]

٨ -- نقط : في الأصل نقطة

ه إنه و إن خلك ؛ في الأصل د الم

١٢ -- ١٢ -- الرموز أن عده المطور قد طمن مطلبها .



Université St. Joseph, Beirut, Arabic MS 223, p. 155 Reproduced by kind permission of the Librarian.

## 106 00

ولما وقعوا في هذه الحيرة نفسها توجهوا إلى من كان من المهتلسين في بلاد اكاديميا وسألوهم أن يجدوا لهم عمل هذا الشيء الذي ذكرنا فاجهدوا أنفسهم في أن يجدوا بين الحطين المعلومين خطين فيقال أن أرخوطيس الذي من أهل طار نطير أصاب ذلك وعمله بنصف أسطوانة وأن ايدكسس عمله بالخطوط

التي تسمى المنعطفة فعرض أنهم كلهم كتبوا في ذلك كتباً ببراهير الا أنهما مما لابمكن أن يخرج بالمعل وأن يستعمل ما خلاً شيئاً يسيراً عمله طيطانس [ بن ] من[حم]س وحذا أنضاً

اتما عمل على ما وصفه بعسر ومشقة وقد تفكرنا نحن في عمل سهل يعمل بآلـــة نجد بها بين

خطين معلومين ليس خط[بن] وسطين قما فقط لكن كل ما اراد مريد منها واذا كانت هذه الحيلة موجودة أمكمنا أن [نجد مكعبا] مساوياً لكل جسم معلوم متوازي الأضلاع وأن [نغ]يسر اشكال هذه [المجسمات] من شكل الى شكل فتكون شبيهة بمجسمات وان تؤاد

تلك المحسمات [ التي تبقى ] اشكالها على حالها وكذلك في المذابع والهياكل و نقدر بدلك ان نمارف أرف ] كيل الأشياء اليابسة والرطبة كم شئنا منها [ ... ] والكيل الذي يسمى [م] لمريتيس وهو مما يكال به الأشياء الرطبة [ ..... ] سعة مقدار ما

[ ....... ] الآنية الَّي تصير فيها هذه الأشياء وينتفع بمعرفة ذلك ايضاً من ان ذاك بزيد في

عظم الآلات التي تستعمل في الحروب لترسل على الحيطان الحجارة فتكسرها و فلك [كله] نتاح [النسب] تزاد في جميع اجزائها زيادة على نسبة واحدة في عظمها وفي غلظها وفي غلظها وما يلبس به من الأجزاء وما تشد به من العقب [التي ] تزيد في

طارنطير = طارنطم (Tarentom)
 الحبارة : في الاصل والحبارة



Université St. Joseph, Beirut, Arabic MS 223, p. 154. Reproduced by kind permission of the Librarian.

III The Text

[ 101 00 ]

بسم الله الرحمن الرحيم

كلام الأرسطانس (؟) في عمل آلة يستخرج

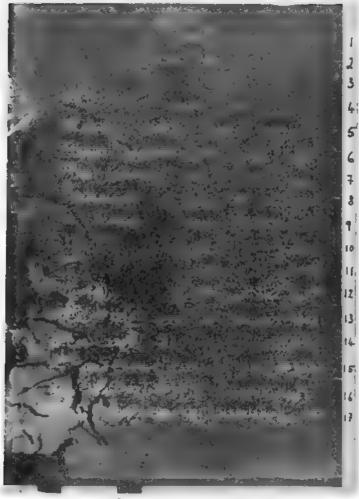
بها خطاً < خطان > بین خطین

للملك بطلميوس من أرسطانس سلام عليك ان رجلا من الشعراء ذكر أنه دخل على مينوس وهو في عمل قبر الأغلوقس الملك فاستخبره عن قلر القبر الذي يريد أن يعمل فأخيره ان جملة قلرمساحته ماية قدم فقال له ان هذا المقدار قليل صغير لتقدير بيت قبر ملك ولكن ينفي ان تجعله يصير ضعف هذا المقدار ولا يفادر هذا الحسن في هيئته فاسرع تصيير كل جرء من أحرزائه ] ضعف ما هو عليه فظن أنه قد أخطأ لأن الأضلاع اذا ضعفت صار السرطح أربعة ] أضعاف ما كان عليه أولا وصار المجسم تمانية أضعاف ما كان عليه وقد [كان المهندسون] يطلبون وجها [يعملون] بع عسم معلوم من غير ان [يغير وا شكله] وكانوا يسمون هذا الباب باب اضعاف المكعب فكانوا يضعفون [مكعاً معلوما فبدت ] أموراً صعبة فحار فيه القوم [جم] يعهم منذ دهر طويل وأول من فكر في أنه اذا وجد خطين بين خطين مناسبين لهما حتى تنوالى النسب أمكن دقيك أن يعمل ضعف المكعب المعلوم مناسبين لهما حتى تنوالى النسب أمكن دقيك أن يعمل ضعف المكعب المعلوم مناسبين في عمل خطين

تتو[اً]لى مناسبة حيرة ليــت بدون الحيرة الأولى وذكروا أنه [الومي] بعد زمان [أتى] أمر فيه اهل ديلوا أن يعملوا ضعف مذبح من المذابح [قرر] وا ذلك

٢ ١ ٤ - ارمطانس = (٩) ايراتسطانس (Eretosthenes)
 ٣ - خطان : قي الأصل خطأ

10- كان : وقعت فوق السطر / ليا : تقرأ كيا



Université St. Joseph, Beirut, Arabie MS 228, p. 153. Reproduced by kind permission of the Librarian,

and the rightmost slides under it. To find the two mean proportionals between the height of the rectangles (AE in figures 1 and 2) and some smaller distance ( $\Delta\Theta$ ), the two given quantities, the two outer panels are shuffled so that the intersections thus created of the verticals and diagonals will be aligned with the upper ends of the given quantities. In figure 2, B, the intersection of the moving vertical AZ with the stationary diagonal AH, and  $\Gamma$ , the intersection of the stationary vertical BH with the moving diagonal BH, must be in the same straight line as BH and BH are then the mean proportionals. The justification depends upon similar triangles created by the parallel lines, the verticals and the diagonals.

$$\begin{array}{ll} AK : KB = EK \cdot KZ \\ = 2K \cdot KH \end{array} \right) \qquad \text{$\mathbb{Z}$, $EK : KZ = 2K : $KH$}$$

$$\begin{array}{ll} BK : K\Gamma = KZ : KH \\ = HK : K\Theta \end{array} \right) \qquad \therefore ZK : KH = KH : KG$$

$$\therefore$$
 EK: KZ = ZK KH = HK · K $\Theta$ 

$$AE:BZ=BZ:\Gamma H=\Gamma R:\Delta\Theta$$

The authors wish to express their appreciation and thanks for the continued help and the constructive suggestions of the editors of the JHAS. Also they wish to thank Professor Ihsan Abbas for assistance with the reading of the manuscript, and the librarian of the Bibliothèque Orientale de l'Université de St. Joseph for permission to reproduce the manuscript.

#### II The Problem

In his commentary on Archimedes' work On the Sphere and Cylinder II.1, Eutocius [3] has preserved for us a precious collection of solutions of the problem of the Duplication of the Cube. This problem consisted of constructing the edge of a cube having twice the volume of a given cube. In fact, such a line cannot be constructed, except by approximation, with a straightedge and compasses alone, though the impossibility was not established until the nineteenth century. But the search for solutions to this problem influenced Greek geometry to a great extent and led to many important discoveries, notably in the field of conic sections.

The first real progress in the duplication problem was the reduction of the problem by Rippocrates (ca. 400 B.C.) to that of constructing two mean proportionals between two given line segments a and b. If we denote the two mean proportionals by x and y, then

$$a:x = x:y = y:b.$$

From these proportions we have  $(a:x)^3 = (a:x)(x:y)(y:b) = a:b$ . If b is chosen to be 2a, then  $x^3 = 2a^3$ . Thus x is the edge of a cube having twice the volume of the cube on edge a.

Among the many solutions to this problem is that of Eratosthenes (ca. 230 BC), a younger contemporary of Archimedes. It is given in what purports to be a letter from Eratosthenes addressed to Ptolemy III (Euergetes) to whose son, Philopator, Eratosthenes was tutor [5]. In this letter, describing the solutions of this problem and the tradition regarding its origin, Eratosthenes says that a certain tragic poet had represented King Minos as wishing to erect a tomb for his son Glaucus, but, being dissatisfied with the dimensions (100 feet each way) proposed by his architect, the King exclaims: "The enclosure is too small for a royal tomb. Double it, but fail not in the cubical form". A little later, Eratosthenes says, the Delians, who were suffering under a pestilence, were ordered by the oracle to double a certain cubical altar and, being in difficulty, consulted Plato on the matter [6]. He then describes an instrument by which he himself solved the problem, giving the proof of it and adding directions for making the instrument by which the mean proportionals between two given lines can be found.

The instrument consists of three equal rectangular panels set in a pair of parallel grooves. The middle panel is stationary, the leftmost slides over it

### An Arabic Version of Eratosthenes on Mean

## **Proportionals**

AMIN MUWAPI\* & A. N. PHILIPPOU\*\*

#### I. Introduction

In his catalogue of Arabic manuscripts at the Université St. Joseph, Beirut, L. Cheikho [1] describes MS 223 ( روكانيكي روكانيكي روكانيكي ) as a photographic reproduction of a precious manuscript, whose original was disintegrating, and of which he was able to save a great deal. The original was at the Library of the Greek Orthodox Three Moon School, Beirut. It was previously catalogued under No. 248, and later changed to No. 364. The manuscript consisted of 162 pages (19 cm. high, 14 cm. wide, with 17 lines in each page). It is without date, but goes back to the fifteenth century. The original is now missing, and the authors were unable to locate its whereabouts. Fortunately, Cheikho had a photographic reproduction of the manuscript, and the library of the American University of Beirut obtained a microfilm of this copy.

Cheiko describes item no. 20 of MS 223 as "Traité d'Aristanes(?) sur la construction des deux moyennes proportionnelles par la méthode de la géométrie fixe". Jensen [2] pointed out that the tract mentioned "is actually an Arabic translation of a letter concerning the construction of two mean proportionals between two given lines, purporting to be by Eratosthenes, and of which several copies are extant" [3, 4]. The name of the author occurs twice in the tract, each time in a corrupt Arabic transliteration as Aristanes.

In this article we give the Arabic text of this tract, as best we can, from a microfilm of the negative photographic prints in the library of St. Joseph's. Any missing or faded parts that could be guessed from the context or by help of the Greek text [3, 4] were inserted between square brackets, [ ]. The manuscript is reproduced in facsimile. In our transcription, corrections to the text are inserted in angle brackets, < > . These brackets have been copied into the translation, and any added words are inserted in parentheses. ( ). We have tried to make the English translation as close to the Arabic as possible, even at the expense of good English style.

The Arabic text shows some peculiarities of style and there are a few scribal errors. By and large the Arabic translation conveys the meaning of the Greek, but it is by no means word for word.

<sup>\*</sup> Department of Mathematics, American University of Beirut, Beirut, Lebanon.

<sup>\*\*</sup> Department of Mathematics, University of Patras, Patras, Greece.

# الشكل القطباع للسجري

# 5. U. 14 W

هذه رسالة من رسائل كثيرة غير مدووسة **لابي سعيد السجزي** الذي عمل في اواخر القرن الرابع للهجرة وهي رسالة في **شكل القطاع** .

إن قصدنا من هذه المقالة هو تقديم ملحص لهذه الرسالة مع شرح يبين المقارنة بين معالجة السجزي لنظرية القطاع مع مثيلتها عند يظلميوس وثابت بن قره . إن الشكلين (١) و (٢) مأحوذان من النص العربي وإن الجيب \* Sine \* يسدل على الجيب \* sine \* في المحصور الوسطى ؛ فإذا فرصنا على قوس دائرة نصف قطرها ؟ عندها يكون :

#### Sin a = R sin a

#### ملخص

المقدمة هي رسالة تصديق سأل عن شرح وبرهان لنظرية تطلميوسحول شكل القطاع والموجودة في كتاب المجمعلي

يقول السجزي انه كان قد أرسل في طلب نسخة من كتاب ثابت بن قرة والتي تحوي هذا الموضوع . إذ أنه كان متردداً آنذاك لأن يعرض نفسه للنقد إذا ألتف الكتاب هو بمسه . إذ أن كثيراً من زملائه رجال المدينة يعتبرون أن الهندسة موضوع كفري ويعتقدون بأنه كثيل بقتل محارسيه .

و عندما لم يأت الكتاب قرركتابة هذه الرسالة وجعلها مختصرة قدر المستطاع . ثم بدأ السجزي الرسالة بالبرهان فإعتبر (الشكل ١) أن وتري الدائرة GD أو امتداده و (GB على التوالي) على التوالي) يقطع قطر الدائرة أو امتداده خارجياً في £ (وداخلياً في £ على التوالي)

عتلما يكون

 $(Sin \widehat{GB} : Sin \widehat{DB} = GE : ED)$ 

وعلى التوالي

 $(\operatorname{Sin} \widehat{GD} : \operatorname{Sin} \widehat{DB} = GK : KB)$ 

وهنا يقدر السجزي البرهنة على المسائل الاثنتي عشرة من هذه الرسالة وقد عرض هذه المسائل وقد لحصناها في العمود الأول من الجدول رقم (١) ( والأحرف ترجع إلى الشكل رقم ٢ ) وسنستعرض بشكل مفصل فقط المسألتين (٥) و (٦) لأنهما تموذجيتان

المسألة رقم (٥) لتكن AB و AG قوسين للماثرتين كبيرتين على الكرة ولنجعل قوسين آخرين BE و GD يتقاطعان في Z ( الشكل رقم ۲ ) عنــــدها يكون :

 $\operatorname{Sin}\widehat{BD}:\operatorname{Sin}\widehat{DA}=(\operatorname{Sin}\widehat{BZ}:\operatorname{Sin}\widehat{ZE})$  ( $\operatorname{Sin}\widehat{CE}:\operatorname{Sin}\widehat{CA}$ )

البرهان : إرسم مستقيمين AB و BE و من النقطة H مركز الكرة ارسم نصفي القطرين HZ و HD وأنشىء فصف المستقيم HB ومسدد المستقيم AE ليلاقي HB في النقطة T وارسم عندئذ BT في

أصبح لدينا الآن مستويان أحدهما  $\triangle ABT$  والآخر يحوي  $\triangle BZT$  وبما ان  $\triangle ABT$  تقع على كلا المستويين فهي تقع حــل امنداد خط مستقيم واحد وهكذا نحصل على الشكل المستوي القطاع المتشكل من الخطوط الأربع  $\triangle AB$ ,  $\triangle AB$ ,  $\triangle AB$ ,  $\triangle AB$  ومن المسألة رقم (٥) من هذه الرسالة نستنج السب المركبة ( الكسور المضافة ) الناتجــة من الشكل المستوي القطاع وهي :

#### $BK : KA = (BL : LE) \cdot (ET : TA)$

بواسطة الفرضية المساعدة الأولى ( من الفرضيتين المساعدتين المعطاتين ) بإمكاننا أن نبدل جميع هذه النسب بنسب جيبية للحصول على النتيجة المطلوبة ولإثبات المسألة رقم (٦) ( انظر الجدول رقم (١) إنه يكفي أن نطبق المسألة رقم (٦) من الرسالة السابقة على نفس الشكل المستوي كما جاء في المسألة رقم (٥) و نطبق الفرضية المساعدة الأولى ( من الاثنتين ) لنحصل على النتيجة المطلوبة . المسألتان اللتان لخصناهما من رسالة السجزي هما تموذجيتان من المسائل الاثنتي عشرة والتي تقع في ست ثنائيات كهذه وهي بالتحديد ( ١ ، ٢) و ( ٣ ، ٤) و ( ٥ ، ٢) ... ... و ( ١١ ، ١٢) حيث أن المسألة الثانية من كل ثنائية ببرهن عليها بالاعتماد على مقلوب النسب الثلاثة الحاصلة من الحالة الأولى . وفي حال كل زوج ندأ الفرضية بالجمعة و لنكرر هذا الشكل الوظائل للبرهان على المسألة الثانية من كل روج والبرهان في هسذه الحالة قصير جداً بالرغم من أن السجزي كان قادراً على استخدام مراحل الشكل القطاع نقسه كما استعمله في الحالة الأولى .

ونجد في العمود الثالث من الجدول رقم (١) وصفاً لفظياً للنسة التي يعبر عنها كنسبة مركبة (كسور مضافة ) .

ونجد في العمود الثاني المستويات المتقاطعة والمنتجة للخط الرابع لكل مسألة ورقم النظرية من (٤) في حال الإمكان لاستخدامها للحصول على النتيجة المطلوبة .

وكتب السجزي شرحاً على طريقة بطلميوس وبمقارنة ما كتبه نتبين أنه كتب ما كان قد وعد به مراسله .

ويقدم السجزي برهانه بالاعتماد على نفس الفرضيتين المساعدتين اللتين استعملهما بطلميوس .

و في برهانه على المــألة رقم (٥) وهذه هي الحالة الوحيدة المبرهنة من قبل بطلميوس نرى ان برهان السجري بختلف عن برهان بطلميوس ولكن بشكل ليس ذا أهمية

وأما الجديد في رسالة السجزي فهو الشرح المعصل لطريقة بطلميوس في حل كل واحدة من الاثنثي عشرة لنظرية القطاع الكروي ويبدل السجزي الأوتار التي استعملها بطلميوس بالجيوب

وفي حين كان بطلميوس كفلكي مهتما بإعطاء الفلكيين الآخرين أداة لعملهم نرى أن السجزي يعطي أهمية كبرى للمعابلة الرياضية المتقنة لكامل الموضوع ووفق طريقة موحدة ( بشكل أساسي ) .

عن السجزي ويبين أن الحالة الأولى التي وصفها بطلميوس يمكن إرجاع جميع الحالات إليها وذلك بعد ان يعالج الثعرات في برهان بطلميوس ( والتي قد أهملها السجزي ) . وبعد هذا قد برهن ثابت على الحالة الثانية عند بطلميوس بالاعتماد على الحالة الأولى . وهكذا أكد بحزم أنه يمكن إرجاع باقي الحالات جميعها إلى الحالتين السابقتين . وان ثابتاً كان قد استعمل كبطلميوس أوتاراً وليس جيوباً وقد كان كل من ثابت والسجزي مهتماً بالتطبيقات الفلكية وقد كتب السجزي قرب نهاية رسالته أنه عازم على تأليف كتاب حول هذا الموضوع.

وفي حين أن الاثنين ثاناً والسجزي قد اعترفا بأن كل مسألة تحتاج إلى معالجة شاملة نرى أن السجري يعالج المسائل بواسطة منهج موحد وأن ثابتاً يرجع كل الحالات الى حالة واحدة (تموذجية) ولذلك فقد استخدم كل من هذين الباحثين هنا خطوات مستقلة لأجل تشكيل نظام رياضي في علم المئاثات .

## رسالة في الشكل المتسع ( التساعي ) المنظم مجهول مؤلفها

ج. **ل.** برغرن

عايتنا من كتابة هذه المقالة شرح وتلخيص رسالة مجهول مؤلفها عنوائها « الشكل المتسع » والتي ثم نشرها بين إحدى عشرة رسالة أخرى مسن مخطوطة بنكبور ١٤٦٨ ( إن النص الانكليزي لهلذا المقال والمنشور في هذا العدد من المجلة يتضمن ترجمة أمينة للنص العربي ) ان هذا العمل لم يذكره بروكلمان [ ٤ ] ولا سزكين [ ٨ ] ومع ذلك فقد أشار إلى وجوده هرملينك Hermelink [ ٥ ]

## ملخص « الشكل المتسع » ( انظر الشكل (١) )

لنرسم القطرينAE وZH بحيث يقسيان الدائرة ABG إلى أربعة أقسام متساوية وللرسم الوترين AB و BG عيث يكون AB مساوياً لنصف القطر و BG يقطع ZH في T بحيث يكون TG مساوياً لنصف القطر .

فإذا كانت D مركز هذه الدائرة عندها يكون TD مساوياً لضلع التساعي المنتظم المرسوم داخل الدائرة.

والمبرهان على ذلك يجب أن ننشىء AE و BG وتمددهما بانجاه E و E يتقاطعا E و E عندها يكون E و ترسم E موازيًا ا E عندها يكون E

TM:MD = TG:GK

ولكن

TG = GD

٥

#### GM ± TD

 $GL \perp DK$  وينتج أن TM = MD وينتح كذلك أن TG = GK ومن ثم إذا رسمنا TM = MD عندها يكون DL = LK وبمسا أن المثاثين DDG و DD كل معهما متساوي الساقين تستعمل نظرية موجودة في كتاب S الأصول S حول الزاوية الخارجية للمثلث

فنجد أن

 $\widehat{KBD} = 2 \widehat{GKD}$ 

وبالاعتماد على نفس النظرية نجد أيضاً أن

 $\widehat{BDA} = \widehat{KBD} + \widehat{GKD}$ 

وبالتالي

CKD = BDA

 $(\widehat{BDA} = \frac{2}{3} imes 90)$  رلکن  $\widehat{BDA}$  شاوي ثلثي زاوية قائمة أي

فنستنتج من ذلك أن  $\widehat{GRD}$  وكذلك  $\widehat{GDK}$  كل منهما تساوي تسعي زاوية قائمة أي

 $[\widehat{GDK} = \widehat{GKD} = \frac{3}{9} \times 90]$ 

وبما أن الزاوية المركزية المقابلة للضلع في النساعي المنتظم تساوي أربع أتساع الزاوية القائمة وعمما أن GL هو نصف وتر ضعف القوس GE فنحد أن GL هممو تصف ضلع التساعي المنتظم المرسوم داخل دائرة .

ونما أن

TD:GL=TK:GK=2:1

فنستنتج أن TD يساوي ضلع النساعي المنتظم المرسوم داخل الدائرة وهو المطلوب

#### التعمليق:

من وجهة نظر محتوى هذه الرسالة يمكن أن تكون قد كتبت في أي وقت من القرون الإسلامية المبكرة . فعسلى سبيل المثال أعطى بنو موسى طريقة عامة في تثليث الزاوية الناشئة عن مستقيمين في منتصف القرن الناسع الميلادي في كتابهم و كتاب معرفة مساحة الأشكال ع (١، ص . ٣٤) . وهذه الطريقة هنا من اجل الحصول على الزاوية (٣٠٠) ومن يقرأ معالحتهم بأناة يلاحظ أن TD يساوي وتر قوس ويساوي AB وهذا ما يراد قوله في حكتاب و الشكل المتسع » .

وبالتالي فإن الفرض من كتاب \$ الشكل المتسع » يبدو بساطة انسه للفت النظر الى انه ١٧٤ عندما تطبق طريقة في التثليث معلومة جبداً على زاوية 600 يشكل مباشرة الانحراف ضلع المتسع المنتظم ذاته . إنها ملاحظة بارعة تعطي نهاية مفاجئة للإنشاء المألوف وبالتأكيد إنها رسالة قصيرة تثير الاحجاب .

« إن الشكل المتسع » يلي مباشرة رسالة أبي سعيد السجزي « الشكل القطاع » في نفس المخطوطة وبلمون حتى السملة لتقديمه وبذا قد يكون من الممكن اعتبار أن السجزي قد كتب هذا المقال خاصة وأن اعماله في التقسيم الثلاثي للزاوية . وفي المسبع المنتظم متممة لعمله هذا

# اصل كلمة اسطرلاب واختراعه حسب المصادر العربية في القرون الوسطى ديفيد كينج

إن الآلة الفلكية المسطحة المسعاة بالاسطرلات او بالاصطرلات آلة مسن أصل يوناني كان اسمها مستخرج من كلمة يونانية . وفي عدة رسائل عربية تعالج الاسطرلات نجد اشتقاقات لاسم الآلة وآراء فيمن اخترعها وقد محث المؤلف جميع الرسائل العربية في الاسطرلاب المعروفة له وقد جمع ما كتبه الفلكيون في القرون الوسطى في هذا الموضوع .

## وصف مخطوطة الظاهرية ( دمشق ) رقم 84٧١

جيل رجب و ا. س. کندي

لقيت المخطوطة التي وصفناها بكامل حجمها في مقالتنا (بالإنكليزية) إهتماماً كبيراً منذ أن أدرجت محتوياتها في ثلاث نشرات عربية . فقد ثم نشر إثنين وعشرين مقالة من أصل ثلاث وأربعين المشقية ؛ ومن ناحية ثانية إن نصف الثلاث وأربعين مقالة أو أكثر مواضيعها علمية وكان هذا مجهولاً حتى زمن قريب لصالح المادة الطسفية . لعله جدير بالإهتمام إلقاء نظرة شاملة على عمل أنحز الى هذا الحد وثبيان محتواه وتحديد أهمية وحجم تلكم المقالات التي لم تنشر بعد وإعطاء صورة وصهة لتاريخ كامل المخطوطة في القرن السابع ، والتأمل في دوافع ذلك الشخص المجهول الذي إندب هذه الأعمال الحاصة لنسخها .

إن ثمة فكرة عامة عن تصنيف مواضيع الكتاب يمكن تكوينها بالرجوع إلى القائمة المبينة أدناه حيث تعطي لكل مقالة من الثلاث وأربعين مقالة أو جزءها المتبقي ضمن المجموعة في ترتببها الحالي العنوان أو الموضوع واسم المؤلف والطول التقريبي ، وتشير النجمة (٠) إلى المقالات التي سبق تشرها :

النشر	الطول بالمقمة	المسؤلف	العنوان أو الموصوع	الرقم
•	14	عهول	الصحف ( علم الأخلاق )	1
+	78	ايثيوس	آراء فاسفية	٧
	٣	غرغوريوس ثوماتورغس	سبعة أبواب في صفات النفس	٧.
#	YA	مسكويه	كتاب الفوز	1
	źA	فيميسيوس الحمصي	في طبيعة الإنسان	٥
	Y	ثامسطيوس	شرح ميتافيزيقا ارسطوطالس	٦
•	4. T	ابن عدي	حول فيزياء ارسطو	٧
	۳,	المروزي	مسائل في علم الهيئة	٨

النشر	الطول بالصمحة	المسؤلف	العنوان أو الموضوع	الرقم
	14	القبيصي	مسائل في علم التجوم	4
	٣	المازني	كرة تدور بذائها	1.
	A 1	الليام	مسائل نجومية	11
-	1	ابلونيوس	صمعة الآلة الزمرية	14
	١ ١	مجهول	عمل آلة لقياس الكواكب الثابثة	18
	+1	مجهول	الله رصدية	1.5
	۳	مجهول	عمل الصنلوق الساعات	10
	٣	الصنائي	مقالة في الأبعاد والأجرام	17
	1 1 7	محمود بن أبي القاسم	الثقل النوعي للخلائط المعدنية	17
	i i	جهول	مسألتان هندسيتان	۱۸
	¥ <del>1</del>	الملاء بن سهل	رسالة في الآلات المحرقة	14
	1/4	ابو الوفاءالبوزجاني	مساحة المثلث	4.
	1	نصر بن عبدالله	في سمت القبلة	4.4
	١	الملاء بن سهل	برهان على أن الفلك ليس هو في غاية الصفاء	44
		t the Tie	القوال مأثورة	77"
	\ \	عدة مؤلفين المسادة	الأدب الصغير	7 8
		ابن المقفع		Yo
	1	الرازي النه	تاریخ یعتملہ علی النجوم کتاب التجرید ( ہندسة )	77
	£ Y	النسوي اسكندر الأفروديسي	مبادىء الكون	YV
•	11	اسكند الأفروديسي	شيء متحرك	YA.
•	1			
•	¥	اسكتدر الأفروديسي	الصور والأجناس	YA

النشر	الطول بالصفحة	للـــــــــــــــــــــــــــــــــــــ	المتوان أو الموضوع	الرقم
	1 ¥	اسكتدر الأقر وديسي	اللذة و الحزن	٣.
-	1 7	اسكندر الأفروديسي	القنرات والحوافز	141
	1	اسكندر الأفروديسي	التكاثر والعدم	77
•	1 1	اسكندر الأفروديسي	في تمام الحركة وكمالها	44
	1 Y	برقلس	في الصور الروحانية هيولي لها	4.5
	١	اسكندر الأفروديسي	الفعل والحركة	40
	٨	اسكندر الأفروديسي	التفريق بين الاجناس	44
	٨	ثامسطيوس	حول إختصار مقسيموس للقياس	TV
			المنطقي	
	12		اسئلة ابن سوار	۳۸
	٨	النسوي	في المنخل إلى علم المنعلق	74
	V	ابن سريز	تعاريف المنطق الأرسطوطالي	٤٠
	۳	برقلس	براهين على خلود الكون	13
4	۲	بر قلس	مسائل في الأشباء الطبيعية	£ Y
	٧.	الأسقراري	كتاب في الأمور الإلهبة	٤٣

جميع هذه الأعمال هي من علوم الأوائل في العلوم البحتة والتكنولوجيا : رياضيات ، علم الفلك ، علم المجوم ، الآلات ، العدمات ، الميكانيك – وكلها ليست دات أهمية جوهرية برغم أن بعضها مثير للإهتمام ، البعض الآخر تمهيدي ( في الهنسة والمنطق ) .

يبدو وكأن المجموعة جُمعت لاجل شخص أوّل كل إهشامه بالدرجة الأولى للفلسفة الإنسانية لكنه رغب كذلك في إظهار نمط من الإطلاع والمعرفة إزاء المادة العمية شبيه بالمعرفة الحقيقية . ولعل ظهور اسمي فقيهين على صفحة الغلاف يدعم على الأقل هذه الفكرة .

تتألف المخطوطة في الوقت الحاضر من ١٤٦ ورقــة قياس ١٧ × ٢٩ سم صيانتها رديئة ، ممزقة حوافيها وفيها بعض الثقوب . عدد اسطر الصفحة عموماً ٣٩ / ٤١ سطراً يتجاوز أحياناً ٤٦ سطراً . يوحي الخط بأنه كتب بيد مقيدة لكنه نسخي مقروء . كثيراً من النقط أهملت ، الكدمات غير مشكلة والهوامش ضيقة .

نعتقد أن من الأرجح نسب كامل المخطوطة الى ناسخ واحد مجهول أقام في بعداد ، ومن تواريخ مختلفة وردت في المخطوطة نتين ان نسخ المخطوطة كلها تم على مدى ثمان سنوات على الأقل بدأت في حوالي ٥٥٠ هجرية وعتمل أن يكون الناسخ هو المالك الأصلي ، يؤطلاعه خلال فترة من الرمن على هذه الأعمال وغب في إقتناءها لنفسه . من الورقة بإطلاعه خلال فترة من الرمن على هذه الأعمال وغب في إقتناءها لنفسه . من الورقة ٣٦ تظهر بوضوح صفحة العنوان الأصلية فنعرف أن المجموعة كانت تضم أصلاً ثمانين عملاً ضاع ما يقارب نصفها وما بقي أعيد تجليده دون ترتيب .

نُّقلت المخطوطة من بغداد الى استانبول ومـــن ثم إلى دمشق فالهند فمشهد في خراسان ثم عادت أخيراً إلى دمشق .

قلمنا في مقالتنا وصفاً لكل مقالة على إنفراد . ويتعلق طول كل مقالة بما إذا سبق ونُشر النص اولا ويتقديرنا للمضمون . وفي بعض الأحيان قدما فهارس المحتويات .

## المشاركون في العدد

ا**دوارد س. كندي :** أستاذ متقاعد في الحاسة الأسركية في بيروت . ركز اهتمامه حول العلوم البائيقة في القرون الوسطى .

أمين مواقي : استاد الرياضيات في الجامعة الأميركة في بيروت بهم الآن عجال ثاريج العلوم الرياصية بعد أن اقتصرت اعتماماته للسابقة على قطرية العدد .

أقدوياس ف. قليو : خبير أحصائي ترك مؤخراً الجامعة الأسركية في بيروث ليشغل منصبه الجديد في جامعة باتراس / اليوقان .

بمول كوليتش : أستاذ في معهد الدات السامية محاسة سيونيخ . ألف عدة كتب عن العلك وعلم الهيئة عند العرب في القرون الوسطى . احتصاصه الرئيسي في أسماء اللجوم ومصطلحاتها .

جميل رجب : يعد أطروحة للدكتوراة في تاريخ الطوم في جامعة هارقرد موضوعها ء تذكرة و نصير الدين الطوسي .

جون ل. برغون : أستاذ الرياسيات بجامة سيمول هربرر في كوثوجب البريطانية / كندا . بولمب 
كتابًا شارف على الإنهاء متواند "Epraodes from the History of Medieval Arabic Mathematics."
( أحداث من تاريح الرياسيات المرابهة في القرول الوسطى ) يعتمد فيه على محاصر انه التي ألفاها في جامعة 
شالمرز في غوتبورغ / للسوية .

جون نورث ؛ أستاذ تاريخ الفلسفة في جاسة جرونجين . مؤلماته عريرة معظمها في تاريخ العلوم في القرون الوسطى والحديثة وأشهرها كتاب « ريتشارد ولينفورد « بي ثلاثة أجزاء

ويلمية كينج بم أستاذ صناعة في سامعة تيويورك , يدرس فيها اللمة العربية وتماريخ العدوم . يسعى حالياً الى إتجام كتابه The World about the Karba. وهو دراسة نظرية وعملية في سمت القسة تعتبد على النصوص والتخطيط المصادي هذا العرب في القروت الوسطى .

وهيس موراون ۽ راهي. دوميتيکائي محقق بالتعاول مع الدکتور رشدي رائد جميع أصال ثابت بڻ ٿرڌ.

وفهي واقمه : مدير أمجات في سهد تاريخ العلوم في المركز الوطلي فبحوث العلمية - جاسة باريس - تفح حقافاته هواسات في تاريخ الجبر والهندة .

ويتشاره لورقش : التحق مؤحراً بمعهد النّراث العلمي العربي ليجبيع فيه بين البحث وتدريس طلاب الديلوم وتحرير مجلة المعهد .

صالح عمر ؛ أخصائي في علم البصريات في للشرون الوسطى . عاد مؤخراً الى الولايات المتحدة بعد أن أسقى في معهد القرات العلمي العربي علماً في التدويس والبحث .

ماففرة أولمان : مؤوخ بارز في ناريخ ۽ الطب في القرون الوسطى ۽ ومحرو ۽ قاموس الله المربية العصحي ۽ الرسمي .

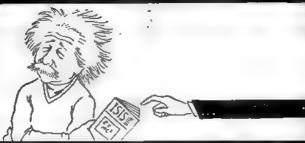
# ملاحظات لى يوغب الكتابة في الجالة

- ا حقديم نسختين من كل بحث أو مقال إلى معهد التراث العلمي العربي . طبع النص على الآلة الكاتبة مع ترك فراع مردوج بين الأسطر وهوامش كبيرة لأنه يمكن أن تجرى بعض التصحيحات على النص ، ومن أجل توجيه تعليمات إلى عمال المطبعة . والرجاء ارسال ملخص يتراوح بسين ٣٠٠ ٧٠٠ كلمة باللغة الانكليزية إذا كان ذلك ممكنا وإلا باللغة العربية
- طبع الحواشي المتعلقة بتصنيف المؤلفات شكل منفصل وتبعا للارقام المشار
   إليها في النص . مع ترك مراع مزدوج أيضاً ، وكتابة الحاشية بالتفصيل ودون
   أدنى اختصار .
- أ بالنسبة للكتب يجب أن تحتوي الحاشية على اسم المؤلف والعنوان الكامل
   للكتاب والناشر والمكان والتاريخ ورقم الجزء وأرقام الصفحات التي تم
   الاقتباس منها .
- ب- أما بالنسة للمجلات فيجب ذكر اسم المؤلف وعنوان المقالة بين أقواس
   صغيرة واسم المجلة ورقم المجلك والسنة والصفحات المقتبس منها .
- ج- أما إذا أشير إلى الكتاب أو المجلة مرة ثانية بعد الاقتباس الأول فيجب ذكر
   اسم المؤلف واختصار أعنوان الكتاب أو عوان المقالة بالاضاءة إلى أرقام
   الصفحات .

#### أمثلينية :

- أ ـــ المطهر بن طاهر المقدسي ، كتاب البدء والتاريخ ، نشر كلمان هوار .
   باريس ۱۹۰۳ ، ج ۲ ، ص ۱۱ .
- ب عادل انبوبا ، « قضية هندسية ومهندسون في القرن الرابع الهجري ، تسبيع الدائرة » ، مجلة تاريخ العلوم العربية . مجلد ١ ، ١٩٧٧ ص ٧٣ .

# ARE YOU STILL READING SOMEONE ELSE'S COPY OF ISIS?



JF SO, new is the time to enter your own subscription, leis, the official journal of the History of Science Seciety, is the leading journal in the field.

lete keeps over 3300 subjections in nearly fifty countries up to date on all developments in the history of science with articles, critiques, decuments and translations. Along with these, its notes and correspondence and news of the profession pravide useful information to professionals, education, websites and establishe students.

Lively assay reviews and ever 200 back reviews a year enter which specifies, in the history of science, technology and medicine.

In addition to your four quarterly issues of lefe you will give received

· Membership in the History of Science Seciety...

The annual Critical Bibliography listing over \$100 auditations in the himsis a standard rate and section for the himsis as a section of the himsis and the section of the s

The Trianniel Guide containing directories of mambers and scholarly inguingers and information an 30 journals in the field.

The quarterly Newsletter providing current news of the grafession allocating ampleyment apparturities and apprenahing meetings.

ISI	S
	we religio

tala Publication Office University of Pennsylvania 215 South 34th St /D5 Bhilindolphia Ba 19104

1010#	215 South 34th St /D6 Philadelphia, Pa. 19104
YES! Please send me isi	for the calendar yearls) and
\$22 for one year (\$13 for st	udents). \$42 for two years (\$24 for students)
Check enclosed	Bill me.
(Issues sent on receipt of	payment.)
NAME	
ADDRESS	

## 

## طلب مدرسين لمعهد التراث العلمي العربي في جامعة حلب ـــ حلب ـــ سورية للعام الدرامي ١٩٨٣/٨٧

يعلن معهد اللَّر أَثُ العلمي العربي بجامعة حلب عن حاجته لمفرضين لتدريس المواد التذالية :

١ - تاريخ الحضارة .

٧ ــ المنهج التاريحي والمراجع والمخطوطات .

٣ ــ تاريخ العلوم الأساسية .

١٤ ــ تاريخ العلوم الطبية .

تاريخ العلوم التطبيقية .

٣ – العلم والمجتمع .

## ويشارط في المتقدم ما يلي :

- حصوله على شهادة دكتوراه

 وله خبرة سابقة في تدريس تاريخ العلوم وله دراسات وأبحاث منشورة في مجال تاريخ العلوم العربية أيضاً.

يفضل من يستطيع الندريس باللغة العربية .

ـ يحدد الراتب على أساس سنوات الحبرة والمرثبة التي حصل اليها المتقدم .

ولمزيد من المعلومات ولتقديم الأوراق الثبوتية يرجى الكتابة إلى العنوان التالي :

الدكتور خالسه ماغسوط مدير معهد التراث العلمي العربي جامعة حلب مـحلب الجمهورية العربية السورية

#### TEACHING POSITIONS AVAILABLE AT THE

Institute for the History of Arabic Science University of Aleppo, Aleppo, Syria

Academic Year 1982-83

Subjects: History of Civilination

Ristorical Methoda, Sources & Manuscripts

History of the Exact Sciences

History of Medicine & the Life Sciences

History of Technology Belence and Society

Candidates: Should be bolders of a Ph.D. Degree with

experience in teaching the history of science, with published research in the history of Arabic science.

and preferably able to teach in Arabic

Salary: Depends upon the appointer's qualifications and

experieses.

Address inquiries 16:
Dr. Khaled Maghout
Director
Institute for the History of Arabic Science
University of Aleppa
Aleppa, Syrian Arab Republic

## TECHNOLOGY AND CULTURE

The international quarterly of the Society for the History of Technology, Technology and Culture explores the history of technology from antiquity to the present day. Written for both the scholar and the general educated public, the journal is accessible to all persons interested in the impact of rechnology on social organization, scientific and intellectual movements, and economic and political change. New editor in 1982: Robert C. Post.

## From swords to solar cookers,

the range of topics encompassed by Technology and Culture includes:

philosophy of technology

engineering

conference reports

technology transfer

MARKAM PEVIEWS

the state and technology

public attitudes toward technology

biography

military history and technology

industrial history

research notes



Featured in each April issue of the journal:

the annotated Current Bibliography in the History of Technology, compiled by Jack Goodwin of the Smithsonian Institution Libraries.

20% DISCOUNT with this coupon One-year introductory subscription rates:    Institutions \$28.00   Individuals \$18.00		Technology and Cu Students 514.40	lture		
Name					
Address	_	<del> </del>			
City State/Country	_	ZIP			
Visu and Master Card accepted. Please mail this coupou with charge card information, purchase order, or payment to the University of Chicago Press, 11030 Lungley Avenue, Chicago, IL 40428.					

#### To Contributors of Articles for Publication

### in the Journal for the History of Arabic Science

- 1. Submit the manuscript in duplicate to the Institute for the History of Arabic Science. The text should be typewritten, double-spaced, allowing ample margins for possible corrections and instructions to the printer. In matters of paragraph-indentation and the indication of footnotes, please follow the style used in this journal.
- 2. Please include a summary if possible in Arabic, but otherwise in the language of the paper about a thurd of the original in length.
- 3. Bibliographical footnotes should be typed separately according to numbers inserted in the text. They should be double-spaced as well, and they should contain an unabbreviated complete citation. For books this includes author, full title (underlined), place, publisher, date, and page-numbers. For journals give author, number, year, and page-numbers.

#### Examples:

O. Neugebauer, A History of Mathematical Astronomy (New York: Springer, 1976), p. 123.

Sevim Tekeli, "Takiyüddin'in Sidret ül-Müntehâ'sına aletler bahsi", Belleten 25 (1961), 213-238.

After the first quotation, if the reference is repeated, then the author's name and the abbreviation op. cit. may be used. Alternatively, the books and articles cited may be collected into a bibliography at the end of the article, according to the above format, so that reference may be made to them in the footnotes by author or short title.

4. In the transliteration of words written in the Arabic alphabet the following system is recommended:

Hamza at the beginning of a word is omitted in transcription. The lom of the Arabic article before sun-letters is not assimilated (thus al-shams and not ash-shams).

For short vowels, a is used for fatha, i for kasra, and u for damma. For long vowels discritical marks are drawn over the letters: ā, i, ā. The diphthong aw is used for ", and ay for ". Long vowels before hamzat al-wasl are printed long (thus "abu"l-Qāsim" and not "abu"l-Qāsim").

#### NOTES ON CONTRIBUTORS

A professor of mathematics at Simon Fraser University, British Columbia, J. L. Berggren is completing a book to be entitled "Episodes from the History of Medieval Arabic Mathematics". It is based upon a course of lectures given at Chalmers University, Göteborg, Sweden.

E. S. Kennedy is an emeritus professor at the American University of Beirut. His professional interests center upon the exact sciences in medieval Islam

David A. King is associate professor of Arabic and the history of science at New York University. He is currently completing a book entitled The World about the Ka'ba, a study of the theory and practice of qibia determinations based on medieval texts and architectural alignments.

Paul Kunitusch is a professor at the Institut für Semitistik in Munich University. He has published several books on astronomy in the medieval Arabic world. His principal specialism is the nomenclature of the stars.

At the Institute for the Ristory of Arabic Science, Richard Lerch combines teaching graduate students with research and with editing this journal.

A member of the Dominican Order, Regis Morelon is collaborating with Roshdi Rashed is preparing editions of the scientific works of Thibit b. Quers.

Amin Muwes, professor of mathematics at the American University of Beiret, is a recent convert to our subject. His previous contributions have been in the field of number theory.

John North is professor of the history of philosophy in the University of Groningen. He has published extensively on the history of both medieval and modern science, his best-known book being the three-volume Richard of Wallingford,

A specialist in medieval optics, Saleb Omer has recently returned to the United States after a year of teaching and research at the Institute for the History of Arabic Science.

Andreas N. Philippou, a statistician, has recently left the American University of Beirut to take up a post at the University of Patras, Grocco.

Jamil Ragep is completing the requirements for a doctorate in the history of science at Harvard University. His dissertation includes an edition of Naşir al-Din al-Tüsi's Todhkura.

Roshdi Rashed is director of reserach at the C. N. R. S. Institute for the History of Science, University of Paris, His publications include studies in the history of algebra and geometry.

Eminent historian of Islamic medicine, Manfred Ulfmann is also editor of the authorizative Wôrterbuck der klassischen madischen Sprache. gebraucht den Ausdruck *quesu l-ghaymi*, und der andalusische Dichter Ibn Bulayta, bei Ibn Zäfir, op. eit., p. 47 ult. sagt:

الاح في الحر قرس الحر مكسبا من كل الرن بأذناب الطواريس Der Sprachgebrauch ist also nicht einheitlich, aber die Tendenz ist ganz deutlich: Der alte, verpönte Ausdruck qausu qusaha wird in späterer Zeit durch neutrale Verbindungen wie qausu leghamāmi und dergleichen verdrängt. Wenn im Sirr al-khaliqa nun qaasu leghamāmi steht, so weist dies gerade nicht auf ein hohes Alter des Textes. In ähnlicher Weise mußte man viele Wortuntersuchungen machen, aber der Aufwand ist lohnend, und man kann so am ehesten festen Grund unter die Füße bekommen.

Zum Schluß seien noch einige Berichtigungen und Ergänzungen mitgeteilt: p. XXI: Ibn Nubäta's Buch trägt den Titel Sach al-'uyūn, nicht Sharh al-'uyūn. Zu Seite 50 Anm. 21: Das Zitat bei Ibn al-Mubarak, K. al-Mungidh min al-halaka, Ms. Chester Beatty 3795, fol. 80 a I-15 lautet:

قال صاجبوس القس في كتابه الذي وصمه في صفه ترياق الحيوانات المسوسة : إنه يعرض لن حقى شيئاً من العظاية المدبرة أهراص كثيرة غيامة لكثرة اختلاف أنواع عدا الحيوانات وكلك يعرض لم حتى شيئاً من الحردون العظاية المدبرة أهراض كثيرة غيامة لكثرة اختلاف أنواع عدا الحيوانات وكلك يعرض لم حيث واحد ؛ قال إنه يعرض لمى سفى شيئاً من هده الحيوانات ورم في رأس بطله وانتفاخ ثم يصعد إلى الصدر ويتعمل إلى الرقبة والموجه وبعد ذلك يرم المتعان وينعقد المسان ويمتعل الما المدرة إلى وبلحقه استرعاه في الأعضاء مع وعشة ورعدة ويعتر به عالم كركة ويخدر بعد دلك بدنه وعلاج ذلك المادرة إلى القي وبالميان القي وبالمين المترافق المادرة الله وبالمين أن يشرب الماء الحادر مع السمن المتين ويتقيأ بغلك عدة مرار ولا يمل سن القره فإذا علم أنه قده هن أصلى من الترباق العاروق ورن درهم مخمر قوى صرف برزن أربعة أراق أو يعطى من المو برى على عدم المعل ويأكل منه عانه برؤه وترياقه إن شاء أنه وجميع التريافات ناهمة منه الخد الحدة .

p. 79 nr. 2.3.14: Statt "Das Sein" (al-kaun) lies "Der das Sein Verursachende" (al-mukauwin). p. 180 Anm. 47 lies dabür "Westwind" und qabül "Ostwind". p. 187 Anm. 84 u. 85: Zur Bezeichnung des Planeten Merkur als "Sekretär" (kätib) vgl. Wörterbuch der klussischen arabischen Sprache, vol. 1, p. 543 b 44 ff. p. 190: Die Cherubim, die hier in der aramäischen Form karübä (kröbä) angeführt sind, heißen arabisch sonst al-karübiyyün, s. WKAS I 115 b 9 ff.; 556 a 43 ff.; II 52 b 23 ff.; 43 ff. p. 196: Statt istidä" lies irtidä". p. 209: Statt jamit lies jakhib "laut tönend, prasselnd". p. 226: Statt zafära lies zafäga "hitterer, salziger, ungenießbarer Geschmack des Wassera". p 226 nr. 16: Statt jö lise jayyib. p. 32: Daß Balinäs den Mujhaf al-qamar ins Arabische übersetzt habe, steht nicht im Text. Zu lesen ist dort: thumma nugila ilä l-arabiyyi. p. 190 Anm. 103: Statt karübin lies karübiyyün. p. 150 nr. 28.5: Statt "Baumwolle" lies "Flachs".

Ibn ar-Rümi (ed. H. Nassär, Cairo 1974), vol. II, nr. 377,46):

ينشى الوغي فترى قوسا وغابلها إذ لا تزال ترى قوما ولا قزحا

Al. Alawī al-Kūfī, bei Ibn abī Awn, K. at-Tashbīhāt (London 1950), p. 258,5 = Tha al-gulāb (Cairo 1965), p. 24 ult.:

فشبهت سرعة أيامهم بسرعة قوس تسبي قزح

Da Quzah nun aber der Name einer vorislamischen Gottheit war und in islamischer Zeit als einer der Namen des Teufels galt, sollte nach einer Tradition, die teils auf den Propheten Muhammad, teils auf Ibn 'Abbäs zurückgeführt wird, statt quus Quzah der Ausdruck quus Allah gebraucht werden, s. Jähiz, Hayawān I, 167,3 / 341,9; Marzūqī, K. al-Azmına (ed. Hyderabad 1332), vol. II, p. 109,1 f.; Yāqūt, Mu'jam al-buldān (ed. Wustenfeldt), vol. IV, p. 85,19 / (Beirut 1955), p. 341 a 26 ff.; Ibn Manzūr, Surūr, p. 265, § 788; I. Goldziher, Abhandlungen zur arabischen Philologie (Leiden 1896), vol. I, p. 113. Diese Sprachregelung ist befolgt in einem Vers des 'Abd al-Muhsin aş-Şūrī, bei Nuwayrī, Nihâya, vol. I, p. 94 ult.:

سار وقوس الله تاج له ركضا من الشرق إلى الغرب

und in einem anonymen Vers bei Ibn Mangur, Surür, p. 265 paen.:

ولاح قوس أله من ثلقائها في أنق الشبس يروق من فظر

Als Ersatz für qawsu queaha werden in späterer Zeit nun aber auch andere Ausdrücke gebraucht, z.B. qawsu I-ghamāmt: Vgl. Abū I-Faraj al-Wa'wā' (ed. S. Dahan, Damascus 1950), nr. 156,1 = Nuwayri, Nihāya, vol. I, p. 94,3 = Ibn Zāfir, op. eit., p. 47,-4 = Ibn Manzūr, Surūr, p. 266,8:

ستيا ليوم بدا قوس للنبام به والشمس مسفرة والبرق خلاس أحسن بيوم ترى قوس السماء به

mit der Variante

bei Tha alibi, Thimar al-gulüb (Cairo 1965), p. 25,7.

Sa<sup>c</sup>id b. Ḥamīd al-Qayrawānī, bei Nuwayrī, Nihdya, vol. I, p. 94,6;:

أما ثرى القرس في التمام وقد أمق فيه المواء كوارا

Qawsu l-ghamāni kommt sodann in einem Vers vor, der in den verschiedenen Quellen bald dem Ihn ar-Rūmī, bald dem Sayf ad-Dawla al-Ḥamdānī, bald dem Astrologen Abū Ṣaqr al-Qabīṣī zugeschrieben ist. Er lautet bei Ihn Rashīq, K. al-"Umda (Cairo 1955), vol. II, p. 237,8 = Ihn Zāfir, op. cit., p. 47,8:

يطرؤها توس التمام بأصفر عل أحسر في أعضر وسط مبيقي

Die Variante quesu s-sahābi haben Ibn ash-Shajarī, Hamāsa (Hyderabad 1345), p. 231,2 / (Damascus 1970), nr. 722,2 = "Abbāsī, Ma"āhid al -tanṣiṣ vol. I, p. 109,7 - Tha 'āhbī, Yatīma (Damascus 1304), vol. I, p. 20,3 = Tha 'ā-libī, Thimār, p. 25,14 = Nuwayrī, Nihāya, vol. I, p. 94.16 — Ibn Khallikān, Wafayāt al-a 'yān (Cairo 1310), vol. 1, p. 365,7. Die Variante quesu s-samā'i steht Ibn ar-Rūmī, Diwān (ed. H. Naṣṣār), vol. IV, nr. 1082,4 = K. al-Jumāna (ed. Hasan Ḥusnī 'Abd al-Wahhāb, Cairo 1953), p. 23,3 = ash-Sharīshī, Sharh Maqāmāt al-Ḥarīrī (Būlāq 1284), vol. I, p. 13,19 = Ibn Manzūr, Surūr, p. 266,5. Ibn Durayd, K. al-Malāḥin (ed. Jazā'irī, Cairo 1347), p. 37 ult. f.

kutub), vol. VII, p. 233,9; abū Tammām (ed. 'Azzām) nr. 79,24; al-Buḥturī (ed. Ṣairafī) nr. 555,27; 560,3 etc. Genauso ist das sehr häufige an-nakbā'u "von der Seite wehender Wind" nie mit einer bestimmten Richtung assoziiert. Man kann sich also des Eindruckes nicht erwehren, daß der Verfasser des Sirr al-khaliqa von einer zwolfstrichigen Windrose nur ehen gehört hat und daß er sie willkürlich mit Namen, die er aus den verschiedensten Quellen kannte, bestückt hat. Das Ganze scheint Schwindel zu sein. Zieht man diese Fiktionen und Mystifikationen in Betracht, so wird offenkundig, daß das Sirr al-khaliqa etwas von der "hermetischen" Art hat, die auch das Ibn-Wahshiyya-Schrifttum bestummt.

Eine wichtige Methode für die Datierung des Werkes wird die Untersuchung seines Sprachgebrauches sein. Daß nian dabei sehr behutsam vorgehen muß, sei an dem Beispiel des Ausdruckes für den "Regenbogen" erläutert. Im Sirr al-khaliqa steht qawsu l-ghamāmi (nicht al-ghimāmi, wie Frau Weisser p. 196 schreibt). Der in der Übersetzungsliteratur gewohnlich verwendete Begriff lautet dagegen quisu quiaha, vgl. 2.B. Aristoteles, K. al-Āthār al-Sulwiyya (ed. Badawi, Cairo 1961), p. 79,6 / (ed. Petraitis, Beirut 1967), p. 89,10 ff.; Hunaya b. Ishāq, Jawāmi' al-Āthār (ed. Dajher, Amsterdam 1975), liu. 281; Galen, K. al-Tashrih al-kabir (ed. Simon, Leipzig 1906), p. 36 ult.; Dioscurides, K. al-Hashā'ish (ed. Dubler, Barcelona 1952-57), p. 11,20; Yühannā b. Māsawayh, K. al-Jawāhir (ed. Ra'of, Cairo 1976), p. 47,5; 'Alī b. Rabban at-Tabari, Firdaws al-hikma (ed. Siddiqi, Berlin 1928), p. 27,9; Pseudo-Plutarch, K. al-Ard' at-tabi'aya (ed. Daiber, Wiesbaden 1980), p. 41,19 ff. Es wäre jedoch falsch, zu folgern, daß gawsu I-ghamams ein Indiz für den angeblich altertümlichen Sprachcharakter des Sirr sei. Denn gawsu guzoha ist der altarabische Ausdruck, vgl. die folgenden Verse: Al-Hakam b. 'Abdal al-Asadī (gest. ca. 100/718), in Hamāsat abī Tammām (ed. Freytag), p. 778 v. 1/ (ed. Cairo 1358), vol. IV, p. 295.1/(Marzūqī) nr. 801,3:

فكأنَّمَا نَظُرُوا إِلَىٰ قَمْرِ أَوْ حَيْثُ عَلَّمُنْ قَوْمُهُ قَرْحٍ

'Abd Allah b. Hammam as-Salūli (gest. ca. 96/715), bei Abū Ḥayyān al-Tawhidi, k. al-Baṣā'ır (ed. Kaylani), vol. II, p. 639,9 f.:

أقرب الأشباء من أخلاقه كلُّ لون لوَّك قوس قرَّح

Diwan Jarir (ed. Numan Taha, Cairo 1969), nr. 251,3:

كأن" يظر أبه قوس قزح

Der Ausdruck kommt natürlich auch bei jüngeren Dichtern vor, z.B.; as-Sarī ar-Raffā<sup>2</sup>, bei al-<sup>c</sup>Abbāsī, Ma<sup>c</sup>ahid al-tanjīj (Cairo 1947), vol. II, p. 208,16 = Ibu Zāfir, Gharā<sup>2</sup>ib at-tanbihāt (Cairo 1971), p. 48,2 - Ibu Manzūr, Surūr an-nafs (ed. I. <sup>c</sup>Abbās, Beirut 1980), p. 266,13:

والحرُّ في عمك طرازه قوس قرح

Zāhir ad-Dīn al-Ḥarīrī, bei Nuwayrī, Nihāya, vol. I, p. 94,12:

وقد يات من قرح قوسه بسيدا وتحسيه يشرب ١٠٠٠.

azyabu, 12. (Name ist nicht genannt). Diese Nomenklatur hat in der zeitgenössischen Literatur keine Parallele. Bei Hunayn b. Ishaq, Jawami' al-athar (ed. Daiber, Amsterdam 1975), p. 47, lauten dieselben Winde folgendermaßen; 1. ash-shamālu, 2. nakbā'u sh-shamāli, 3. nakbā'u ş-sabā, 4. as-sabā, 5. nakbā'u ş-yaba, 6. nakba'u l-janübi, 7. el-janübu, 8. nakba'u l-janübi, 9. nakba'u d-dabüri, 10. ad-dabūru, 11. nakbā'u d-dabūri, 12. nakbā'u sh-shamāli, Dieselben Bezeichnungen sind in den Rasa'il Ikhwan as-safa' (Beirut 1957), vol. II, p. 71, 15 ff., verwendet. Qustus, K. al-Filaha al-yananiyya (Kairo 1876), p. 10,26 ff., unterscheidet 12 Winde, nennt die vier Hauptwinde mit ihren griechischen und arabischen Namen, die Nebenwinde sind dagegen nur mit den griechischen Bezeichnungen angeführt. Ibn Rushd, K. al-Athär al-Julwiyya (Hyderabad 1365), p. 34,1 ff., kennt die 12 Windrichtungen des Aristoteles, nennt aber auch nur die vier Hauptwinde bei Namen (Außerdem kennt er nach Alexander von Aphrodisias die elf Windrichtungen). Eine weitere Nomenklatur findet sich bei Olympiodoros, Tafsir li-Kitáb al-Athár al-ulwiyya (ed. A. Badawi. Beirut 1971), p. 125 f., bei al-Majūsi, al-Kitāb al-Malaki (Būlāg 1294), vol. I. p. 163, 18 ff. und bei Fakhr al-Din ar-Rāzī, K. al-Mabahth al-mashriqiyya (Hyderabad 1343), vol. II, p. 196, 3 ff. Dort lauten die Namen: 1. ash-shamalu, 2. an-nistu bzw. al-minsatu, 3. al-mistu, 4. as-jabā, 5. an-nutāmā 6. alaryabu, 7. al-janābu, 8. al-harbiyānu (?) bzw. al-hurjūru, 9. al-hayru bzw. al-hayfu, 10. ad-dabūru, 11. al-jirbiyā'u, 12. al-mahuatu. Die Lokalisierung der von Olympiodor, al-Majūsi und Fakhr al-Din gebrauchten Windnamen stimmt mit der allgemeinen lexikographischen Tradition überein, vgl. Ibn Khālawayh, k. ar-Rih (ed. Kratschkovsky, Islamica 1926); al-Marzūgi, K. al-Asmina (Hyderabad 1332), vol. II, pp. 74 ff.; al-Birūni, k. al · Āthār albăqıya (ed. Sachau, Leipzig 1878), p. 340; Th. Nöldeke, Neue Beiträge zur semitischen Sprachwissenschaft (Strassburg 1910), p. 62 f. Während al-aryabu generell den Sud- oder Sudostwind bezeichnet, ist es im Sirr al-khaliga der Nordwestwind! Dajinun und sarafun sind wohl kaum aramaische Lehnwörter. sondern eher aramaisierende Phantasiegebilde. Daß al- agimu "der unfruchtbare Wind", belegt im Koran, Sure 51 (adh-dhariyat), 41 und bei Kuthayyir (ed. I. Abbās, Beirut 1971), p. 150 v. 2, überhaupt auf eine bestimmte Richtung festgelegt ist, ist reine Willkür, und ebenso verhalt es sich mit ar-rih al-mayvitatu "der tote Wind". Noch deutlicher wird das willkürliche Vorgehen des Verfassers bei dem Worte hariofun, das in der Poesie sehr haufig ist und "heftiger, boiger Wind" bedeutet, aber nie auf eine Richtung festgelegt ist. Vgl. die folgenden Stellen: Tarafa (ed. Ahlwardt) 9,1; abu Dhū ayb 10,9; al-Mutanakhkhil 3,5; Umayya b. abī s-Salt (ed. Hadīthi Baghdad 1975), nr. 116; al-Farazdaq, in Nagā id nr. 61 v. 45; Dhū r-Rumma (ed. abū Sālih) 66,3; 67,4; 'Amr b. Sha's (ed. Jubūri, Najaf 1976), 4,19; 8,7; al-Ontāmī (ed. Barth) 24,21; 32,1; al-Kumayt b. Zayd, Hāshimiyyāt (ed. Horovitz) 3, 105; as-Sayyid al-Himyarî (ed. Shukr, Beirut 1966), nr. 59,3 = Aghâni (Dâr al-

den sei. Diese Annahme kann sich jedoch auf kein einziges eicheres Datum stutzen. Die älteste Handschrift ist im Jahre 584 A.H./1188 A.D. geschrieben. Al-Yacqubi bringt in seinem Ta'rikh (ed. Houtsma, Leiden 1883), vol. I. p. 134 paen. f., einen kurzen Abschnitt, in welchem er Apollonios von Tyans und Apollonios von Perge kontammert hat. Daß er Apollonios den Beinamen ul-yatim "die Waise" gibt, ist ein Indiz dafür, daß er das Sirr al-khaliga gekannt hat, denn dort nennt Apollonios sich selbst "eine mittellose Waise" (yatimun lá shay'a li). Somit ware die Abfassungszeit des Geschichtswerkes des Ya'qūbī, also ungefähr das Johr 267 A. H. 881 A. D., das alteste Datum für die Existenz des Sirr. Dieses India ist jedoch noch kein Beweis. Daß im Cornus Gabirianum Anspielungen auf das Sirr und einige kurze Zitate aus ihm enthalten sind, bedeutet nur, daß das Sirr in der zweiten Hälfte des 9. und der ersten Halfte des 10. Jahrhunderts bekannt war. Es ist ein arger Mißgriff, daß Frau Weisser, die sonst auchtern und kritisch ist, in diesem Punkt eine hoffnungslos antiquierte These nachbetet und "eine Datierung der Übersetzung (des Sirr) in die traditionelle Lebenszeit Jabir's, also um 750-800", für moglich halt (p. 54). Ich persönlich glaube, daß das Serr im 9. Jahrhundert in arabischer Sprache verfaßt worden ist und daß es k e i p griechisches Original dafür gegeben hat. Ware es tatsachlich ein alter Text, so ware zu erwurten, daß er von Autoren wie al-Kindî, 'Alī b. Rabban at-Tabarī, an-Nazzām oder al-Jähiz benutzt und zitiert worden ware, Autoren, denen ja noch nicht sehr viele naturphilosophische Informationen zur Verfügung standen.

Im Text kommt eine Ansahl merkwürdiger Namen von Gewährs-männern vor, zum Beispiel: Kälüs, Bighüjäsiyüs, 'Äyir, Arthiyäs, Aylüs, Arsīlijānis, Munīs, Tīsūs, Talāqūs und Platon der Kopte. Frau Weisser nimmt an, daß hinter diesen Namensformen tatsachlich griechische Autoren stecken, die nur noch nicht zu identifizieren seien (p. 162). Aber meiner Meinung nach sind diese Namen fiktiv. Es sind Mystifikationen, durch die der arabische Autor seinem Werk den Anschein eines großeren Alters und einer höheren Autorität zu geben versucht hat. Solche Fiktionen kommen auch in anderen Schriften dieses Genres vor, zum Beispiel im Mushaf al-qumar (s. mein Buch "Natur-und Geheimwissenschaften", Leiden 1972, p. 380) und im K. Muhaj al-muhaj (s. meinen Katalog der Chester-Beatty Handschriften, Teil I, Wiesbaden 1974, pp. 139 ff.).

Daß der Verfasser vor Fälschungen nicht zurückgeschreckt ist, sei an dem Beispiel der Namen der Winde erlautert (arabischer Text p. 136 f. Kommentar p. 180 f.): Sie sind im Text zum Teil verderbt, können aber mit Hilfe des K. Sifat Jasiras al-'Arab von al-Hamdânî (ed. D.H. Müller, Leiden 1884), p. 154. 20 ff., emendiert werden (al-Hamdânî hat hier das Sirr al-khaliqa ausgeschrieben). Danach lauten sie in der Uhrzeigerrichtung: 1. ash-shamālu, 2. 2. al-'aqimu, 3. al-harjafu, 4. al-qabūlu, 5. al-mayyitatu (= pers. bādh-i khoshk), 6. an-nakbā'u, 7. al-janūbu, 8. aṣ-ṣārūfu, 9. ad-dājinu, 10. ad-dabūru, 11. al-

# Book Review

Ursula Weisser, Das "Buch über das Geheimnis der Schöpfung" von Pseudo-Apollonios von Tyana (Ars Medica, Texte und Untersuchungen zur Quellenkunde der Alten Medizin, III. Abteilung: Arabische Medizin, Band 2), Walter de Gruyter, Berlin-New York 1980, 258 Seiten.

Der arabische Text des Kitäb Sirr al-khaliga ist 1979 von Ursula Weisser in Aleppo ediert worden (s. meine Resension in dieser Zeitschrift, vol. 4, pp. 90-94). Mit dem hier auzuzeigenden Buch hat die Herausgeberin wenig spater eine umfassende Studie über das Werk veröffentlicht, die im wesentlichen aus drei Teilen besteht: Im ersten Teil ist Apollonius von Tyana als historische Persönlichkeit und als Gestalt der Legendenbildung der nachfolgenden Jahrhunderte dargestellt. Unter anderem ist pp. 28 ff. ein Inventar der arabisch erhaltenen Pseudepigrapha, die unter dem Namen des Balinas kursieren, gogeben. Es handelt sich um acht Werke: 1. K. Sirr al-khaliga, 2. K. at-Taläsım al-akbar, 3. Mushaf al-gamar, 4. Ris. fl Ta'thir ar-rühöniyyöt, 5. K. al-Mudkhal al-kabir. 6. K. al-Asnām as-sab'a. 7. K. Inkishāf as-sirr al-maktūm, upd 8. K. al-Khawass. Frau Weisser hat gut daran getan, die Geoponika, die Maria Concepción Vazquez de Benito 1974 in Madrid-Barcelona (leider unzureichend) veröffentlicht hat, nicht in diese Liste aufzunehmen. Denn dieses Werk stammt, wie die syrische und die armenische Version zeigen, von Vindanios Anatolios aus Berytos, nicht von Balinas, wie F. Sezgin, Geschichte des Arabischen Schriftums, vol. IV, pp. 315 ff., vol. V, pp. 427 f, upd vol. VII, pp. 318 f, upd 399, hartnáckig behauptet (Die siebzehn Überschriften, die Sezgin mitteilt, aind nur die Kapitelüberschriften der ersten Magala dieser Geoponika.)

Der zweite Teil (pp. 73-153) enthält eine summarische Inhaltsangabe des Sirr. Eine integrale Übersetzung zu liefern schien der Verfasserin wegen der Schwierigkeiten des arabischen Textes nicht angezeigt zu sein (p. 2). Ein fortlaufender Kommentar bildet den dritten Teil (pp. 154-232). Hier sind Begriffe erklärt, Quellen nachgewiesen, Parallelen beigebracht und Verweise auf Sekundarhteratur gegeben. Die Verfasserin bemuht sich, die mannigfachen Unstimmigkeiten und Widersprüche des Werkes aufzuzeigen, die ihren Grund in der eklektischen Arbeitsweise des Autors haben. Das Sirr al-khaliqu wird als eine "unselbständige Kompilation, in welcher das Material der Vorlagen nicht zu einem widersprüchsfreien System verschmolzen ist", oharakterisiert (p. 40). Insgesamt kann man der Verfasserin Belesenheit, vielseitige Kenntnisse und ein kritisches Urteil bescheinigen. Allerdings sind wir von einer Lösung der vielen Probleme, die das Sirr aufwirft, noch weit entfernt.

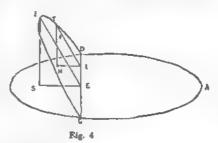
Eines dieser Probleme ist die Herkunft und Datierung des Werkes. Frau Weisser ist der Meinung, daß ein griechischer Autor anzunehmen sei (p. 52 f.) und daß das Werk noch im 8. Jahrhundert A. D. ins Arabische übersetzt wor-

#### Bibhgoraphy

- Abū'l-Wolā' al-Būzejānī, Rirālo ilā Abī 'Alī b. al-Sakr fī iqāmar al-burhān 'olā'l-dā'ir min al-falak mun qazes al-nahār wa'rtifā' min al-wagt, (Hydezabad) Osmania Publications Buresu, 1948).
- P. H. van Cittert, Astrolabes. A critical description of the astrolabes, noctulabes and quadrants in the cure of the Usracht University Museum, (Laiden E. J. Brill, 1954).
- Joseph Drecker, Theorie der Sonnenuhren. Band 1, Lieferung E of Die Geschichte der Zeitmessung und der Uhren, edited by Exust von Bassermann-Jordan (Berlin & Leipzig. Vereinigung wissenschaftlicher Verleger, 1925).
- Coldstem. Ibn al-Multanna's Commentary on the Astronomical Tables of al-Khuárismi, Two Habrew versions, edited and travalated, with an astronomical commentary, by Bernard R. Goldstein.
- Robert T Gunther, The Astrolabes of the World (London: The Holland Press, 1976). Reprint of first edition (Paris, 1947).
- Kathleen Higgins, "The Development of the Sandial between A. D. 1400 and 1800", uspublished thesis for the degree of B.Sc., Oxford. (Copy in the Museum of the History of Science, Oxford.)
- David A. King, Studies in Astronomical Timekesping in Medieval Islam (forthcozning). Part 1: Survey of Medieval Islamic Tables for Racksning Time by the Sun and Stars.
- Paul Kunitzsch, "On the authenticity of the treatise on the composition and use of the astrolabs assembed to Massahalla", Archives internationales d'histoire des sciences, 31 (1981), 42-62.
- Francis Maddison & Anthony Turner, "Catalogue of an exhibition "Science & Technology in Islam" held at the Science Museum, London, April-August 1976, in association with the Festival of Islam", as yet unpublished.
- Renri Michel, Trans de l'esprelate, 2nd edition (Paris, Libraire Aluin Brienn, 1976).
- J. Millás Vallicrona, "La introducción del cuadrante con cursor en Europa", Jair 17 (1932), 218-259).
- Nadi Nadir, "Ab5 al-Wafa' on the Solar Altitude", The Mathematics Teacher, 3(1960), 460-463.
- Oronto Fines Delphinatie De Selaribus Herologus et Quadrantibus Libra IIII (Paris, 1531).
- Emmanuel Poulle, "Les instruments estronomiques du Moyen Age", Le Ruban Rouge, 32 (Mare 1967), 18-29, reprinted as Museum of the History of Science, Onford, Selected Off-print no. 7.
- Robertus Anglicus. Paul Tannery, "Le traité du quadrant de Mattre Robert Anglès (Montpellier, XIIIe siècle). Texte latin et ancienne traduction grecque", Notices et Extraits des Monisscrits de la Bibliothèque Nationale et gutres bibliothèques, 35 (1897) \$61-640.
- Peter Schmitzl., Zur Geschichte des Quadranten bes den Arabern (München. 1929).
- J. J. Sédillot, Traisé des Instruments Astronomiques des Arabes (Paris 1834).
- <sup>c</sup>Abd al-Rahman al-Şūfī, Kriób al-<sup>c</sup>Amal by'l-asturlöb (Hyderabad Osmanis Oriental Publications, 1948).
- J. Würschmidt, "Die Bestimmung der krummen Stunden der Deklination und der Gebetszeiten mittels des Astrolabe", Mitteilungen zur Gaschichts der Medizin und Natursessenschaften, 18 (1919), 183-190.

recension of Habash's zij (3rd-4th/8-9th century), though both authors gave the correct formula as well. Further, the formula (or equivalent) was used by later Muslim authors and underlies several tables to find the time from the height of the Sun or vice versa. It also occurs in a Byzantine treatise on astronomy. Finally, al-Marrākushî cites it in his treatise on instruments. The formula may be derived from a proof by Abū'l-Wafā' (late 4/10th century) of a formula for the time in terms of solar altitude" that Habaah had stated and

had probably obtained from Brahmagupta<sup>38</sup> (7 th century AD). For we find in this proof (see fig. 4), in which GZTD is the day-circle, TM and ZS are perpendiculars from T (the Sun's position) and Z (the Sun's position at noon) to the horizon-plane GDA, that<sup>38</sup>



TM:TL=SZ:ZE.

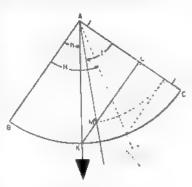
Now  $TM:SZ=\sin h$ ;  $\sin H$  and, if only we take GZTD as a semicircle (which, of course, in general it is not),  $TL:ZE=\cos t$ . Actually, Abû'l-Wafâ' does not make this approximation (or mistske), but goes on the prove Ḥabash's correct formula. But the diagram, which in some form must surely have been drawn or thought of to find the correct formula in the first place, is suggestive. That formula (1), or its equivalent in geometrical terms, could have been derived from a mistake is shown by Würschmidt's "derivation" of it by an error similar to that suggested above. Of course, the formula, which is correct for the equinoxes, may have been simply assumed for other times. "

In sum, it is suggested here that the horary quadrant was the result of an adaptation – one of great geometrical ingenuity – of an instrumental solution of formula (1), which is an approximation of the true formula. How the formula was arrived at and who invented the instrument remain unknown to us.

- King, section, 2.5, especially note 21. For al-Khwāriami, King cites the Hebrew translation of Ibn al-Muthannā's commentary on the Zi<sub>j</sub> (Goldstein, pp. 81-83, 207-208).
  - 20. King, sections 2.5, 4.3 and 4.3.2. On al-Marriknshi, see Seddlot, p. 39.
  - 21. Abū'l-Wafā', first part.
- Nadir, pp. 460, 462. Al-Khwärismi (see note 19 above) uses the value 150, common in Indian autronomy, for the radius underlying has treatment of suces.
  - 23. Abū'l-Wafa', p. 4.
  - 24. Würschmidt, pp. 185-186.
  - 25. Thu is hinted at by Würschmidt, p. 185, and Cittert, p. 45.

sin  $\delta$  for the day when the declination is  $\delta$  — deviate little from those given by formula (1). The errors for the 8 a.m. /4 p.m. line are the greatest, but even along the summer tropic, where the error is the highest for all hour lines, its deviation is only about 1°49′, equivalent to an error of a little over 8³¼ minutes in non-seasonal time. Since the other errors of the instrument — including those of reading the position of the head and estimating the time when the head falls between two hour lines — must often exceed a degree or two, such an error would have been acceptable and might even have passed unnoticed. For a contraction of this kind, however, one needs to assume that the head is set at a distance of AC sin H from the apex A — a condition hard to justify a priori.

Easily the most likely origin of the horary quadrant lies in a development of the instrument called by Millas16 oundrans vetustissimus. Instead of curved lines this instrument has a large number of parallel lines perpendicular to the side carrying the sight and reaching from them to the circular arc. The quadrans vetustissimus is clearly related to the horary quadrant, since is has a cursor, a thread, and a bead, which is again set at a distance AC  $\sin H$  from A (see fig. 3) - albeit by means of the parallel lines - and it works on formula (1). The bead M" is put against the line KL corresponding



Fie. S

to h (see fig. 3); and, since  $AL = AC \sin h$  and  $AM' = AC \sin H$ , angle CAM' will measure t according for formula (1) and can be read off on the scale. Since the horary quadrant, with its hour-lines, is easier to use, but is a less obvious embodiment of the formula, we must suppose that it was a development of the quadrans vetustissimus and not vice versa. Whether the quadrans vetustissimus was a specialisation of the sine-quadrant's or the sine-quadrant a generalization of the quadrans vetustissimus is a matter for speculation. It can be noticed here that the sine-quadrant was usually supplied with at least one semicircle having a side of the quadrant as diameter.

The equivalent of formula (1) is to be found both in al-Khwārizmī's sij (early 3rd/9thcentury) and, in a calculation of the duration of twilight, in a

<sup>15.</sup> Drecker, p. 86, gives 10, 13, 12, 9, 5 manutes for an instrument for latitude 48°.

<sup>16.</sup> Millat, p. 235.

<sup>17</sup> For four Latin descriptions of the operation of the instrument, see Millis, pp. 225-226, 227, 239, 239-240. There were other graphical solutions of formula (1)—see, s. g., Sédullot, p. 26.

<sup>16.</sup> For this instrument see Schmalzl, p. 62 et seq.

find the centre.19 In 1531 Orontus gave al-Marrakushi's method, which he probably found in his medieval sources.15

The lines on the quadrant yield graphical solutions of the formula

$$\sin h = \cos t \sin H \tag{1}$$

where t (in degrees) is fifteen times the number of seasonal hours before or after noon and is measured by angle CAF (the quadrant is actually graduated directly in hours after sunrise); h is the corresponding solar altitude and is measured by angle BAM; and H is the solar altitude at noon on the same day, measured by angle BAM' (AM = AM') Formula (1) is easily shown to correspond to the hour-lines, since  $AM/AF = AM'/AC = \sin H$ , and angles M and F being right in semicircle AFY.

### $AM: AF = \sin A\hat{Y}M: \sin A\hat{Y}F = \sin h: \sin t$

If the instrument were used continously from sunrise to noon, or from noon to sunset, on a day when the solar declination is 8, the head would trace out the on quadrant an arc of a circle of centre A and radius  $AC \sin H = AC$ cos (φ - δ), where φ is the local latitude. But the quadrant seems not to be directly related to instruments, like the astrolabe, that directly imitate the motion of the Sun about the pole. The quadrant's scale serves not only to measure the time, but also the solar altitudes. The front of the astrolabe which certainly has curved seasonal hour-lines approximated by circular arcs, measures altitudes quite differently. Besides, the radius of a parallel-circle on the astrolabe corresponding to declination 8 is R cos 8/(1+sin 8), where R is the radius of the circle representing the equator; and if, as is usual, the projection is from the South pole, these parallel-circles are in inverse order to those found on the quadrant, where the smallest circular are traced out by the head corresponds to the winter tropic. Furthermore, the hour-lines on the quadrant cannot be projections of the circles of equal azimuth on the celestial sphere, since the hour-lines meet at only one point (A in figs. 1 and 2).

It is conceivable that the curves were formed by joining the appropriate positions of the bead found empirically or by calculation. Such procedures were indeed used by instrument-makers. In fact the hour-lines so plotted for latitude 360 – on the understanding that the length of AM is set at AC

<sup>12.</sup> Rabertus Anglicus, pp. 599-600: ,.... et alius pes [of the companies] extendatur ... et queratur punctus in lingu AC ... donce pes existens in puncto A fiat mobilis et transeat per puncta A H directe''. A and C are as in our diagram; H is our F.

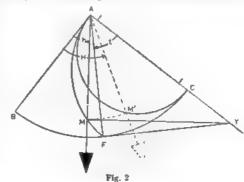
<sup>13.</sup> Orontins, f. 188v, book II, prop. VIII.

<sup>14.</sup> Michel, pp. 79-81; Higgins, pp. 109-114.

in Arabic describing the instrument. Seasonal-hour diagrams of the same type were inscribed on the backs of astrolabes at least as early as the 4th/10th century, when 'Abd al-Rahmān al-Ṣūfī described them,' and examples survive from the 7th/13th century. The Latin treatise on the astrolabe attributed to "Messahala" mentions the lines, but this text has recently been shown to be a western compilation of elements of uncertain date, though the latter part of the treatise (on the use of the astrolabe) appears to be based on astrolabe treatises from the school of Ibu al-Ṣāffar. In the Museum of the History of Science in Oxford there is a splendid western example of an astrolabe carrying these lines - not, as usual, in one or both of the top two quadrants, but occupying the entire back of the instrument. Seasonal hour-lines on the backs of astrolabes appear to have been relatively popular in the medieval West. and only went out of fashion in the mid-seventeenth century.

The hour lines are drawn by dividing the arc BC into six equal parts at points D, E, F, G, H, and joining each of these points to A with a circle whose

centre lies on AC (or AC produced). Al-Marrākuehl, of the 7th/13th century found the centre of the circle AF (to take an example; see figs. 1 and 2) as the intersection of AC and the perpendicular bisector of the straight line AF. 12 at about the same time Robertus Anglicus described a trial-and-error method to



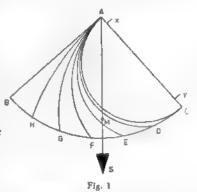
- 4. Prof. David King informs me that he is preparing for publication a unth-century Abbasid freq: treatise on the horary quadrant with and without cursor, found in a manuscript in Istanbul. The treatise casts no light on the carller history of either instrument, and the author makes no claim to have invented either.
  - S. Al-Şüfi, chapter 174, p. 161.
- E. g. the astrolube of Sultan Abü'l-Fath Müsä. See Gunther, plata LIV (between pp. 234 and 235).
- Kunitssch, especially pp. 45-46 and 56. The treatises on the estrolabe by John Philoponus and Severus Sebokht (see Gunther, pp. 61-81 and 82-103, for English translations) do not centain a desription of these lines.
- 3. The instrument belongs to Oriel college and dates, perhaps, form 1450. The horary-quadrant lines appear on a spherical instrument in the National Museum in Damescus.
  - 9 See previous note by Professor North.
  - 10. Higgins, pp. 109-114. See Cittert, plates XVIII and XXI and p. 35 for late examples.
  - 11. MS Bodleign Hunt. 201 (Uri 1, 992), ff 69v-70r.

# A Note on the Horary Quadrant

RICHARD LORGH®

THE HORARY QUADRANT WAS OF THE FORM indicated in fig. 1. It is the purpose of this note to enquire about its origin. To tell the time, the instrument was placed in the same vertical plane as the Sun, the sights x and y were aligned with the Sun, and it was observed between (or on) which of the curved hour-lines AC, AD, AE, AF.

AG, AH — which severally represent 6,5,4,3,2,1 seasonal hours after sunrisc or before sunset-the bead M was found. The straight line AB served as the zero hour-line. The seasonal hours thus measured (approximately) were each one twelfth of the time of daylight. To set the bead at the right position for the day, it could be put against the noon-line, the curved line AC, either when the Sun was sighted at noon or when the angle between the thread and AC was made equal to the sum or difference (as appropriate) of the local latitude and the Sun's declinaton for



the day. In the latter case the addition or subtraction could be made with tables and calculation or by means of a cursor that slides round BC. We are here not concerned with the cursor, nor with extraneous lines on the quadrant, but only with the hour-lines.

Examples of the horary quadrant, of Near Eastern provenance, survive from the 4-5/10-11th centuries', and there are 3rd-4th/9-10th century treatises

Institute for the History of Archie Science, Aleppa University.

It is a pleasure to thank Professor David A. King, of New York University, for reading though this note, making several pertinent criticisms and supplying much information from his unpublished work (see particularly notes 4, 19 and 20). My thanks, too., go too Professor E. S. Kennedy for his patient advice and help.

1. See Robertus Auglicus, p. 617. Here and elsewhere references are to the bibliography.

2. Bid., p. 615-616. For a photograph of a horary quadrant with cursor, see Poulle, p. 19. Diagrams of such instruments are given by Schmalzi, p. 127 (for Alphonio X's quadrant) and by Tannery in Robertus Anglicus, p. 564.

3. Maddison & Turner, p. 151 (items 70 and 71 in the catalogue). The dates are estimated.

Three European instruments, and two eastern, have concentrics, one of each set having been counted previously for its graduated alidade. The concentrics are at best for the divisions between zodiacal signs. In one European case, the concentrics are drawn as though for all solar altitudes between 0° and 90°. The concentrics on both eastern astrolabes are quite useless, being for the wrong latitude (see below). In only one case out of 41 has the maker given any indication that his unequal-hour lines are - as the graduations stand - of value at specific latitudes. (I say latitudes rather than latitude, since in one of his quadrants the graduations are for latitude 52°, and in the other for latitude 49°.)

Thus out of our 41 instruments, only six are at first sight of any value whatsoever as horary instruments, and of these, only one is earlier in date than the sixteenth century. This solitary medieval exception is a Fuseris-type instrument, IC 192, and on closer inspection it appears that the graduations on its alidade are worthless. The others, with their IC numbers where appropriate, are: IC 165 (Flemish?, 1558); acc. no. 73-11/2 (Italian, 1558); IC 274 (German, c 1580); IC 211 (French, 1595); IC 276 (German, 1609 + pasteboard); IC 19 Persian, AD 1641); acc. no. 57-84/164 (Indo-Persian, AD 1666/7).

In summary: out of 132 astrolabes examined, 41 instruments have the unequal-hour lines, and yet only four could have been used in at best a rough and ready way to find unaided the unequal hour. At a season well removed from equinox or solstice, only one of these (57-84/7, with its scale of mid-day altitudes) could have given the time with an accuracy approaching that of the main astrolabe, without the curious technique of using the astrolabe as an auxiliary instrument. Not a single medieval instrument has survived in a form which would suggest that the unequal-hour lines were used meaningfully. But finally, we note the possibility of our using the graduations associated with the unequal hour lines (either the graduations on the alidade, or the concentries) as a means of deducing the geographical latitude for which the astrolabe (if properly constructed) was intended.

Thus on IC 19, the best eastern example, the six o'olock line intersects the concentric for the summer solstice at a point P for approximate altitude (shown on the rim, when the alidade passes through P) 57°. Subtracting 23 ½°, the approximate geographical colatitude emerges as 33 ½°, making the latitude 56 ½°, a nonsensical result. (The four plates now with the instrument range from latitude 21°40° to latitude 37°. The instrument was made for a man in Mashhad, where the geographical latitude is 36° 21°). As a European example: on the instrument IC 211, made for Paris (48° marked) or Lille (51° marked), the horary quadrants (one of equal hours) prove to be of value at geographical latitude 50°, a very reasonable figure.

# Astrolabes and the Hour-Line Ritual

J. D. NORTH\*

T SEEMS TO BE COMMONLY BELIEVED that a standard part of the ougraving of the back of an astolabe is a set of hour-lines forming, as it were, a double horary quadrant. Although I have made no systematic study of the extant astrolabes of the world. I have examined 132 astrolabes in the Museum of the History of Science in Oxford for unequal-hour lines in the form of circular arcs, with rather surprising results.

Out of a total of 57 European astrolabes from before the year 1800, 25 have these unequal-hour lines, whereas only 16 of a total of 75 eastern astrolabes have them. Of the 25 European astrolabes, 15 have the lines symmetrically arranged as between the two upper quadrants, whereas only two of the eastern 16 have the lines in two quadrants. More significant is the empty ritual in accordance with which the lines are included on almost all of these 41 astrolabes. At best, the lines can give the (unequal) hour with an accuracy only about half as great as that given by the conventional astrolabe itself. At worst, the lines are carelessly drawn, unnumbered, very small indeed, and – worst of all – not associated with an auxiliary scale of solar positions.

This auxiliary scale may be included in at least three different ways:

- 1. Through graduation of the alidade.
- Through concentric arcs, crossing the unequal-hour lines, marking as many solar positions during the course of a year as possible.
- Through a scale of solar positions (mid-day sltitudes) on the rim of the satrolabe.

The third possibility is never found on the Oxford astrolabes, although one might have imagined that the idea would have occurred to at least one astrolabist in history, for it is the alternative found on the 'old' quadrant-with-cursor. (On that instrument the date scale is movable, as it should be if the observer's geographical latitude is to be taken into account.)

Graduation of the alidade is found on only three of the European instruments, and on only two of the eastern – in both cases ignoring graduations with a separate purpose. Out of 41 instruments, the alidades of 5 are lost, and of three or four are possibly modern. Even so, it appears that, at best, about one in six of the 41 instruments is likely to have left the workshop with a graduated alidade.

<sup>\*</sup> Filosofisch Inst. der Rikjsumversiteit, Westersingel 19, 9718 CA Growingen, The Netherlands,

- Mathematics and Astronomy in the Works of scholars of the Medieval Orient, ed. by S. Kh. Strazhdinov, Taskhent: Fan, 1977), 144pp. Contains seven articles.
- Mathematics in the Medieval Orient, ed. by S. Kh. Sirazhdinov, (Tashkent: Fan, 1978), 193 pp. Contains ten articles.
- From the History of Science in the Epoch of Ulugbek, ed. by S. Kh. Sirazhdinov, (Tashkent Fan. 1979), 199 pp. Contains thirteen articles on a wide range of subjects.
- Izvestiya, Academy of Sciences of the Tadzhik SSR, Division of Biological Sciences, 1980, No.3, 116 pp. Fifteen articles about Ibn Sinā, to whom the volume is dedicated.
- Isvestiya, Academy of Sciences of the Tadshik SSR, Division of Physicomathematical, Chemical, and Geological Sciences, 1980, No.3 (77), 104 pp. Dedicated to Iba Siaā, the volume has ten articles about his work, concluding with a list of his writings in the natural sciences.

# NOTES AND COMMENTS

# Recent Soviet Publications in the History of Arabic Science

The information below has been supplied by the directors of the Institute for the History of Natural Sciences and Technology of the Academy of Sciences of the USSR (1930)2. Moscow, Staropanski per. 1/5) and the Institute of Oriental Studies of the Uzbek Academy of Sciences (790000, Tashkent, Propekt M. Gor'kogo, 81). All the publications are in Russian. There are also many publications in Uzbak and Tajek, but they are not listed below.

- Selected Works of Ibn Sina, Vol. 1. Russian translation by A. M. Bogoutdinova, M. Dinorshoeva, et al. (Dushaube: Irfon, 1980), 420 pp.
- Yu. N. Zavadovskii, Abu Alı ibn Sina. Life and Work (Dushanbe: Irfon. 1980), 302 pp.
- M. M. Voltaev, Abu Ali ibn Sina Great Thinker, Scholar, Encyclopedist of the Medieval Orsent (Tashkeut: Fau, 1980), 164 pp.
- Abu Ali ibn Sina. To 1000 Years Since the Day of Birth, ed. by M. B. Baratov, P. G. Bulgakov, and U. E. Kurimov, (Tashkent: Fan, 1980), 248 pp. Fifteen studies of various aspects of Ibn Sinā's work, including medicine, mathematics, astronomy, and music.
- N. G. Berozashvili, The "Tahrır Uklidis (Euclid)" of Nasir ad-Din at-Tusi, and the Lexico-grammatical Peculiarities of this Monument, a dissertation for the degree of candidate in philology (Tbilisi, 1980).
- A. T. Grigor'yan and M. M. Rozhanskaya, Mechanics and Astronomy in the Medieval Orient (Moscow: Nayka, 1980), 200 pp.
- G. P. Matvievskaya and Kh. Tllashev, Mathematical and Astronomical Manuscripts of Middle Asian Scholars of the X-XVIIth Centuries (Tashkent: Fan, 1981), 147 pp.
- Nauchnoe Nasledstvo (The Scientific Heritage), vol. 6. From the Physicamathematical Sciences of the Medieval Orient, ed. by G. P. Matvievskaya, (Moscow: Nayka, in preparation). To contain treatises by al-Khāzinī, al-Bīrūnī, al-Ḥusayn, and al-Shīrāzī.
- Ibn al-Haitham. "Treatises on the Burning Mirror", Istoriko-astronomicheskis
  Issledovaniya, 15 (1980), 305-338. The article gives translation and
  commentary.

110 ELOGE

Auswahl von 25 Schriften aus den Jahren 1934 – 1967. In den folgenden Jahren kam eine Reihe gewichtiger weiterer Titel hinzu. Hartners Arbeiten sind Musterstücke interdisziplinarer, Fachgrenzen überschreitender Studien, die zugleich das Charakteristische der Leistungen innerhalb einzelner Kulturen wie auch die Verbindungen und Übergänge zwischen den Kulturen und deren gegenseitige Einflüsse sichtbar machen.

Der Verstorbene war über die Grensen Deutschlands weithin bekannt. Er geiste nicht mit seinen Kräften und Kenntnissen und stellte sich bereitwillig in den Dienst wissenschaftlicher Gesellschaften und internationaler Gremien. Von 1971-77 war er Präsident der Académie Internationale d'Histoire des Sciences. Aus violen Ländern wurden ihm im Lauf der Jahre Ehrun-

gen zuteil.

Willy Hartner vereinte in sich aufs glücklichste die Eigenschaften des grossen Gelehrten mit denen eines noblen Charakters und eines Freundes für alle, die seine Hilfe suchten. In gefährlicher Zeit - wird berichtet - bot er Bedrangten uneigennützig und ohne Rücksicht auf eigene Gefährdung tatkräftige Unterstützung. Wer mit ihm zusammentraf, fand in ihm den gewandten, welterfahrenen, kenntnisreichen Mann, dessen Umgang Genuss gewährte und Bereicherung schenkte.

Die angemessenste Art, das Andenken dieses grossen Gelehrten zu ehren, wäre jetzt wohl, das Institut für Geschichte der Naturwissenschaften an der Universität Frankfurt im Geiste seines Gründers Willy Hartner weiterzuführen. Wenn es sunächst leider auch aussah, als ob dies nicht der Fall sein würde, gibt es in jüngster Zeit doch erfreulicherweise Nachrichten aus Fraukfurt, die hoffen lassen, dass das Institut wieder belebt und Hartners verwaister Lehrstuhl neu besetzt werden soll.

Paul Kunitzsch\*

Die bingrapheschen Angaben stützen sich auf den Nachraf von Matthias Schramm in der Frankfurter Aligemeinen Zeitung vom 21,5.1981.

<sup>\*</sup>Institut für Semitletik der Universität München.

# Éloge

#### WILLY HARTNER

1905 - 1981

Am 16. Mai 1981 verstarb in seinem Haus in Bad Homburg nahe Frankfurt plotzlich mitten aus dem Leben und Schaffen heraus Willy Hartner. Mit ihm verlor die Welt der Wissenschaft einen ihrer universellsten Vertreter. Seine Kenntnisse und seine Urteilskraft umschlossen den Raum von Ostasien bis ins germanische Skandinavien, die Zeitspanne von den Babyloniern über die Rensissance and Copernicus his zu Newton and Einstein. Am 22. Januar 1905 in Ennigerloh /Westfalen geboren, hatte er sich in seiner Ausbildung, einer familiären Tradition folgend, besonders den Naturwissenschaften gewidmet und zunächst Chemie studiert. Nachdem dieses Studium erfolgreich abgeschlossen war, wandte er sich der Astronomie zu und absolvierte auch darm ein fruchtbares Studium, das er 1928 an der Frankfurter Universität mit der Promotion beenden konnte. Er arbeitete dann hier an der Universität weiter und geriet dabei zunehmend in den Sog der Geschichte der Mathematik und der Naturwissenschaften, die freilich nur in Form einer losen Interessengemeinschaft interessierter Gelehrter betrieben wurde und die noch nicht ihre Heimstatt in einem eigenen Institut gefunden hatte. Seine Begahung und seine weitgespannten Interessen kamen schon baid zum Durchbruch; er arbeitete am China-Institut der Frankfurter Umversität über Gegenstände zur Geschichte der Naturwissenschaft in China, und im Kreise der Völkerkundler um Leo Frobemus über Zahlen und Zahlensysteme bei Primitiv- und Hochkulturvölkern. 1935-37 war er Gastprofessor an der Harvard-Universität, wo er im Umgang mit George Sarton seine Beziehung zum Studium der Geschichte der Naturwissenschaften weiter vertiefen und verfeinern konnte. Nach der Rückkehr nach Deutschland und weiteren Arbeitsjahren in Frankfurt erhielt er 1940 eine Dozentur an der Frankfurter Universität. Auf seine Initiative hin wurde schliesslich 1943 an der Frankfurter Universität das Institut für die Geschichte der Naturwissenschaften eingerichtet, dessen Leiter er bis zu seiner Emeritierung war und dessen Adresse unzähligen Kollegen und Schülern in aller Welt als Anlaufstelle wohl bekannt war, wenn sie Rat, Hilfe und Austausch von Meinungen suchten.

Von der einmaligen Begabung Willy Hartuers, seinen vielfältigen Sprachkenntnissen, seiner Beherrschung der naturwissenschaftlichen Probleme und Verfahren und seinem sicheren Blick bei der historischen Bewertung und Einordnung der Phänomene zeugen unuberschbar seine zahlreichen Schriften. Die 1968 in Hildesheim erschienene Sammlung Oriens – Occudens vereint eine

- Landauer: Samuel Landauer, ed., Themistis in Aristotelis Metaphysicorum Librum A Paraphrasis.

  Hebraice et Lutine, Commentaria in Aristotelem Gracea, vol.V., part V (Berlin, 1903).
- Lemm B. Lewin. "Notes sur un texte de Proclas en traduction arabe", Orientalia Succano, 4(1955), 101-108.
- Lorch: Richard Lorch, "Al-Khānini's "Sphere That Rotates by Itself'", Journal for the History of Arabic Science, 4 (1980), 257-329.
- Matthuer. C. F. Matthaei, Nemescus Emerenus De natura hamente (Halle, J. J. Gebauar, 1802).
- Pines, 1955: S. Pines, "Une version stabe de trois propositions de la Στοιχείωσις θεολογική de Proclus", Oriens 8 (1985), 195-203.
- Pines, 1961; S. Pines, "A New Fragment of Kenocrates and Its Implications", Transactions of the American Philosophical Society, N. S. 51/2 (1961).
- Pingree: David Pingree, The Thousands of Abu Marsher (London: The Warburg Institute, 1968).
- Shath: Paul Shath, Bibliothèque de Manuscrus, 3 vols. (Carro: Friedrich, 1928-1934).
- Storey: C. A. Storey, Person Literature, a Bio-bibliographical Survey, Vol. 1, part 2 (London: Lusas and Company, 1972).
- Suter: Heinrich Sutez, Die Mathematiker und Astronomen der Araber und ihre Werke (Leipzig: Tenbner, 1900).
- Talfer: William Telfer, Cyril of Javasalem and Nemesius of Emass. The Library of Christian Classics, Vol IV (Philadelphia, The Westminster Press, 1955).
- Türker, Muhahat Türker, "Yuliyä ihn-i "Adi"nin varliklar hakkındaki makalesi", Ankara Üniversitsej Dil ve Tarih-Cokrafya Fakültesi Dergies, 17 (1959), 145-157.
- Ultmann: Manfred Ultmann, "Zur arabischen Überlieferung der Disputatio de animu ad Tatianum des Gregorios Thaumaturgos", Der Islam, 54 (1977), 114-117
- Van Ess: Josef van Ess, "Über emige neue Fragmente des Alexander von Aphrodisias und des Proklos in arabischer Übersetzung", Der Islam, 42 (1966), 148-168.
- Van Rist, Simone van Riet, "Stoicoram Vaterum Fragmenta arabica", Mélangas d'Islamologie, volume dédié à la mémoire de Armand Abel, sous la rédaction de P. Salmon (Leiden: Brall, 1974), pp. 254-263.
- Verbeke & Moncho: G Verbeke et J. R. Moncho, Nimitaus d'Émèse De Natura Hominis. Traduction de Burgundio de Pire (Lesden: E. J. Brill, 1975).
- Wiedemann Eilhard Wiedemann, Aufsetze zur grubischen Wissensichaft, 2 volumes (Hildesheim: Olme, 1970).
- Yahyā: "Uthmān Yahyā, ed., "Al-Şaḥul al-yūnānyya", in Al-Kitāb al-Tidhkāri: Shaykh al-Johrāq Shihāb al-Din al-Sukrowardi .... ed. I. B. Madhour (Cairo: Al-Hay'at al-Mignyyat al-"amma li'l-kitāb, 1394/1974).
- Σρhuriyya Cotal.: Fihris makhjūjās dēr al-kutab al-Zāhiriyya; Vol. 6, Ibrāhīm Khūrī, "Ilm al-hay'a wa-mulhaqātuhu (Damascus, 1969). Vol. 8, "Abd al-Ḥamid al-Ḥasan, Al-Falsafa wa'l-mantiq waādāb al-baḥth (Damascus, 1970). Vol. 12, Muhammad Ṣalāḥ "Āyadī, Al-Riyāḍiyyās (Damascus, 1973).

## Bibliography

- Badmo, 1947: "Abd al-Rahman Badawi. Arasii "and al-"arab, Dirasii ali miyya 5 (Cairo. Maktabat al-Mandat al-Mannya, 1947).
- Bodowi, 1954: Idem, Aristütölis, fi al-nafs, Dirāsāt islāmeyya 16 (Cairo, 1954).
- Badarci, 1955: Idem, Al-Aflájüniyya al-muhdatha ind al-arab, Diräsät islämiyya 19 (Caro, 1955).
- Bodaioi, 1968: Idem, La transmission de la philosophie grecque au monde crabe. Études de philosophie médiévale 56 (Paris: Librairie philosophique J. Vrin, 1968).
- Daiber: Hans Daiber, Die erabische Übersetzung der Placita philosophorum (Saarbrücken: Phil. Dies., 1968).
- Dietrich: Albert Dietrich, "Die arabliche Version einer unbekannten Schrift des Alexander von Aphrudiaras.,", Nachrichten der Akademie der Wissenschaften in Göttingen, 1. Philologisch-Huttersche Klasse, 1964, No. 2, pp. 85-168.
- DSB: Dictionary of Scientific Biography, 16 vals. (New York: Charles Scribner's Sons, 1970-80).
- EI1: Encyclopascia of Islam, 2d. ed, 4 vols. to date (Leiden: E. J. Brill, 1960...).
- Endress, Proclus: Gerhard Endress, Proclus arabus, Beirntar Texte und Studien, herausg. vom Oriant-Institut der Deutschen Morgenländischen Gosellschaft 10 (Beurut, 1973).
- Endress, Yahyā: Idem, The works of Yahyā b. 'Adi (Washaden: Reichert, 1977).
- GAL: Carl Brockelmann, Geschichte der arabischen Litteratur (Leiden. Brill, 1937-1949), 2 vols. plus 3 rappl. vols.
- GAS: Fust Sezgin, Geodichie des grabischen Schriftsums (Leiden: Brill, 1967-1979), 7 vols. to date.
- Götje. Helmut Gütje, Studien zur Überlieferung der aristotelischen Psychologie im Islam, Annales Universitatie Saravieneis, Reihe: Philosophische Fakultät, Bd. II (Heidelberg: Carl Winter, Universitätsverlag, 1971).
- GCAL: Georg Graf, Geschichte der christlichen arabischen Literatur, Bd. 1-5 (Gitth del Vaticano: Bibliuteca Apostolica Vaticana, 1944-53).
- Gunaret: D. Gimaret, "Sus un passage énigmatique du Tabyin d'Ibn "Asâkir", Studie Islamica, 47 (1978), 143-163.
- Goldstein & Swerdies: B. R. Goldstein and Noel Swerdlow, "Planetary Distances and Sixes ...," Cantgurus, 15 (1970), 135-170.
- Hill: Donald R. Hill, Arabic Water-Clocks (University of Aleppo, 1981).
- Kennedy & Mavaldi · E. S. Kennedy and Mustafe Mawaldz, "Abū al-Wafa" and the Haron Theorems", Journal for the History of Arabic Science, 3 (1979), 19-30.
- Kurd 'Ali, Makhfilj: Kurd "Ali, "Makhṭūṭ nādir", Mojallat al-majma" al-'ilmī al-'arabī, 20 (1948), 1-7, 41-43.
- Kurd 'Alī, Razā'il: M. Kurd 'Alī, Razā'il ol-Bulughā' 26. ed. (Cziro, 1913), 5d. ed. (Cziro, 1946; repr. 1954).

21. Why were some things created prior to others, and why were they not created all at once?

لم صارت أنواع الحلالق بعضها متقدما و بعصها متأخرا ولم تحلق في دصة ؟

- 22. Why have we said that all things are dependent on God and are realized through Him, while we have stated circular that God is realized from the various created things?
- لم قتنا إن جميع الأشياء إما تطقها بالله تعدل و نعرفها نه وقد قلنا بي موسع آ خر إن الله تعالى يعرف بأتواع الخلائق ؟
  - 23. Why have we said that God cannot be realised from a demonstration or a definition?

لم قلمًا إن الله تمال لا يعرف بالبرمان و لا عد ؟

24. Why is God's (existence) demonstrated in a negative and not a positive way?

لم صار إنما يبرهن على الله عز وحل بطريق السلب لا بطريق الإيجاب ؟

25. How does one realize the attributes of God even though He cannot be described?

كيف تعرف صفات الله تمالي وإن كان لا يوصف ؟

26. Why does every existing thing, in general, have (only) one name whereas God has many?

27. Why is it said that some attributes of God are essential while others are not?

28. Why does one say "the realization of God", "the realization of His unity", and "someone has realized God", but seldom does one say "someone knows God", "he knows the unity of God", or "he knows ( )"? Realization is by sense perception, while knowledge is through the intellect; God, however, is an intelligible and not a sensible. What (then) is the difference between realization and knowledge?

7. Why is the proof of the unity of God that derives from the motion of the heavens sounder than the proof from all the other motions?

8. Why is the evidence from the motion of the beavens for the Prime Mover, which is external to it, greater than (the motion's) evidence for its being natural (motion) or (motion) of a soul?

9. Why did the Logician determine that the motion of the boavens is natural, of a soul, and from a mover?

10. Why do the Logician's statements concerning the reason for the motion of the heavens contradict one another?

11. Why have we said that some things move by themselves and other things move due to something else; and then, in the end, we assert that everything is moved by the Prime Mover?

12. How does one prove that the Prime Mover does not move in any direction?

15 How does one prove that the Prime Mover is not a body?

14. How does one prove that the Prime Mover is aternal?

15 How does one prove that the Prime Mover is simple?

16. How does one prove that the Prime Mover is one?

17. How does one prove that the Prime Mover is the cause of all existing things, the Creator of all created things, and the giver of life to all living creatures?

18. Why have we stated that God originated something from nothing, whereas we observe that He creates all things from what (already) exists?

19. Why have we stated in logic that substance is self-subsistent while in theology we say that it subsists through the power of God ?

20. Why did God create the world and what was the reason that occasioned it?

it is a rather early example of an elementary text intended for teaching purposes. Following Ibn Bahrīz's page-and-a-half introduction, the rest of the work consists of a series of schematic diagrams.

No. 41. ff. 132b-133b. Hujaj Uhruqlus allatī yubathin bihā anna al-'ālam abadī (Proclus' Proofs that the Universe Is Eternal).

Edited in Badaws, 1955, pp. 34-42, see Endress, Proclus, pp. 15-18; French translation of the first proof in Badaws, 1968, pp. 119-20.

No. 42. f. 134a,h Masa'il Furuqlus fi al-ashya' al-tabi'iyya) Questions on Physical Matters), by Proclus.

Edited in Badaws, 1955, pp. 43-49; see Endress, Proclus, p. 26.

No. 43, ff. 135a-144b. Kitāb fī al-umūr al-ilāhiyya (A Book on Theological Matters), by Abū Ahmad b. Ishāq al-Isfixārī.

Concerning the clusive al-Isôzārī (fl. middle of 10th century A. D.), see Gimaret (esp. pp. 153-163). This MS represents the only known surviving text of the author, who is not to be confused with abū Ḥātum al-Muẓaffar b. Ismā'īl al-Isôzārī, the contemporary of Omar Khayyām mentioned by al-Khāzinī in his Mirān al-Hikma (Introduction, fourth fail, and more extensively later). Hence a table of contents in English translation is given below, each item followed by its Arabic original.

In the colophon the author states that he has completed this work while awaiting unjust execution in a prison in Khuwārizm, this in spite of having obeyed God's command to seek the truth and to live according to it, to the extent of his ability.

# Table of Contents

1. Why do we not sense the Prime Mover, for it is stronger than that which is moved and we do sense the thing moved?

2. Why are the intelligibles more permanent and yet less accessible than the sousibles?

3. Why is the discussion of theological matters more difficult than that of other fields of knowledge?
إ. صار الكلام في الأمور الإطبة أسمي منه في ماثر الطوم ؟

5. Why is the arm of all philosophy the realization of God and the following of Bir commandment and action ?

5. Why is the realisation of the unity of God the last step in all of philosophy, whereas God is the first of all things?

6. Why is the most convincing of the indications by which one shows the way to the realisation of the Creator taken from motion?

No. 37. ff. 119b-123a Maqdla fi al-radd 'alā Maqsimūs fi tablīl al-shakl al-thānī wa'l-thālith ilā al-awwal (A Treatise in Refutation of Maximus' Reduction of the Second and Third Figures of the Syllogism into the First), by Themistius (author of No. 6 above, which see).

Edited in Badawi, 1947, pp. 309-325. French translation in Badawi, 1968,

pp. 166-180.

At the bottom of f. 123a is a selection from Kitāb al-Mufīd by a certain Abū 'Abdallāh (the rest of the name is illegible). Possibly it is a fragment of the Mufīd al-'ulām wa-mubīd al-humām by Jamāl al-Dīn abū 'Abdallāh Muḥammad b. Aḥmad al-Qazwīnı (see GAL, Gl, p. 499; Sl, p. 914).

No. 38.ff. 123b, 39bl-39bl5. Ajwihat al-masā'il al-wārida min balad al-Shaykh al-Fāḍil al-Ḥakīm Abī al-Khayr al-Ḥasan b. Suwār (Answers to the questions posed or answered by Ibn Suwār).

The author (b. 331/943) was a logician and philosopher of Baghdad who studied under Yahyā b. Adī It is difficult to decide from the title whether he has posed the questions which are here being answered, or whether he is the respondent. It is clear from the text, however, that the person asking the questions is either ignorant of, or else wishes to challenge, basic Aristotelian notions. Since the answers follow the standard Peripatetic formulations, it would seem that the questions are being answered by Ibn Suwär.

There are three questions: (1) On whether fire can be both a substance (jawhor) and a body (nism), (2) concerning the problem of the form of an element falling under two genera, and (3) can a substance have an opposite?

No. 39. ff. 125a-128b. Risāla fī al-madkhal ilā 'ilm al-mantiq (Introduction to Logic), by Abū al-Ḥasan 'Alī b. Aḥmad al-Nasawi (author of No. 26 above, which see).

There is a note in the beginning to the effect that this text was copied from a copy in the hand of one of al-Nasawi's students, to whom the work was dictated. The work follows the normal order of the Organon and seems to be, as the title states, an introduction to logic in much the same way that the Tajrid (No. 26) is an introduction to geometry. There is one schematic drawing on f. 126s. A note at the bottom of 128b discusses the "universal intellect" and the "world soul".

No. 40. ff. 129a-132a. Kitāb taqyīd hodūd al-mantiq allatī wada'a Aristātālīs al-faylasūf (A book Setting Forth the Definitions of Logic Established by Aristotle the Philosopher), compiled by 'Abd Yashū' b. Bahrīz, archbishop of Mosul during the reign of the Caliph al-Ma'mūn (see GCAL, vol. 2, pp. 119-120).

We are told in the introductory sentences that this work was compiled for the Caliph al-Ma'mūn in order to aid in the understanding and memorization of the basic definitions and classifications of logic. As such, it seems clear that Edited in Badawi, 1947, p. 283; see Districh, p. 94, and Van Ess. p. 150; French translation in Badawi, 1968, pp. 145-6.

No. 31. f. 114a. Magāla fī anna al-quwwat al-wāḥida yumkin an takūn qābila li<sup>2</sup>l-aḍdād jamī'an 'alā ra'y Arisṭāṭalās (A Treatise to the Effect that It Is Possible for One Faculty to Receive Simultaneously Opposite Stimula, according to the Opinion of Aristotle), by Alexander of Aphrodisias.

Edited in Badawi, 1947, pp. 284-5; see Dietrich, p.95, and Van Ess, p. 150;

French translation in Badawi, 1968, pp. 147-8.

No. 32. f. 114a,b. Maqūla fī anna al-mukawwan idbā istahāl min 'adamihi istahāl min diddihi ay dan ma'an 'alā ra'y Aristātālis (A treatise to the Effect that the Generated Being, when It is Transformed from Non-existence, is also Transformed from Its Opposite Simultaneously, according to the opinion of Aristotle), by Alexander of Aphrodisias.

Edited in Badawi, 1947, pp. 286-8; see Districh, p. 95, and Van Ess, pp.

150-1; French translation in Badawi, 1968, pp. 149-50.

No. 33. f. 114b. Maqāla fī al-ṣūra wa-annahā tamām al-haraka wa-kamāluhā 'alā ra'y Arisṣū (A Treatise to the Effect that the Form Is the Completion and Perfection of Motion, according to the opinion of Aristotle), by Alexander of Aphrodisias.

Edited in Badawi, 1947, pp. 289-90; see Districh, p. 95; French translation

in Badawi, 1968, pp. 151-2.

No. 34. f. 115a. Maqdla fi ithbat al-suwar al-rübāniyyat allatī lā hayūlā lahā (A Treatise on the Establishment of the Spiritual Forms Which Are Devoid of Matter), by Proclus.

Edited in Badawi, 1947, pp. 291-2; also in Endress, Proclus, with German translation and study, pp. 12-18, 260-266; see Districh, p.95. Pines, 1955, and Lewin, have pointed out that this treatise, in the MS attributed to Alexander, is actually Propositions 15-17 of Proclus' The Elements of Theology.

No. 35. f. 115a,b. Magāla fi anna al-fi-l'a anna min al-haraka 'alā ra'y Aristā (A Treatise to the Effect that Action Is More Comprehensive than Motion, according to the opinion of Aristotle), by Alexander of Aphrodisias.

Edited in Badawi, 1947, pp. 293-4; see Dietrich, p. 95; French translation

in Badawi, 1968, pp. 153-154.

No. 36. ff. 115b-119a. Maqāla fi annu al-fugūl allatī bibā yuqassam jina min al-ajnās ... (A Treatise to the Effect that the Characteristics by which One Genus Is Distinguished from Another ....), by Alexander of Aphrodisias,

Edited in Badawi, 1947, pp. 295-308, see Districh, p. 96; French translation in Badawi, 1968, pp. 155-165. There are glosses by Abū Bishr Mattä b. Yünus.

this is difficult to read, but it is well worth translation in extense. Apparently the scientist was a well-to-do citizen of Rayy (near modern Tehran) who kept open house for students who came to study under him. He would sit, surrounded by books, to consult when callers asked questions. When thirsty he pulled on a rope, at the end of which was a jug. There Avicenna visited him, to consult about the Qangn; also another savant, whose name defies reading.

The following eleven treatises (with the exception of No. 34) are by the third-century Peripatetic philosopher Alexander of Aphrodisias. For a discussion and hibliography of the Arabic Alexander, see G. Strohmaier's article "Al-Iskandar al-Afrūdisi" in EI<sup>2</sup>, vol. 4, pp. 129-130.

No. 27. ff. 107b-112b. Maqals (7 al-qawl fi mabadi' al-kull bi-basab ra'y Aris;āṭālis (A Treatise on the Doctrine Concerning the Principles of the Universe According to the Opinion of Aristotle), by Alexander of Aphrodisias.

Edited in Badasci, 1947, pp. 253-277. There are other MS copies; for a bibliography, see Dietrich, p. 93, and Van Ess, p. 150. A French translation is in Badasci, 1968, pp. 121-139.

At the bottom of f. 112h are short quotations from al-Kindi, Ibu al-Tayyıb and Thäbit h. Qurra.

No. 28. f. 113a, Hal al-mutaharrik "alā "izam mā yataharrak fī awwal harakatihi "alā awwal jur" minhu am lā? (For an object moving along a given distance, does it move, at the beginning of its motion, along the first part (of the given distance) or not?), by Alexander of Aphrodisias.

Edited in Badaws, 1947, pp. 278-9; see Districk, p. 94; French translation

in *Badawi*, 1968, pp. 140-141.

No. 28a. f. 113a,b. 'An quwl Aristātālās fī kitāb al-nafs: inna al-hayawān al-kullī... (On the Doctrine of Aristotle in De anima that the Universal Living Creature ....), by Alexander of Aphrodisias.

Edited in Badawi, 1947, pp. 279-80; see Dietrich, p. 94; French translation in Badawi, 1968, pp. 141-142. In the MS, this treatise appears as part of the

preceding work.

No. 29. f. 113b. Maqāla fī al-radd "alā Ks (in) qrāṭis fī anna al-ṣūra qabl al-jins ... (A Treatise in Refutation of Xenocrates" (assertion) that Species Precedes Genus...), by Alexander of Aphrodisias.

Edited in Badawi, 1947, pp. 281-2; see Dietrich, p. 94. French translation in Badawi, 1968, pp. 143-4; English translation and study in Pines, 1961.

No. 30. f. 113b. Maqala fi annahu qad yumkin an yaltadlidh el-multadlidh wa-yahzan ma'an 'ald ra'y Arista (A Treatise to the Effect that It Is Possible that the Happy (individual) Be Simultaneously Happy and Sad, according to the opinion of Aristotle), by Alexander of Aphrodisias.

the length of the Prophet's life, the fall of the Persian empire, rise of the 'Abbäsid dynasty, and so on. Professor David Pingree remarks that this document utilizes not only inferences from conjunctions, but also the concepts of intihā' and qisma.

No. 26. ff. 86a-106b, 145a. Kitāh al-tajrīd fī usūl al-handasa (An Epitome of the Elements of Geometry) by Ahū al-Ḥasan 'Alī b. Ahmad al-Nasawī (fl. 5/11th century).

The book is dedicated to a certain Imam al-Murtada al-Fakhr b. abī al-Ḥasan al-Muṭahhar b. Sayyid al-Zakī Dhī al-Ḥasabayn b. abī al-Qasm (?), It is a textbook for beginners in geometry. In the colophon the author suggests that students who have completed his book may then turn to the Elements of Euclid.

The book consists of an introduction and seven treatises (maqalat); within the treatises propositions or sections are numbered in the margin.

Treatise I (f. 86b): definitions of geometric entities - point, line, surface, etc. There are theorems involving intersecting lines, parallels, and triangles; in particular the Pythagorean Theorem.

Treatise 2 (f. 90a): seems to be an introduction to geometric algebra, involving the representation of arithmetic operations by geometric figures.

Treatise 3 (f. 91a): introduces circles and theorems involving chords, tangents, inscribed angles, and such-like.

Treatise 4 (f. 94a): involves polygons inscribed in or circumscribed about a circle.

Treatise 5 (f. 95b): is on the theory of proportions, including combined ratios.

Treatise 6 (f. 99a): deals with similar figures and their properties, especially triangles.

Treatise 7 (f. 103s): introduces solid geometry, including considerable material on the properties of apheres.

The colophon (f. 145a) recommends that one who seeks further enlightenment may study the author's Kitâb al-balāgh, a commentary on Euclid's Elements. This copy of the Tayrid was completed in the last part of Dhū al-Qa\*da, 557/November, 1162.

The book seems not to be of fundamental importance. Nevertheless its contents should be studied in detail. Mr. Mustafa Mawaldi, of the Institute for the History of Arabic Science, University of Aleppo, is preparing a critical edition of the Tairid.

(Cf. GAS, vol. 5, pp. 345-8, which has other references).

## Al-Nasmoi's Life-Style

The lower part of f. 145a is taken up with a paragraph of recollections by a certain judge, al-Şanawbari, about al-Nasawi, his life and times. Much of

No. 20. f. 82a19-82b. Jawab Abi al-Wafa' Muhammad b. Muhammad al-Büzjāni 'ammā sa'alahu al-Faqih Abō 'Alī al-Ḥasan b. Ḥārith al-Ḥubūbī (The Answer of Abū al-Wafā' Muhammad b. Muhammad al-Būzjānī to a Question Put Him by the Jurist Abū 'Alī al-Hasan b. Hārith al-Hubūbī).

This text has been published in facsimile in Kennedy & Maucildi, together with a paraphrase using modern symbols and a commentary. In it the famous scientist Abū al-Wafā' (328/940-387/997) was challenged by al-Hubūbi to produce and prove a rule for calculating the area of a triangle in terms of its sides. He gives in fact three such rules, none identical with the well-known "Heron's Rule", but all, of course, equivalent to it.

No. 21. f. 83a. Risāla fī istikhrāj samt al-qibla (A Paper on extracting the Direction of Prayer) by Naṣr b. 'Abdallāh (al-'Azīzī, fl. 4/10th century, see GAS, vol. 5, p. 314; vol. 6, p. 208) the Geometer (muhandis).

The author's method avoids the difficulties of trigonometric computation by plotting the coordinates of Mecca and the locality in question upon a physical hemisphere, the base of which is the local horizon - plane. Then the required azimuth is constructed.

No. 22. f. 83b. Al-burhān 'alā anna al-falak laysa huwa fī ghāyat al-ṣafā' (A Proof that the Heavens Are Not Completely Transparent), by Abū Sa'd al-'Alā' b. Sabl (the author of No. 19 above, which see).

There is a reference to the fifth treatise of Ptolemy's Optics. The treatise has four figures. In the colophon is a remark to the effect that this version was copied from a copy made from a copy in the hand of Ibn al-Haytham.

No. 23. f. 84a. A page of quotations from Aristotle, Hippocrates, Galen, Ptolemy, Apollonius (Balīnās), and Plato.

No. 24. f. 84b. Al-Adab al-saghir (The Small (Treatise on) Good Manners). Despite the title, this page of aphorisms does not correspond to Ibu al-Muqaffac's well-known and oft-printed work (cf. GAL, Sl, p. 233). But as M. Kurd 'Alī has pointed out, this work does contain many of the same sayings to be found in the text of a Cairo MS called Kitāb al-Adab. This latter work, which is likewise attributed to Ibn al-Muqaffac, was published in Kurd 'Alī, Rasā'il (second edition, p. 118). In subsequent editions those additional sayings from the Zāhiriyya MS (some 70 in all) were published as a supplement. A selection of them can also be found in Kurd 'Alī, Makhṭāṣ.

No. 25. f. 85a. This is the last page only, including a colophon, of an astrological work by a certain al-Rāzī.

It is evidently another example of the category of world histories based on Jupiter-Saturn conjunctions (see e.g. *Pingree*). This one is centered on the rise of Islam, establishing correlations between astrological indications and The full name of the author (d. 379/990) was Abū Ḥāmid Ahmad b. Muḥammad al-Ṣagbānī, see GAS, vol. 5, p. 311; vol. 6, p. 217, which spells it Ṣāghānī and which gives other references. This is another example of a category of astronomical writing which commenced with Ptolemy's "Planetary Hypotheses" and which was carried on by Kūshyār, Ibn al-Shāṭir, al-Kāshī, and others (see Goldstein & Swardlow).

Al-Saghani's paper has three chapters: the first is an introduction, the second is on planetary distances, the third on planetary magnitudes. He refers to a book by Thabit (b. Qurra) and to one by Abū Jacfar Muhammad b. al-Husayn (cf. Suter, p. 80) thus increasing by one the writings ascribed to the latter.

No.17. f. 80a,b. Risāla Maḥmūd ibn abī al-Qāsim al-tājir fi al-iḥtiyāl lima'rifa miqdārayu min al-dhahab w'al-fidda fi jism murakkab (A Paper by Maḥmūd b. abī al-Qāsim the Merchant on the Determination of the Amounta of Gold and Silver in an Alloy).

Who Mahmud b. Abī al-Qāsim was we have not a clue. This treatise, however, is a work of 'Umar al-Khayyam and has been printed and translated several times. The treatise (or parts of it) either occurs separately (as here) or as part of al-Khāzini's Mizān al-Hikma (Hyderabad, 1359 H., 87, 18 - 92, 1). It should be noted that there are a number of variations between our copy and other versions, particularly in the heginning. (For the complete bibliography, see Youschkevitch and Rosenfeld's article "Al-Khayyāmi", DSB, vol. 7, p. 332).

No. 15. f. 80b. Mas'ala handasiyya ((two) Geometric Problem(s)). Anonymous, (two figures).

The author first announces and proves the trivial theorem: in any right triangle the diameter of the incircle is the excess of the sum of the two legs

over the hypotenuse.

He then proves that for any triangle the diameter of the incircle is equal to the area divided by the perimeter. In so doing he uses a theorem he attributes to the Banū Mūsā to the effect that the area of a triangle is the product of the semiperimeter times the inradius. He also states that the area of a triangle can be calculated in terms of its sides, thus assuming knowledge of Heron's Theorem or its equivalent (see No. 20 below).

No. 19. ff. 81a-82a. Rights fi al-alat al-muhriqa (A Paper on the Burning Instrument) by Abū Sa'd al-'Ala' b. Sahl (The author of No. 22 below, 5 figures).

According to Sezgin (in GAS, vol. 5, pp. 341-2; vol. 6, pp. 232-3) the author lived in the 4/10th century, but no reference names this particular treatise.

The problem posed is to construct a device to burn an object from a given distance, either by refraction (yanfudhu) or reflection. However, in the discussion only reflection is discussed. A parabola is mentioned, so that the contrivance is no doubt a parabolic mirror. Most of the text consists of geometric proofs.

Question 15, a solar eclipse.

Question 16, a matter concerning the king.

Questions 17 and 18, the rise or fall of a price (f. 75b).

Question 19, on encountering the enemy at the beginning of a war.

We find no mention in the literature of a work of this sort attributed to Khayyām, see e.g. DSB, vol.7, pp. 323-334.

No. 12. f. 75b. Şan'at al-ālat al-zamriyya li-lliyōs al-Ḥakīm (Construction

of the Whistling Instrument by Iliyus the Sage).

The device is illustrated by a complicated, poorly drawn figure, which with the explanatory text, takes up only half of a page. The mechanism is water driven and involves a gear train, valves, levers, and two pierced floats

(tarjahāra).

The author's name is probably a mistranscription of Abulinus (only a slight emendation is needed). The text is a short account of the "fluting machine"—described in a treatise on musical automata ascribed to "Apollonius the Carpenter". For MSS of this, see GAS, vol. 5, p. 143, and Hill, pp.15-16. Wiedsmann, II, pp. 50-57, gives a German translation of the part on the "fluting machine".

No.13. f. 76s. 'Amal āla li-qiyās al-kawākib al-thābita (Construction of an Instrument for Taking Measurements of the Fixed Stars). Anonymous,

From a drawing it seems that the device is simply a vertical, circular protractor equipped with an alidade for taking altitudes.

No. 14. ff. 76b-77a. Na'mal ăla yu'lam bihă 'amud kull jabal wa-țul kull bă'i; wa-irtifă' kull shay' aradnāhu (We construct an instrument for determining the height of any mountain, the length of any wall, or the altidude of anything desired). Anonymous.

There are four simple drawings. The material seems to consist of applica-

tions of elementary geometry.

No. 15. ff. 77a-78a. "Amal al-ṣandūq li"l-sā"āt (Operation of the Hour Box). Anonymous.

On f. 77b are two simple drawings; on f. 78a eight drawings of details plus one (or two) crude but very complicated representations of the whole apparatus. It is apparently water driven . There are twelve small metallic spheres, one for each hour, presumably to be dropped at appropriate instants. There is a semicircular dial containing the names of the zodiacal signs, perhaps to make arrangements for the seasonal hours.

No. 16. ff. 78b-79b. Maqālat al-Şaghānī fī al-ab<sup>c</sup>ād wa<sup>2</sup>l-zjrām (Al-Şaghānī's Treatise on (Planetary) Sizes and Distances).

The device it describes consists of a celestial sphere set down halfway through the top of a chest so that the top corresponds to the horizon plane for the locality. The sphere is caused to rotate about its polar axis with the speed of the daily rotation. It is driven by means of a weight which rests on a slowly sinking surface of sand.

The sphere thus reproduces quantitatively the situation on the celestial sphere in the course of each twenty-four hours. Hence problems may be solved

by direct measurement on it.

No. 11. ff. 74b-75b. Masa'ii nujümiyya, azunnuhā min kalām 'Umar al-Khayyāmī (Astrological inquiries which I take to be from the work of 'Umar Khayyām (d. c. 517/1123).

This curious document consists of a set of nineteen questions, presumably addressed to some astrologer. For each, a horoscope has allegedly been cast from which predictions are to be inferred. As an example we give Question 2 in full. Each (except Question 13) has a response written out. What is peculiar is that every single one of the responses is a demonstration that the configuration described is astronomically impossible. For instance the position of a superior planet in its epicycle may be incompatible with the stated solar position. Has this set been compiled to entrap incompetent astrologers? Cf. No. 9 above.

Question 1, concerning an impending difficulty.

Question 2. The commander of a certain army has drawn up his troops in the face of the enemy. The moon is near the first of the (lunar) month. The two luminaries are in the seventh locus, in auspicious aspect with Venus, which is in the fifth locus, with Jupiter. The horoscope is in Cancer, in a propitious situation, except that the moon is in its deferent apogee opposite Jupiter, in its epicyclic perigee, whereas Mars is ascending in its epicycle in the seventh locus, Will the general be victorious or not?

Question 3, concerning a prospective journey.

Question 4, concerning a prisoner, will be be released?

Question 5, a runaway slave, will he be recovered?

Question 6, concerning rain.

Question 7, a nativity.

Questions 8 and 9, on insanity (?) (f. 75a).

Question 10, concerning love.

Question 11, on an enthronement.

Question 12, another nativity.

Question 13, a marriage .

Question 14, on an impending birth.

Problem 15. If the descending node is the nativity kadkhudā, does this decrease the length of life (f. 70s)?

Problem 16. A topic involving the intiha'.

**Problem 17.** If the indicators at the year-transfer are the indicators for the first month of the year, ... (f. 70b)?

Problem 18. If the tasyir ends at the ascendant, or if ....?

Problem 19. In an interrogation, determine the mubiass.

Problem 20. Action upon being interrogated simultaneously concerning two affairs (f. 71s).

Problem 21. What if the domicile of the request is split between two signs...?

Problem 22. What if a client asks about about a journey and you do not know his nativity ?

Problem 23. A client inquires about undertaking a raid (ghasw), and the horoscope which is the indicator ...

Problem 24. If the choice indicated by the indicators is maleficent (?), and ... (f. 71b).

Problem 25, An inquiry about sickness (f. 72a).

Problem 26. If the moon is eclipsed in Aquarius, and Saturn is in Pisces in its domicile, and ...

Problem 27. At a locality of latitude 16°, what is the length of daylight if the solar altitude is 90° (f. 72a)?

Problem 28. This is a quotation from the poet Dhū al-Rumma involving the Pleiades. Question: what is the latitude of the poet's locality?

Problem 29. Determine the height of a tree or a wall.

Problem 30. Find the shortest distance between two localities by the best method in the stj.

The colophon gives the date of copying as the latter part of Ramadan, 555 / the early part of October, 1160.

(For other MSS, see GAL, Gl, p. 233; Sl, p. 399, also according to the catalogue prepared by D. A. King; Casro, Dår al-kutub, Miqat 447,1.)

No. 10. ff. 73a-74a. Maqāla li'l-Khāsinī (text: al-Khāzimī) fī ittikhādh kusa tadūr bidhātihā bi-haraka musāwiya li-barakat al-falak wa-ma'rifat al-famal bihā sākins wa-mutsharrika (A Treatise by al-Khāzinī (fl. 520/1126) On Constructing a Sphere That Rotates by Itself with a Motion Equal to the Motion of the Heavens, and Instructions for Its Use, Both at Rest and in Motion).

The author's full name is Abū al-Fath 'Abd al-Rahmān al-Khāzinī (DSB, vol. 7, p. 335). This work is published in Lorch with translation and commentary.

states that the astrological profession is plagued by ignoramuses who should have no right to practise. He therefore propounds a set of thirty problems, together with their solutions, three for each of the ten branches of the discipline.

He divides the art of judgments (ahkâm) into the following categories:

- That having to do with the fate of the universe; year-transfers, eclipses, conjunctions, etc.
- 2. Everything concerning nativities: the haylej, the kadkhude, etc.
- Year-transfer of the nativity, the intihê'ât, the lord of the year (sālkhudā), etc.
- 4. Interrogations.
- 5. Choices (ikhtiyārāt).

The author requests that the Amir not divulge the contents to any save qualified persons, lest the ignorant take to learning the answers by heart and it become impossible to distinguish the learned from the charlatan.

Problem 1. Why does the moon not retrodgrade (f. 67b)?

Problem 2. Why are Mercury and Venus never eclipsed?

Problem 3. Why is there zero duration of totality for a solar eclipse?

Problem 4. Calculate a value of the solar equation without a table (f. 68a).

Problem 5. Determine the latitude of a locality on a cloudy day.

Problem 6. Determine the solar true and mean longitudes at given time, and the solar equation, there being no observational instrument at hand.

Problem 7. Is it possible to take (celestial) altitudes with an astrolabe on a cloudy day (f. 68b)?

Problem 8. Is it possible to make an instrument to measure the magnitude of an eclipse or the portion of the moon's face which is illuminated?

Problem 9. Given a local latitude, inscribe certain curves on an astrolabe plate (f. 69a).

Problem 10. Suppose a solar eclipse, visible in one locality, invisible in another, is taking place at the instant horoscopes are cast in the two localities. What are the astrological implications?

Problem 11. Why are judgments for a year taken from the entry of the sun into Aries, and why are judgments not taken for months at the instants of entry of the sun into the signs?

Problem 12. How are the lots to be calculated for a nativity?

Problem 13. How can the horoscope be verified by use of the nimudar (f. 69b)?

Problem 14. A topic involving the haylaj.

This fragment consisting of Chapter 1 and part of Chapter 2 of Themistius' (fourth century A. D.) commentary/paraphrase of Book A of Aristotle's Metaphysics has been edited from this copy by Badawi 1947, pp. 329-333. The Greek original is not extant, but the Hebrew translation from the Arabic and the Latin translation from the Hebrew have both been edited by Landauer.

Themistius spent most of his life in Constantinople as a politician and philosopher. He wrote paraphrases and commentaries on the works of Aristotle and Plato, many of which were translated into Arabic (DSB, vol. 13, pp. 507-309).

No. 7. ff. 39bl6 - 39b34, 39a; 124a - 124b. Maqālat al - Shaykh Abī Zakariyyā Yahyā b. 'Adī fī mā intaza 'ahu min kitāb al-samā' al-tabī'i wa-ghayrihi li-Aristā (A treatise by Abū Zakariyyā Yahyā b. 'Adī concerning what he has extracted from the Physics and other (works) of Aristotle).

The text of this essay by the celebrated logician of Baghdad (d. c. 975, GAL,Gl, p. 207; Sl, pp.342, 370) has been edited by Türker, based on MS Istanbul Universite Kütüphanesi ar. 1458, ff. 106a-108s. Endress (Yaḥyā, pp. 66-67) lists other MSS.

No. 8. ff. 63b-66a. An untitled set of topics on astronomy, by one Muhammad b. Mansūr al-Marwazi having the kunya Abū 'Abdallāh (cf. GAS. vol. 6, p.191).

There are thirteen routine questions, with answers, involving spherical astronomy. E.g.: in two localities of different latitude, the sums of the meridian altitudes of the first points of Capricorn and Cancer are the same. What is the latitude of each locality?

There follows a paragraph of problems on eclipses, without answers. The first question asks for the difference in immersion of a lunar eclipse as a function of local latitude. Either this is a trick question or the propounder was ignorant, for any lunar eclipse presents the same appearance at all locations.

The concluding paragraph is of questions concerning first visibility of the lunar croscent. The author seems to have commenced an explanation which terminates unfinished, followed by the colophon.

On f. 66a, written in vertical lines in the lower half of the folio, is a list of the "middle books" is astronomy, these to be studied before the Almagest but after Euclid's Elements.

No. 9. ff. 66 b - 72 a. Risāla "Abd al-"Azīzb. "Uthmān al-Qabīzī al-munajjim ilā al-amīr Sayf al-Dawla, fī imtihān al-munajjimīn miniman buwa muttasim bi-hādhā al-ism (A letter by the astrologer al-Qabīzī (d.356/967) to the prince Sayf al-Dawla, "On Putting to the Test Those Who are Called Astrologers").

Al-Qabisi (DSB, vol. 11, p. 226; GAS, vol. 6, pp. 208-210) addresses this to the Hamdanid governor of Aleppo. In a long-winded introduction the author Patrologia gracca, X, col. 1137-1146). Gätje has edited two Arabic versions of the work (pp. 95-129) from several MSS. This copy, which he has not used in his edition, corresponds to what he calls the "longer version", though there are some textual differences.

Ullmann has recently described another copy of the longer version that occurs in a Lisbon MS (Academia das Ciências de Lisboa, Arabic MS V. 292, 60bli-63b) and has listed a substantial number of variations from Catje's text.

For further hibliographical details concerning other editions and translations of this work, see Gatja (pp. 54-62) and Ullmann.

No. 4. ff. 21a - 35a. Kitāb al-Fawz (The Book of Attainment), by Abū 'Alī Ahmad b. Muhaumad Miskawayh (d 421/1030).

This work is not the Kitāb al-Fawz al-akbar (The Larger Book of Attainment), which Miskawayh promises to resume at the conclusion of the text; rather, it is the Kitāb al-Fawz al-asghar (The Smaller Book...), which has been printed twice: once in Brirut (1319/1901), and once in Cairo (1325/1907). Concerning the other writings of Miskawayh, see GAL, Gl, p. 342; Sl, p. 582.

No. S. ff. 36a-37h, 40a-62a. Hādhā Kitāb Gharghūryūs usquf Nūsā al-ma'rūf bi-Kitāb al-Abwāb fī (abī'at al-insān wa-hiya thalātha wa-arba'ūn bāb (This is the book by Gregory, the Bishop of Nyssa, known as the "Book of Chapters on the Nature of Man" (consisting of) 43 chapters.)

This work, De natura hominis, is not by the well-known Saint Gregory of Nyssa, but by his rather lesser known contemporary Nemesius of Emesa (ft. fourth century A.D.). (For details of how this misidentification occurred, see Telfer, pp. 203, 216-17). The edition of the Greek text is due to Matthasi (reprinted in Migne's Patrologia graeca, XL, col. 503-818), and the work has been translated into various languages. In particular, we should mention the English translation by Telfer and the recent edition of the Latin translation (due to Burgundio of Pisa) by Verbeke & Mancho (both of which see for information concerning Nemesius and for bibhography).

The Arabic text has not been bandled with similar scholarly enthusiasm; it has yet to be edited. The translation is apparently due to Ishaq b. Hunayn (see Van Rist, p. 255). This attribution does not occur in our particular MS. Van Rist has recently called attention to the need for a critical edition of the Abwāb, arguing that it contains important information on the transmission of Stoic idea to Islamic civilization.

For other MSS, see GCAL, II, 130; also Van Rist, p. 255. For the table of contents, see the description by Sbath (MS 1010, vol. 2, pp. 128-9).

No. 6. f. 38a,b. Maqālat al-lām. Sharh Thāmistyūs, tarjamabu Ishāq b. Hunayn (Book A Commentary by Themstius, translated by Ishāq b. Ḥunayn).

And finally, back on f. 36a, a note states that in Muharram 1292 / February 1875 it was bought by Abū al-Ḥasan b. al-Sayyid Muhammad Ridwān al-Khurāsāni al-Mashhadī, from the estate of the "Sultan of India", the purchaser being a teacher in the shrine of the Imām Ridā at Meshed in northeastern Iran.

The owner named in the next to the last paragraph above appears to have been a great-grandson of Muhammad Shāh, the Mughal emperor (Storey, p. 1133, where his name and genealogy are given as Mīrzā M. Ḥ-Sh. b. Mīrzā M. Kāmbakhsh Bahādur b. Mīrzā M. Sulaimān-Shukōh b. M. Shāh).

Thus Zāhiriyya 4871 has an illustrious span: in time extending over seven centuries, and in space from Turkey in the west to India in the east, finally returning to safe haven in Damascus.

#### 5. The Contents

No. 1.ff. 5a-6b, 1a-4b. Al-Şuḥuf. In other manuscripts the title is Al-Şuḥuf al-Yūnāniyya (The Greek Epistles), Anonymous.

(A part of the first chapter Al-Sahifat al-gharra' is lost; f. 5al corresponds to p. 333.3 of Yahya's edition. This disarranged copy is otherwise complete.)

This work of sthical exhortation has recently been published by 'Uthman Yahya (pp. 319-389), who claims that it had an indirect influence on Shihah al-Din al-Suhrawardi. Yahya used only MS Aya Sofya 2144 (ff. 65b-89a) for his edition, though other copies exist: Aya Sofya 2460,2 and Chester Beatty 4819,1 (ff. 1-16). Kurd 'Ali, Makhiii, states that another copy of the work exists in the Zāhiriyya, but we have been unable to confirm this. The same volume of the same journal (pp. 41-43) contains an extract from this work ("Fi mukhāṭabat al-ghanīy").

No. 2. ff. 7b-19a, Al-Ārā' al-ṭabī'iyya allati tarḍā bihā al-falāsifa (Opinions on Natural Philosophy Accepted by the Philosophers).

This is the translation by Qusiā b. Lūqā (ca. 205/820-300/912) of the *Placita philosophorum*. The work had usually been attributed to Plutarch until Diels in his *Doxographi grasci* (1879) showed it to have been composed by a certain Astius (1st or 2nd century A.D.).

Badawi, 1954 (pp. 89-188) originally published the work using this single manuscript. The excellent edition by Daiber, which includes a German translation and commentary, makes use of several other manuscripts.

No. 3. ff. 19b - 20b. Nushhat al-sabout abwab allati wa jacaha al-Hakim fi sifat al-nafs (A copy of "The Seven Chapters Set Forth by the Philosopher on the Character of the Soul").

According to Gätje, this pseudo-Aristotelian work is a rather free translation of the Syriac version of the Λόγος περαλαιώδης περί ψυχης πρός Τατιανόν by Gregorios Thaumaturgos (3rd century A. D.) (edition of the Greek text in Migne's

But at present the page on the right is blank, and there are only forty-there treatises in the volume. Evidently about half of the original has vanished, and the remaining folia have been rebound, out of order, for presumably f. 36a was the original title page.

That Baghdad was the place of origin is clear from the fact that the colophons of several treatises (e. g. Nos. 2, 4, and 19) give it as the place of copying,

Another note indicates that in the year 550/1155 a certain Haykal b. Fadlalläh al-Hillī of Baghdad examined the volume, and a third states that in Sha'bān 777 / January 1376 it was purchased by Ahmad b. Hasan al-Marhā al-'Alawi for thirty dinārs.

The name of a subsequent owner, "All b. "All b. Husayn b. al-Jammäi al-Jahiri appears four times, thrice on f. 36a, and once on f. 107a, associated with the date 825/1422.

A note on f. 85 b states that a certain Ahmad b. Hasan b. Hasan b. Hākim examined the manuscript in the year 856/1452.

The names of four additional readers appear, but without dates. They are:

- 1. Ahmad b. Marrof b. Khalifa b. Malik
- 2, Ismā<sup>c</sup>il b. Muḥammad b. Ismā<sup>c</sup>il al-Juwaynī (named on ff. 36a and 85b)
- Muhammad b. "Ail b. Jahir b. al-Jammal (the son of "All... al-Jahir!?)
- 4. Muhammad al-Hijāsī

Thus far no evidence has been exhibited of its having left Baghdad, but one of the inscriptions on f. 36s, dated 13 Jumādā I, 919 / 17 July 1513, cutes an owner in Constantinople, 'Abd al-Rahmān b. 'Ali b. sl-Mu'ayyad, a Ḥanafī jurist (GAL, G2, pp. 209, 227-8; S2, p. 319).

On the same folio a further displacement is indicated by a remark that Abū al-Fath Muhammad b. "Abū al-Salām, the Mālikite mufti, presumably of Damascus, borrowed the book in 943/1536. The new location is confirmed by a statement that Ma'rūf b. Ahmad b. "Umar purchased it in Damascus in the year given above. The volume changed hands again in 1075 / 1665, still in Damascus, when Ibrāhīm Amīn al-Fatawi bought it from the estate of Anīs Effendi. Another owner, in 1113/1701, was Muhammad Tāj al-Dīn b. "Abd al-Ḥusayn al-Qal'ī (f. 36a).

The last four dates given above are all from f. 36a. However, on the present title page, f. la (bence written after the volume was rebound) is a statement to the effect that on 9 Shawwāl 1238 / 19 June 1823 the book was placed in the library (Persian *kitābkhāna*) of Mīrzā Muhammad (?) Kay Ḥaydar-Shukōh Bahādur.

only one folio has survived, the total given, 14sf., can be used to estimate the length of the non-extant complete Arabic text of Themistius' commentary.

In the instances listed below in chronological order the scribe has given dates, hence some information concerning the original order of the treatises. When part or all of a work appears on a folio belonging to one which is dated, approximately the same date applies to both.

No. of Work	Title	Date	Folio	Remarks
s	De nature bominis (sl-Alredb)	550/1155	86a	
9	Imtehên al-munojjimin	Beginning of Ramadia, 555/September, 1160	72a	Same date for No. 8
39	Al-Madkhal ılá 'ilm ol-mantıg	Dhū el-Hijja, 556/ October, 1161	128Ь	Copied in one ovening
2	Placita (al-Ārā')	Beginning of Muharram, SS7/ December, 1161	19a	Same date for No. 3
4	Kitāb al-Fasos	Beginning of Muharram, 557/ December, 1161	35a	
36	Alexander's al-Pușil	End of Rabi <sup>a</sup> I, 557/ March, 1162	219a	Probably includes Nos. 28-35
37	Maximus	Beginning of Ruhi* II, 557/March, 1162	123a	Probably includes Nos. 38 and 7
26	Tajrīd	End of Dhū al-Qa*da, 557/ November, 1162	345±	
21	Samt al-gible	557/1162	83a	Probably same date for No. 22
40	Togyid hudid al-manisq	557/1162	132m	Perhaps should follow No. 89; *ame
27	Alexander's Mabadi*	Dhù al-Qa°da, 558/ Qetober, 1163	112Ъ	date as No. 41.

So the copying of the collection spanned at least eight years, suggesting that it may have been done by the owner, slewly obtaining access to works he wished to have for himself.

## 4. History of the Manuscript

F.36a, the title page of al-Abwāb, is covered with over a dozen annotations in various hands (cf. Zāhiriyya Catal., vol. 8, pp. 5-7). One of these states that, "This collection contains eighty works. The table of contents is on your right".

The second category is sharper, involving the exact sciences and technology, subdivided further into: mathematics (Nos. 18, 20, and 26), astronomy and astrology (Nos. 8, 9, 11, 16, 21, and 25), instruments (Nos. 10, and 12-15), optics (Nos. 19 and 22), and specific gravity (No.17).

All the works are from the and'if (or, as some Muslims called them, the "foreign") sciences. Of those from the exact sciences, none are of fundamental importance, although several are of considerable interest. Some are of a proparatory nature. Thus, al-Nasawi's two works (Nos. 26 and 39) are introductions to geometry and logic, and lbn Bahrīz states that his (No. 40) is to aid the student with the basic terminology of logic.

It looks as though the collection were assembled on behalf of a person whose primary or professional interests were humanistic, but who desired also a speaking acquaintance with scientific matters. This notion is reinforced by the fact that at least two of the people whose names appear on the title page were jurists.

## 3. The Manuscript and the Copyist

At present the volume has 146 folios, 17 × 26 cm., badly preserved, with ragged edges and some holes. There are usually 39 to 41 lines per page, although sometimes as many as 46. The hand is a cramped but legible maskh, frequently with dots left out, and normally no vocalization. Margins are narrow; the scribe squeezed in maximum words per page.

Although there is some variation in the handwriting, we believe the entire manuscript should be attributed to the same anonymous copyist, resident in Baghdad. He was conscientious, inserting numerous marginal corrections, and collating twelve of the surviving forty-three treatises (Nos. 1-5, 9, 11, 27, 31, 36, 37, and 41) with other copies. In the colophons of Nos. 4, 9, 21, and 40 he remarks that the version he is copying is bad (saqim), and urges collation with other copies.

He names some of his predecessors, stating that for Nos. 19, 21, and 22 he is using the copy made by the Qādi ibn al-Murakhkhim. In turn, the latter used for No. 19 the copy of "al-"Abd Ḥāni", and for No. 22 that of Ibn al-Haytham. No. 27 is from the hand of "Tumā", and No. 36 from al-Dimashqi, the translator of the work.

The Ibn al-Murakhkhim named above was for some time one of the great judges of Baghdad, and had amassed a large library. However, upon the accession of the Caliph al-Mustanjid in 555/1160 he was relieved of his post. His library was dispersed, and the philosophical works burned (See, e.g., Ibn al-Athir, al-Kāmil, S. a. 555).

In a few cases the scribe has indicated the number of folios in a particular treatise, or set of treatises. In the case of No. 6, "The Lam Chapter," where

2	Proof the Heavens Are Not Completely Transparent	al- "Ala" b. Sahl	1 1	
3	Aphorama	various anthors	1	
14	Treatise on Good Manners	Iba al-Muqaffa"	1	
25	Astrological History	al-Risi	1	
6	Kitāb al-Tajeld (Geometry)	ul-Nasawi	43	
7	Principles of the Universe	Alexander of Aphrodisiss	n l	٠
:6	A Moving Object	Alexander of Aphrodises	1+	•
9	Species and George	Alexander of Aphrodisias	1 1	٠
ō	Rappiness and Sadness	Alexander of Aphrodisias	1	•
1	Faculties and Stimuli	Alexander of Aphrodisias	+	•
2	Generation and Non-existence	Alexander of Aphrodisias	1	•
3	Form the Perfection of Motion	Alexander of Aphrodistas	1 1	
4	Spiritual Forms Devoid of Matter	Papelus	1	٠
5	Action and Metion	Alexander of Aphrodisias	1 1	•
6	Differentiating Between Genera	Alexander of Aphrodisian	8	•
7	On Maximus' Reduction of the Syllogism	Themistics		•
8	Questions to (or from ? Ibn Suwar		11	
9	Introduction to Logic	el-Nasawi	В	
0	Definitions of Aristotelian Logic	Ibn Bahris	3	
ı	Proofs that the Universe is Etstoel	Prochm	8	
2	Questions on Physical Matters	Prochs	2	•
3	Book on Theological Matters	al-Istiaări	29	

Leaving out two sets of aphorisms (Nos. 23 and 24), we may put the remainder into two categories: philosophical, twenty-four; and scientific, seventeen.

Philosophy is here broadly conceived as including not only logic (Nos. 37, 39, and 40), but also physics, psychology, ethics, and theology (Nos. 1-7, 27-36, 38, and 41-43).

Smithsonian Institution, the Fulbright Commission, and the Fellowship Program of the American Research Center in Egypt.

#### 2. Contents of the Collection

A good notion can be obtained of the range of subject matter by consulting the list below. It gives the title or topic, author, and approximate length of each of the forty-three treatises or parts of treatises remaining in the collection, in their present order. Asterisks denote those which have been published.

Langth

			Length	
No	Title and/or Topic	Author	in pp.	Publ
1	Al-Sulpuf (ethics)	Anon.	22	•
2	Placita philosophorum	Aštius	24	4
3	Seven Chapters on the soul	Gregories Thaumaturges		4
4	Kitab al-Faws	Miskewayk	28	
5	De nature hominie	Namesius of Emere	48	
6	Commentary on Azistotle's Metaphysics	Themiatius	2	
7	On Azistotle's Physics	Iba "AdI	8 1	
8	Questions on Astronomy	al-Maswagi	6	
9	Questions on Astrology	al-Qabişi	11	
10	A Rotating Sphera Solida	al-Khāzinī	3.	
11	Questions on Astrology	sl-Khayyam	2 1	
12	Construction of a Whistling Instrument	Apollouius	1	
15	An Instrument for Observing the Fixed	Anon.	3.	
14	An Observational Instrument	Anon	1+	
15	The Hour Box (a clock)	Ann.		
16	(Planetary) Sizes and Distances	nl-Şaghānī		
17	Specific Cravities of Alloys	Mahmud b. Abl al-Qlaim	13	
16	Two Geometric Problems	Anon.	1	
19	A Burning Instrument	al- 'Ala' b. Sald	2 1/2	
20	Area of the Triangle	Abu al-Wafa' al-Bünjani	11	
21	On Determining the Direction of Prayer	Napr b. "Abdallāk	1	

# A Description of Zahiriyya (Damascus) MS 4871: A Philosophical and Scientific Collection

JAMEL RAGEP\* AND E. S. KENNEDY \*\*

#### 1. Introduction

The manuscript volume here described has already received considerable attention. The contents have been listed in Arabic in Kurd Ali, Makhiii, in Badawi, 1954, and in the Zdhiriyya Catal.. vol. 8. (Here and in the sequel, references in italics are short titles of items in the bibliography which follows the paper.) Twenty-two of the forty-three treatises which survive have been published. However, almost half of the forty-three are on scientific subjects, and until recently these have been ignored in favor of the philosophical material. It seemed worthwhile to survey the work done thus far, to indicate the contents of and assess those treatises as yet unpublished, to sketch the seven-century history of the volume, and to speculate concerning the motives of the unknown individual who selected these particular works for copying.

Section 2 below lists and classifies the components of the collection. Section 3 describes the manuscript as such, and Section 4 reconstructs its history. The concluding Section 5, by far the longest, lists each treatise separately, locating it in the manuscript. The length of the entry which succeeds depends upon whether or not the text has been published, and upon our estimate of its significance. In some cases tables of contents are given.

Our convention with dates is usually to give the Hijra, then the Christian, separated by a slash. Years and months in one calendar normally fall into two of the corresponding units in the other calendar. Here the Christian year or month cited is the one more nearly corresponding to the Hijra unit.

In an effort involving such divers fields, it was inevitable that the authors become essentially dependent upon assistance from friends and colleagues. Without implicating them in blunders committed by us we thank Professors Gerhard Endress, Josef van Ess, Dmitri Gutas, F. W. Zimmermann, A. I. Sabra, Ahmad Haridi, L. Richter-Bernburg, and Aron Zysow.

Part of the work for this study was done while both authors were at the American Research Center in Egypt, appointments made possible by the

Department of the History of Science, Science Center 235, Hervard University, Cambridge, Mass. 92136, U. S. A.

<sup>\*\*</sup> Institute for the History of Arabic Science, University of Aleppo, Aleppo, Syria



# Historical Studies in the Physical Sciences

Volume 12 (1981-82)

DAVID C CASSIDY

Counic ray showers, high energy physics, and quantum field theories: Programmatic interactions in the 1930s.

LILLIAN HODDESON

The discovery of the point-contact translator.

THEODORE M. PORTER

A sintistical survey of gases: Maxwell's social physics.

ARTURO RUSSO

Fundamental research at Bell Laboratories: The discovery of electron diffraction.

GERT SCHUBRING

Mathematics and teacher training: Plans for a polytechnic in Berlin.

PETER GALISON

Theoretical predispositions in experimental physics: Einstein and the gyromagnetic experiments, 1915-1925.

BARTON J. BERNSTEIN

In the matter of J. Robert Opponheimer.

DAVID B. WILSON

Experimentalists among the mathematiciaus: Physics in the Cambridge Natural Sciences Tripos, 1851-1900.

DAVID CARAN

Werner Stemens and the origin of the Physikalisch-Technische Reichaustalt, 1872-1887.

Historical Studies in the Physical Sciences of published twice each year, in March and September, in paper-bound parts of about 200 pages each,

Subscriptions, \$17.50 for individuals and \$22.00 for institutions for one year. Subscriptions outside the U.S.A. are \$2.00 additional. Single copies are \$9.50 for individuals and \$11.50 for institutions. Pre-payment is required.

University of California Press Berkeley, CA 94720

- in Proceedings of the Second International Symposium for the History of Arabic Science, Aleppe, 1979.
- Kummach 3 P. Kumitasch, "On the Authenticity of the Treaties on the Composition and Use of the Astrolahe Ascribed to Messahalia", Archives Internationales d'Histoire des Sciences, 31 (1981), 42-62.
- Lans E. W. Lane, An Arabic-English Lexicon, 8 pts., London: Williams and Norgatz, 1863, reprinted Beirnt: Librairie du Liban. 1968.
- Moher S. Maher. al-Balwiya fi Misr al-relâmiya wa-likârnha l-bâqiya (The Newy in Islamic Egypt and its Vestiges) (Caico: Dâr al-Kâtib al-'Arabi, n. d. (1968?)).
- Michel I R. Michel, "Méthodes de tracé at d'exécution des Astrolabes persans," Ciel et Terre, 57 (1941), 481-496.
  - 2 , Troité de l'Astrolabe (Paris: Gauthiars-Villars, 1947).
- Morley W. H. Murbay, Description of a Planispheric Astrolabe Constructed for Shoh Sultan Busoin Safawi (London Williams and Norgate, 1856), reprinted in Gunther, vol. 1.
- Mukhter al-Ghari Ahmad Baaba Mukhter, Kueb Rayde al-Mukhter: muret al-miget we'l-edwer (Arabic trans. of the Turkish original), (Bulaq: al-Majba'a al-kubrè al-Amiriya, 1306H (= 1888-89).
- Neugabauer 1 O. Neugebauer, "The Early History of the Astrolabe", Isis, 40 (1949), 240-256.
- Naugebauer 3 O. Nengebauer, A History of Anxieta Mathematical Astronomy, 3 Pts. (Berlin-Holdel-berg-New York: Springer Verlag, 1975).
- Pines S. Pines, "The Semantic Distinction between the Terms Astronomy and Astrology according to al-Birtin1", Isis, 55 (1964), 343-349.
- Renaud H. J. P. Renaud, "Additions of Corrections & Suter 'Die Mathematiker und Astronomen der Araber'", Isis, 18(1932), 166-183.
- Resential F. Resential, "el-Asquelàbi and as-Samaw'sl on scientific progress", Osfris, 9 (1950), 555-564.
- Segonda A. P. Segonda, Jean Philopon: Traité de l'Astrolaba, Astrolabica 2 (Paris: A. Brieux 1981).
- Sesgin F. Sengin, Gaschichte des arabischen Schriftmans. 7 vols. to date (Leiden: E. J. Brill, 1997, onwards).
- Sheas W. W. Sheat, ed., A Treatise on the Astrolabe addressed to his son Lowys by Geoffrey Chaucer, A. D. 1391 (London: N. Trübner & Co., 1872).
- de Sians MacG. de Sians, 1bn Khallikán's Biographical Dictionary, 3 vols. (Paris: no printing house mentioned, 1868).
- Southgate M. S. Southgate, Ishandarnemah: A Persian Mediard Alexander-Romance (New York: Columbia University Press, 1978).
- Stengess F. Stengess, A Comprehensive Persian-English Dutionary (London, 1892; reprinted Berrat : Librairie du Liban, 1975).
- Steinschneider M. Steinschneider, Die arabische Literatur der Juden (1902; reprinted Hildesholm, 1964).
- Storey C. A. Storey, Persian Literature: a Bio-Bibliographical Survey, 2. vols. (London: Lusac & Co., reprinted 1970-1972).
- Suter B. Suter, "Die Mathematiker und Astronomen der Araber und ihre Werke", Abhandlungen zur Geschichts der mathematischen Wissenschaften, 16(1900).

- Boilot D. J. Boilot. "L'Ocuvre d'al-Birûni: Essai bibliographique", Melanges de l'Institut Dominicain d'études orientales du Caire, 2 (1955), 161-255, and "Corrigenda et Addenda," ibid., 3 (1956), 391-396.
- Brockelmann C. Brockelmann, Geschichts der arabischen Litteratus, 7 vols. (Ind ed.), (Leiden: E. J. Brill, 1943-49); Supplementbände. 3 vols. (Leiden: E.J. Brill, 1937-42).
- Carmody F. J. Carmody, The Astronomical Works of Thöbit b. Quera (Berkeloy and Los Augeles: University of California Press, 1960).
- Cary G. Cary , The Medieval Alexander (Cambridge: Cambridge University Press, 1956).
- Chelkowski P. Chelkowski, "Nizāmi's Iskundarnāmah," Colleguio sul Poeta Persiano Nizāmi's la Leggenda Iranica de Alessandro Magno, (Rogae: 1975), pp. 11-53.
- Dodge B. Dodge, ed. and trans., The Fabrus of al-Nodim, 2 vols. (New York and Landon: Columbia University Press, 1970).
- Dory R. Dory, Supplément oux Dictionneures Arabes, 2nd ed., 2 vols (Leiden: E.J. Brill and Paris, Maisonneuve Freres, 1927; reprinted Beirut: Librare de Liban, 1968).
- DSB Dictionary of Scientific Biography, 15 vols. (New York: Charles Scribner's Sops, 1970-1978).
- El1 Encyclopaetha of Islam. 1st ed., 4 vols. (Loiden: E. J. Brill, 1913-34).
- El2 Encyclopaedia of Islam, 2nd ed., 4 vols. to date (Leiden: E.J. Brill, 1960-1978),
- Gends S. Gands, "The Astrolabe is Jewish Literature", Hebrew Union College Annual, 4 (1927), 469-486.
- Gunther R. T. Gunther, The Astrolabes of the World, 2 vols. (Oxford: The University Press, 1932).
- Hájil Khalifa Hájil Khalifa, Kashf al-gunún 'an asámi l-kumb ma-l-funún, 2 vols (Istanbul: Bahiya Press, 1941).
- Hartner W. Hartner, "The Principle and Use of the Astrolabe" in idea, Oriens-Occidens (Hildesheim: Georg Olms, 1968), pp. 287-311.
- Ibn Rhallikan Ibu Khallikan , Wafayat al-a 'yan (Cairo, a. d.).
- Ibn al-Nadim Ibn al-Nadim, Kuáb al-Fibriat, ed. G. Flügel (1871; rept. Beirot: Ebnyate, 1964).
- Ibn al-Qifti Du al-Qifti, Ta'rikh al-hakund', ed. J. Lippert (Luipnig: Dieterich'sche Verlagsbuch-handlung, 1903).
- Kannady Sec al-Birgai 1 and 2.
- al-Khwariumi Abû "Abd Allah al-Khwariumi, Mafath al-"ulain, (Cairo: Matha at al-Sharq, 1842H)
- King 1 D.A. King, A Catalogue of the Scientific Manuscripts in the Egyptian National Library (in Arabic), 2 vols. (Cairo: General Egyptian Book Organization, 1981-82(2)), and A Survey of the Scientific Manuscripts in the Egyptian National Library (in English), to be published by the American Research Center in Egypt with Unders Press.
- King 2 D. A. King, "The Ytimes and the Pendulum: a History of Errore", Archives Internationales d'Histoire des Sciences, 29 (1979), 35-52.
- Krouse M. Krause, "Stambuler Handschriften islamucher Mathematika", Quellen und Studien zur Geschichte der Mathematik, Astronomu, und Physik, Abr. B, 3:4 (1936), 427-532.
- Kunitssch 1 P. Kunitssch, "Mittelalterliche astronomisch-astrologische Glossave mit arabischen Fachausdrücken", Ssisungsberiches der Boyersschen Abademie der Wissenschaften, phil.-hast.EL., 1977, 1-59.
- Kapitasch 2 P. Kunitasch, "Observations on the Arabic Reception of the Astrolahe", to appear

### **(44)**

#### Extract from the travels of Chardin

Source: Michel 1, p. 485

Je viens à l'Astrolabe, & je dirai d'abord que ce nom vient d'Asterleb, terme Persan, qui veut dire lèvres des Étoiles; parce que c'est par cet Instrument que les Étoiles se font entendre. D'autres disent, qu'il faut prononcer Astir lab, c'est à dire, counaissance des Étoiles, & c'est comme les Persans apellent d'ordinaire cet Instrument-là; mais dans leurs livres & dans leurs leçons ils l'apellent Veza Kouré, mot abrégé de Veza el Kouré, qui signifie position de la Sphère, parce que cet Instrument & la projection des cercles de la Sphère est un plan. C'est sans doute de ce terme Veza el Kouré qu'est venu le terme barbare de Valzagore, qui se trouve dans Regiomentanus, & dans les auteurs qui l'ont devancé, pour agnifier l'Astrolabe.

#### (TT)

### قطعة من كتاب رياض المختار لاحمد باشا مختار

المصدر : مختار ۽ حي ٢٣٨

نبذة تاريخية في الاسطرلات وشرح لفظه الاسطرلات الفظ مركب من كلمتين لاتينيتين اسطر بمعنى لوحة او صهيحة وقد حفت الكنمة الثانية فصار الاسم اسطرلاب واستعملها بعصهم بدون تحفيف فقال اسطرلا بيوم وهو كما لا يخفى عبارة عن تسطيح هيئة الكرة السماوية على الواح صغيرة يمكن بواسطتها احراء الحسابات المتعلقة بالاحرام السماوية واول من ابتكر هذه الآلة واشتغل مها هو بطلميوس اللي عاش بالاسكندرية في القرن الثاني من الميلاد.

#### Bibliography of Published Material and Bibliographical Abbreviations

- Assend K. Awwad, "al-Asturlah wa-mā ullifs filu min kutah wa-zasā"il ft"l-"uşūr al-Islamiya", Sumer, 13 (1957), 154-178.
- al-Birüri Abü'l-Rayhāu al-Birüni, Tomhīd al-mustagarr li-ma'na l-mamarr, No. 3 sa Rasd'd al-Biržini, Hyderabad: Di'izat al-Ma'arif al-'Uthmāniya, 1948. Translation by M. Saffours and A. Ifram, and commentary by E. S. Kensedy, Al-Biruri on Transits (Berrut: American University of Beirut Oriental Series No. 32, 1959).
- al-Birūni 2 Abū'l-Rayhān al-Birūni, Ifrād al-Maqal fi amr al-gildi, No. 2 in Rosd'il al-Birūni (see above). Translation and commentary in E. S. Kennedy, The Exhquesiva Treasise on Shadosca by ... al-Birūni, 2 vols. (Aleppo: laststute for the History of Arabic Science, 1976).

السلام لانه مستنبطه على ما قبل ثم فتحت لام الجر لمجاورة فتحة الهمزة بعدها وعلى [؟] كل فالاسطر جمع سطر اسم للرسوم التي فيه اي اسطر الفلك والحكيم فهو مركب اصافي نقل اسما للالة وتعرف فيه بمقتضى لغة العجم في المنقول بالجمع بين ال والاضافة وتسكين اخر كل من الجزئين لاكنه يستدعى ان يكون همزة اسطر مفتوحة ولا تسمعها في الكلام الا مصمومة منقولا ضمها للام قبلها الا ان يدعى التغيير المذكور فيه ايضاً على لغة من ذكر وحكى جماعة من المورخين ان اول من وضعه بطلميوس صاحب المجسطي وان سببه في وضعه انه كانت معه فكرة فلكية وهو راكب فسقطت منه فداستها دابنة فخسفتها فبقت عن هيئة الاسطرلاب وكانت ارباب الرياضة يعتقدون وان هاذه الصورة لا ترسم في السطح وتحصل منه مقاصد الكرة فوضع وتقدم بوضعه على جميع الرياضين ثم لم بهتد احد وتحصل منه مقاصد الكرة فوضع وتقدم بوضعه على جميع الرياضين ثم لم بهتد احد منهم الى انسه يتاني المقصود مسن الاسطرلاب في الخط حتى ظهر الشيخ شرف الدين الموسي شيخ كمال الدين ابن يونس فوضع المضموم من الاسطرلاب والكرة خط على عصى وكان قد سهى في بعض المواضع فاصلحها الشيخ كمال الدين ابن يونس وهذبها لاكن وكان قد سهى في بعض المواضع فاصلحها الشيخ كمال الدين ابن يونس وهذبها لاكن الاستنباط قلطوسي ...

٧- أي الاصل : سود [1] - ١- أي الاصل : قراشها

### قطعة من الشرح المحتضر لمحمد بناتي

المصدر : غطوطة مكتبة محافظة الاسكندرية ، ٣٠٥٤ ج ، ق ٤ ظ

... والاسطرلاب قال ابن ابني الصلت الله يتوصل بها الى معرفة كثير من الامور النجومية التعليمية عسلى اقرب طريق واقرب ماخذ واسمه عجمي معناه عندهم مقياس النجوم وقيل لاب اسم الفلك باليونانية وقيل اسم لمستنبط هاذه الآلة وفي حياة الحيوان للعلامة اللميري اسطرلاب بفتح الهمزة وسكون السين وضم الطاء معاه ميزان الشمس لان اسطر اسم الميزان ولاب اسم الشمس بلسان اليونان انتهى واول من وضعه بطلميوس وله مع وضعه قصة غريبة حكيناها في الشرح ...

### حاشية أخرى للرسالة

المصدر : مخطوطة دار الكتب المصرية ميقات ٢١٣ ، ق ١ ظـ

اسطرلاب معناء ميزان الشمس وقال كوشيار \ يعني مرآة الشمس والاصح اسطر تصنيف ولاب وألد هرمس مصنفه يوناني

١- في الاصل : كشيار

(4.)

# تعليق في هامش كتاب الأقنوم لعبد الرحمن القامي

المصلىر : مخطوطة دار الكتب المصرية ٣٦٦٤ج ، ق ١٧٩ ظ

الاسطرلاب بفتح الهمزة واسكان السين وضم الطاء ومعناه ميزان الشمس لان اسطر اسم للميزان ولاب اسم للشمس بنغة اليونان واول من وضعه بطلميوس بفتح الباء واللام واسكان الباء والطاء وضم الميم وله في وضعه قصة عجيبة

(41)

# قطعة في الاسطرلاب من شرح منظومة عبد الحمن الفاسي في الاسطرلاب لمحمد بناني بن عبد السلام بن حمدون

المصدر ؛ مخطوطة دار الكتب تيمور رياضة ١١٣ ، ص ؟ – ١٠

قال ابن ابي الصلت هو الة يتوصل بها الى معرفة كثير مسن الامور التجومية التعديمية على اسهل طريق واقرب ماخد فخرج بقوله على اسهل طريق الى الات الصحيفتين الزرقالية والشكازية وربع دايرة ولفظه قيل كلمة اعجمية ومعناها عندهم قيل مقياس النجوم او ميزانها وقيل لاب اسم للفلك باليونانية وقيل اسم لمخترع هاذه الالة من متقلمي الحكما وقيل اصله لاب بلام الحر ولفظته اب وهي عندهم اسم للمعلم والمراد به ادريس عليه

١- في الاصل : الخ

٣ - ٧ - في الاصل : الصيحين الزرفانية السالشكازيح [هكذا]

دانيد آ, کئج

عن ابي نصر القمى \* انه قال ان لاب لما رسم \* الدواير الفلكية في سطح مستو سيل عنه هرمس بان يقول من سطر هسذا ويقول هو في جوابه \* سطره لاب \* ولهسذا سموه بالاسطرلاب ...

و ــ و ــ ق أ يا بطر لاب

٥٠ ق ب : رسم من

ه — ئاتىس ق أ

(44)

حاشية لرسالة في العمل بالاسطرلاب لما لف مجهول علق عليها اسحاق الزكالي (؟)

المصادر: أغطوطة دار الكتب المصرية طلعت مقات ١٥٤، ١، ق ١ ظ ب محطوطة دار الكتب المصرية الزكية ٧٨٢، ٤، ق ١٤ ظ ج مخطوطة دار الكتب المصرية ك ٣٨٤٤، ٢، ق ١٥ ظ

الاسطرلاب بالسين وعند البعض بالصاد وقال كوشيار الحكيم في بعض تصانيفه معناه ميزان الشمس ومن ثمة ظن البعض تركيبه مسن لفظة اسطر ولاب الاول بمعنى الميزان والثاني بمعنى الشمس وفي بعض تصانيف ابي ريحان اهو في لفة يونان اسطرلافون معناه مرآة الكواكب وبعضهم قال واحد الكواكب وقال بعضهم اسطر بمعنى التصنيف ولاب اسم ولد هرمس الحكيم وهو اول من اخترع الاسطرلاب وقبل اول من اخترعه بطلميوس نقل شارح مقامات الحريري عن ابي النصر القمى الما رسم لاب ولد هرمس دوائر الفلك في سطح مستو قال هرمس من من سطر هدا قبل في جوابه لاب ومن ثمة قبل اسطرلاب هسذا ما ذكر في شرح الفارمي الرسالة الفارسية للنصير الطومي اسحق الركالي .

١-- أي ج ( ركان
 ٢-- أي أر ب و ج : هرميس
 ٢-- أي أر ب و ج : هرميس
 ٤-- أي ا و ب و ج : السي
 ٥-- أي ج : السي
 ٢-- أي ج : الشاري

γ ـ أو بياوج: الصر

ير - أي أ ؛ الرعادية أي يدج ؛ الركالي .

المظالع وسمت القبلة وعرض البلاد وغير ذلك او عن كيفية وصع الالة على ما بين في كتبه وهو من هروع علم الهيئة كما مر واصطرلاب كلمة يونانية اصلها بالسين وقد يستعمل على الاصل وقد تدل صادا لانها في جوار الطاء وهو الاكثر يقال معناها ميزان الشمس وقبل مراة السجم ومقياسه ويقال له باليونانية ايضاً اصطرلافون واصطر هو النجم ولافون هو المراة ومن ذلك سمى علم السجوم اصطرنوميا وقبل ان الاوائل كابوا يتخلون كرة على مثال الفلك ويرسمون عليها الدوائر ويقسمون بها الهار والليل فيصححون بها المطالع الى زمن ادريس عليه السلام وكان لادريس ابن يسمى لاب وله معرفة في الهيئة فبسط المكرة واتخذ هذه الآلة فوصلت الى ابيه فتامل وقال من سطره فقيل سطرلاب فوقع عليه الكرة واتخذ هذه الآلة فوصلت الى ابيه فتامل وقال من سطره فقيل سطرلاب فوقع عليه اي مدرك احوال الكواكب قال بعضهم هذا اظهر واقرب الى الصواب لانه ليس بينهما في مدرك احوال الكواكب قال بعضهم هذا اظهر واقرب الى الصواب لانه ليس بينهما فرق الا بتغيير الحروف وفي مفانح العلسوم الوجه هو الارل وقبل اول من وضعه بطلميوس واول من عمله في الاسلام ابراهيم بن حبيب الفزاري ومن الكتب المصنفة فيه بطلميوس واول من عمله في الاسلام ابراهيم بن حبيب الفزاري ومن الكتب المصنفة فيه

### (YA)

### قطعة من رسالة في الآلات الفلكية لمتجملك

المصادر آ: نخطوطة دار الكتب المصرية ميقات ٧٣٥ ، ق ١ ظ ب : نخطوطة دار الكتب المصرية ميقات ٧٠ ، ق ١ ظ

... المقالة الخامسة في رسم الالات الحادثة عن تسطيح الكرة كالاسطرلاب الشمالي والجنوبي والزرقاله والشكارية والارباع المستعملة بالحيط والمري مهدفسة وهي مشتملة على عدة انواب الباب الاول في رسم الاسطرلاب وهو الة شريفة مندوية الى اليونانيين واوردا كوشيار في بعض تصانيفه ان معناه ميزان الشمس ولهذا ظن ان اسطرميزان ولاب شمس وفي بعض تصانيف ابي الريحان اسمها اسطرلافون ابي مراة النجوم ولهذا خرج شمس وفي بعض تصانيف ابي الريحان اسمها وزعم بعضهم ان اسطر تصنيف ولاب المحاربة الخريرية السم حكيم اخترع الاسطرلاب وهو ابن هرمس الحكيم كما حكة شارح المقامات الحريرية السم حكيم اخترع الاسطرلاب وهو ابن هرمس الحكيم كما حكة شارح المقامات الحريرية السم حكيم اخترع الاسطرلاب وهو ابن هرمس الحكيم كما حكة شارح المقامات الحريرية السم حكيم اخترع الاسطرلاب وهو ابن هرمس الحكيم كما حكة شارح المقامات الحريرية المسلم المسلم

١- في ب : اورد ٣- في أ ر ب : اسطر لا قون ٣- باقس في الاصل قانظر ملتقط وقم ٧ اعلاه ع - ٤ - ٤ - ي أ : شارح المقامات الحريري ٤ وفي ب : صاحب المقامات الحريرية

(Ye)

### فائدة في الأصطرلاب يقال أبيا نقلت من النفحة السكبة

المصدر: مخطوطة لندن المكتبة البريطانية اضافية ٩٥٩٩ ، ق ٧ و

فابدة اما بطلميوس الفالوذي فانه صنف كتاب المجسطى! بكسر الميم والجيم وتحفيف اليا كلمة يونانية معناها ... [؟] وهو اول من عمل الاصطرلاب وهو بُفتح الهمرة وخم الطا قال؟ كوشيار ابن لبان بن باشهري الحبلي ان الاصطرلابكلمة يونانية معناها ميزانُ الشمس وقال بعض الحكما الالب اسم الشمس باليونانية؟ اله من النفحة المسكية

 $\gamma = 1 - 1$  المامش  $\gamma = 1$  الاصل  $\gamma = 1$  الاصل البونان  $\gamma = 1$ 

(11)

قطعة في الأصطرلاب من شفاء الغليل فيما في كلام من الدخيل لشهاب الدين الخفاجي

المصدر : مخطوطة دار الكتب المصرية مصطفى فاضل لغة ٧٠ ، في ٧٥ ظ

... اصطرلاب م والالات التي يعرف بها الوقت اصطرلاب والطرجهاره وهي ، له ماتية وبنكام وهي رملية وكلها الفاظ غير عربية ذكره في نهاية الارب ...

(YY)

### قطعة من كشف الظنون لحاجي خليفة

المصلور : النص المطبوع في استانبول عام ١٩٤١ م ، المجلد الأول ، همو ١٠٦ ــ١٠٧

### علم الاسطرلاب

هو علم يبحث فيه عن كيفية استعمال آلة معهودة يتوصل بها الى معرفة كثير من الامور النجومية على اسهل طريق واقرب ماخذ مبين في كتبها كارتفاع الشمس ومعرفة (Y£)

# قطعة في الاسطولاب من شرح على البرجندي على رسالة بيست باب لنصير الدين الطوسي

المصادر: أ مخطوطة دار الكتب المصرية طلعت مجاميع ٣٩٨ ، ٢ ، ق ٤ ظ ب مخطوطة دار الكتب المصرية طلعت مبقات فارسي ٢ ، ٢ ، ق ٣١ و ح مخطوطة دار الكتب المصرية س ٤٤٣٥ ، ق ٥ و

.. لغت اصل اسطرلاب سین است و بعضی ۱ انرا بصاد بدل کرده اند ۲ کوشیار در بعضی تصانیف خصود ۴ اورده است که معنی او ترازوی ۴ آفتاب است و واز اینجاست که و بعضی کمان برده اند که اسطر ترازوست و لاب اعتات بود ۷ و در بعضی ۴ تصانیف آبی ریحان مذکور ۹ است که اصل او در لعت ۱۰ یونان اسطرلابون ۱۱ است و معنی او آینه کواک ۱۲ و بزدیکیست ۱۲ باین آنجه بعضی آنرا ۱۲ بستاره ۱۹ بناب تفسیر کرده اند و بعضی کفته اید که اسطر تصنیف است و لاب نام پسر هرمس حکیم است ۱۲ که تسطیح ۱۲ اسطرلاب اختراع اوست و شارح مقامات حریری از آبی نصر مین نقل کرده ۱۷ است که جون لاب ۱۸ ولد هرمس ۱۸ دوایر فلکی را در سطح مستوی رسم ساخت هرمس از و سئوال کرد که من سطر هذا و در جواب کفت سطره هستوی رسم ساخت هرمس از ۱ ۱۹ اسطرلاب گفتند ...

١- أي ج : وبعس
 ١- أي ب : ترازو است
 نرر (؟)
 ١- أي ح : اسلالا يو
 ١١- أي ج : ستاره
 ١١- أي أو ج : آورده

(Y+)

قطعة من اول رسالة في العمل بالاسطرلاب لشرف الدين الخليلي

المصدر : مخطوطة استانبول فاتح ٥٣٩٧ ، ق ٦٥ ظ

... الاسطرلاب لفظ اعجمي معناه مقياس النجوم وقيل ميزانها او مرآتها . .

(11)

قطعة من رسالة في العمل بالاسطرلاب الاكرى الولف مجهول

المصدر : مخطوطة استانبول حامدية ١٤٥٣ ، ق ٢١٣ ظ

... الاسطرلاب لفطة اعجمية تفسير ها أ مرآة النجوم وقيل ميران الشمس ..

١-- أي الاصل : تأسير

(YY)

قطعة من حياة الحيوان للدميري انظر ٣٧

(11)

فالدة عن لاب من القاموس المحيط لمجد الدين الفيروز ابادي

المصاهر : أ : مخطوطة دار الكتب المصرية لعة ٣٤ ، باب الباء ، فصل اللام ب : مخطوطة دار الكتب المصرية مصطفى فاضل هيئة ١ ، ق ١ و

... واللاب ا بالنوبة ورجل اسطر اسطرا الوبنى عليها حسابا فقيل اسطرلاب ثم مزجا ونزعت الاضافة فقيل الاسطرلاب؛ معرفة والاصطرلاب لتقدم السين على الطاء ... 1-1-قب: اسم رجل ٧- اي في بلد النوبة (؟) ٣- ق.ب: سلما ع- ق.ب: الاسطر اللاب (13)

# قطعة من مقدمة مقاصد ذوي الالباب في العلم بالعمل بالاصطرلاب لابي علي الفارسي

المصدر : مخطوطة دار الكتب المصرية قوله ميقات ٢ ، ١ ، ق ٢ ظ

... الفصل الاول في التسمية اسطرلاب اسم مركب يوناني فأسلطنو اسم المشمس ولاب اسم لمديزان الشمس اذيجرزون ولاب اسم لمديزان الشمس اديجرزون القدم المضاف اليه على المضاف عند التلفظ مها وعن العرب ان اسطر يفتح الهمزة حمع سطر عملها لاب وهو امن ادريس عليه السلم على هذه الالة فصار محموع الاسمين علما على هذه الآلة ...

(١٧) قطعة من كتاب نهاية الارب للنويري انظر ٢٩ ادنسساء

(1/

# قطعة من رسالة في العمل بالاسطرلاب للمزي

المصلو : مخطوطة استانبول فاتح ٢٥٠٥٣٩٧ ، ق ١٩٥ ظ

... الاسطرلاب وهي لفظة يونانية فهم منها انه ميزان للشمس وبالجملة هو آلة يتوصل بها الى معرفة كثير من الاعمال النجومية التعليمية من غير الحسسة المتحيرة باسهل طريق والرب ماخلة .....

(14)

### قطمة من تحفة الطلاب في العمل بالاسطر لاب لمؤلف عجهوال

المصدر : مخطوطة استانبول فاتح ٥٣٩٧ ، ٢٤ ، ق ١٩٠ و

... اما الاسطرلاب فهي لفظة يونانية فهم منها انه ميزان الشمس واما لاب فهو رجل حكم قد سطر هذه الاسطر فسمى بها اسطرلاب وبالجملة هو آلة يتوصل بها الى معرفة كثير من الاعمال باسهل طريق واقرب ماخذ ....

### (11)

### قطعة من رسالة مغربية او الدلسية مجهولة المؤلف

المصلىر : مخطوطة دار الكتب المصرية ميقات ١١٦٩ ، ٢ ، ق ٤٥ و

... الاسطرلاب وهي كلمة بونانية واصلها اسطرلابول [1] ومعنى الامر ذات النجوم حدّث ما بعد الباء للتخفيف ...

### (11)

# قطعة من رسالة في الاسطرلاب لمومى بن ابراهم

المصدر : مخطوطة نيويورك كولومبيا ١٨٥ ، ١ ، ق ١ ط

... الاستطرلاب [1] ومعناه عالميونائية اخذ ارتفاع الكوكب لان اسطر في اللمسة كوكب والاخذلات [1] وقال بعض ان معناه ميزان الكوكب و هو منسوب الى بطلميوس ..

#### (14)

# لطعة من ملخص الانباب في العمل بالاسطرلاب لابن جماعة الكناني

المصدر : مخطوطة دار الكتب المصرية مصطفى فاضل ميقات تركي ٢ ، ١ ، ق ١ ظ

... الباب الاول معنى لفظ الاسطرلاب الاسطرلاب لفظ عجبي معناه باليونانية مقياس النجوم وقيل معناه ميزان الشمس ويحوز بالسين والصاد وقيل اصله الاسطرلاقون واسطر هو النجم ولاقون هو المراة ومعناه مراة النجوم ثم عرب فقيل اسطرلاب واما قول بعضهم ان لاب اسم رجل واسطر جمع سطر مضاف اليه أ قلا يعتمد (؟) أعليه لائه اسم اعجمى فاشتقاق معناه من العربية يعيد ...

١ - ١ - ق الاصل : ق لا يعرج

(11)

### قطعة من كتاب وفيات الاعيان لابن خلكان

المصدر : النص المطبوع ( القاهرة بلا تاريخ ) ، المجلد الثاني ، ص ١٨٤ – ١٨٥

... والاسطرلابي بفتح الهمزة وسكون السين المهملة وضم الطاء المهملة وبعدها راء ثم لام الالف ثم باء موحدة هذه هي النسة الى الاسطرلاب وهو الآلة المعروفة قال كوشيار بن لبان بن باشهري الحيلي صاحب كتاب الزبج في رسالته التي وضعها في علم الاسطرلاب ان الاسطرلاب كلمة يونانية معناها ميزان الشمس وسمعت بعض المشايخ بقول ان لاب اسم المسمس بلسان اليونان فكامه قال اسطر الشمس اشارة الى الحطوط التي فيه وقيل ان اول من وضعه له انه كان معه كرة فلكية وهو راك فسقطت منه فداستها دابته فخسفتها فبقيت على هيئة الاسطرلاب وكان ارباب علم الرياضة يعتقدون ان هذه الصورة لا ترسم الا في جسم كري على هيئة الافلالة فلما منه ما يحصل من الكرة فوضع الاسطرلاب ولم يسبق اليه وما اهتدى احد من المتقدمين الى منه ما يحصل من الكرة فوضع الاسطرلاب ولم يسبق اليه وما اهتدى احد من المتقدمين الى ان هذا القدر يتأتي في الحط ولم يزل الامر مستمراً على استعمالى الكرة والاسطرلاب الى استنبط الشيخ شرف اللمين الطوسي المذكور في ترجمة الشيخ كمالى الدين بن يونس رحمهما الله تعالى وهو شيخه في فن الرياضة ان يضع المقصود من الكرة والاسطرلاب في خط فوضعه وسماه العصا وعمل له رسالة بديعة وكان قسد اخطأ في بعض هذا الوضع فاصلحه الشيخ كمالى الدين المذكور وهذبه ...

إ- ناقس في الاصل

يظهر فيه ۱۲ الكواكب ۱۴ ويجوز قلب ۱۳ السين صادا لمجاورة الطاء لتعرب مخرجهما ۱۶ ۱۰ انتهى من شرح مقامات الحريري ۱۰

١٧- ني أ : ني ١٣- ي ب : غرجاها ١٥ - ١٥- ني أ : به (؟) شرح المقامات

# فائدة في الاسطرلاب يقال انها منقولة من شرح مقامات الحريري للمطرزي

المصلى : مخطوطة دار الكنب المصرية طلعِت ميقات ٢٥٥ ، ق ٢ ظ

اسطرلاب كلمة يونانية ومعناه ميزان الشمس عن ابي الحسن وقال انو ريحان هو آلة اليونانين اسمها اصطرلابون اي مراة أ النجوم ولهذا خرج [له] أ أ حمزة الاصبهاني من الفارسية انه استارهاب اوعن ابي نصر الفارسية الاولين كانوا اتخذوا عكرة على مثان الفلك يتحرك على قطين عليها دواير عظام كانوا يقيسون ابها الليل والنهار ويصححون بها الطالم الى أيام أدريس العليه السلام وكان له ابن يقال له لاب له معرفة حسنة في هيئة الفلك فسط الكرة واتخذ هذا الاسطرلاب وانفذه الى ابيه فقال من سطره فقيل سطره لاب فوقع عليه هذا الاسم والاول اصح والاصل فيه السين والصاد ابدل منه لمكان المطاء مقدمة شرح مقامات الحريري لناصر أبي المكارم بن على المطرزي .

إ- في الاصل: مرات الأماني إلاصل فانظر للعقط رقم ٧ أعلاه
 ٢ ~ ٧ ~ ٠ ي الاصل: تعدرة باب ٣ ~ ي الاصل عدر ٤ - ق الاصل: تعدوا
 ٥ - ي الاصل: يقسمون ٢ ~ ٩ ~ ي الاصل ع م ٧ ~ ي لاصل مهة (؟)
 ٨ - في الاصل: قاصر

## (١١) قطعة من مقدمة الرسالة في عمل الاسطرلاب المسرطن لابي نصر احمد بن زرير

المصدر : عُطرطة ليدن ٥٩١ ، ق ٣٢ ظ

... ان الاسطرلاب كلمة يونانية وهي آلة شريفة وميزان الشمس تحسبوي على اكثر الاحمال النجومية بالقوة وكانت تحويها بالفعل لو امكن ان تنقسم دوايرها الى اللقايق والثواني ...

الكتب في تسطيح الكرة تسطيح الكرة لىطليموس والفرغاني واحسنها استيعاب الوجوم الممكنة ١٦ في صنعة الاسطرلاب للشيخ الامام ابي الريحان محمد بن احمد البيروني ٢٦ ...

١٦ - ١٦ - في الاصل ، لشيح الامام اي الريحان محمد بن احمد في صنمة الاسطرلاب البيروني [!]

(4)

## قطمة من رسالة في العمل بالاسطرلاب [ للزرقاله]

المصلىر : مخطوطة استانبول ابا صوفيا ٢٦٧١ ، ق ١٣٣ ظ

... اعلم ان اسم الاسطار لاب لفظة يونانية ترجمتها اخذ الكواكب وذلك لانه يوخذ پها ان ما يطلب علمه من مواضع الكواكب ويذكر بطلميوس انه كالكرة قد بسطت فصير مركزه ٢ قطبها الظاهر . .

الإصل : مركز

١- تاتمن في الاصل

(11)

# فائدة في الأسطرلاب منقولة من شرح مقامات الحريري لشارح مجهول

المصاهر: أ: مخطوطة دار الكتب المصرية مصطفى فاضل هيئة 1 ، ق 1 و ب: مخطوطة دار الكتب المصرية تيمور حكمة 10 ، ص ١٣٧

الاسطرلاب المقياس النجوم والشمس يعنى شيء منظر هيه ويعرف به سير الكواكب والشمس واول ؟ من وضع عدا الشيء لاب وهو اسم \* ابن ? ادريس عليه السلام \* فلما صنع هذا الشكل وجيء به الى ادريس \* عليه السلام \* قال ؟ من سطر هذه ١٠ الاسطر قبل له لاب فاضيف الى لاب وقبل فارسي معرب اصله بالفارسية ١١ ستاره ياب ١١ يعنى

٣ – ٣ – ټي پ يير شد تيه ٣ – ټي پ د اول ٥ – ټي په د رحم ٣ – ټي أ د لا پڼ ٨ – ٨ - خاتس ټي پ ه - ټي أ و بد د خاال ١١ – ١١ – ټي آ د خاره ثاب د رئي ب د ساره

۱- أي ب: امطرلاب ۱- أي ب: صنع ۷-۷ - أي ب: ع م ۱- أي ب: عذا الا من احكم امر الفلسفة وعلا فيها والثاني ان يضعوه بالكشف والبيان ارادة لشرحه وبسطه واظهار علله وذكر ان الاسطرلاب محدود بثلاثة حدود لا يكون الامنها الارثماطيقي وهو معرفة حساب الاعداد وخواصها والثائي معرفة الهندسة وهي المسح بالقسي والاوثار المثلثة والمربعة الى المعشرة والمناسبات وما جرى مجراها والاسطرنوميا ٦ وهو معرفة ما يشتمل عليه الزيجات من معرفة حركات الكواكب بمراكز تداويرها واركالها والختلاف صعودها وهبوطها ورجوعها واستقامتها وابطايها وسرعتها في سيرها واخذها ني العرض وغير ذلك مما يشتمل عليه الزيحات قال وهذا كله معروف موجود في الاصطرلاب ويسمى ذات الصفايح لاشتماله عليها وذكر ان علة تسطيح ابرخس للمسطح هو ان الفلك المستوى المعبر عنه بدايرة معدل النهار في الكرة وفي الاسطرلاب المسطح هو المشتمل على اجزاء الحجرة ٧ من الام والفلك المايل ما اشتمل من الكرة على البروج واجزايها وفي الاسطرلاب المسطح هو منطقة فلك البروج من الشبكة والعلك المابل في الطبيعة مثل المستوى ولكن اختلاف اقطارها حالف بينهما ويميل مركز احدهما عن مركز الاخر بقدر المبل الاعظم وهو في الكرة من جهة الشمال والحنوب فاراد ابرخس ان يصير ^ الميلين في جانب واحد واختار وضعه شمالياً لانه الموضع العامر من الارض فجمع المسطح ما في البيضة من الفلكين المستوى والمايل وقد قام البرهان الهندسي الله لا يمكن ان يوجد اسطرلاب يودي للاعمال الحسابية التميمية على غير الوصفين الاصليين؟ الشمالي`` والجنوبي وان جميع الاوضاع على اختلافها لا تخرج عنها وانما نختلف صور اجناسها من اختلاف التركيب من هذين الاصلين وسمى كل من الوضعين باسم جهة ١١ القطب الظاهر في عرض الاسطرلاب ومقنطراته من دواير موازية للامق ونقطة سمت الراس مركزها في الكرة وانما اختلفت مراكزها في نوعي المسطّح للتسطح وحدية ١٣ قوس الافق الشمالي الى ما يلى اسفل الاسطرلاب وافق الجنوبي بالعكس ومقطرات احدهما يخالف اشكال المقنطرات الاخر لمقنطرة عرض الصفيحة في الجنوبي تكرين خطا مستقيماً ثم يعود وضع المقنطرات الى خلاف وضع الاول ١٣ فتكون حدباتها الى ما يــلى الشمال عكس المقنظرات الى خلاف الوضع الأول ١٣ فتكون ١٤ حدباتها الى ما يلى الشمال عكس المقتطرات درن عرض البلد الى ١٠ ..... ١٠ ومن جيد

إ- ق الاصل : والاسطرلاب وبرميقا
 إ- ق الاصل : للكرة الحبرة ، وكلمة الكرة مثنوية
 إ- ق الاصل : الاسلين ، إ- ق الاصل : الشمال ١١ -هذه الكلمة غير واضحة في الاصل ٢٠ - ق الاصل : فيكون
 إ- ق الاصل : وحديد ١٣ - ١٣ - مكرر ومثنوب ١٤ - في الاصل : فيكون
 إ- في الاصل بياض

### قطعة من مقدمة رسالة في استعمال الاسطرلاب للبيروفي

المصابر : مخطوطة باريس ١٤٢٤٩٨ ، ق ١ڟ ٣٠٠ و

... وما عثرنا لاحد من القدماء على كتاب في استعمال الاسطرلاب غير كتاب البيون البطريق أفي العمل في الاسطرلاب المسطح افرار، له في التنقيب عن الاسطرلاب الكري واشتمل كتابه هذا على مائة وسعة وخمسين باما أذا حصلت بالتهذيب وتقحت عن زوايد التقريب نقصت عدمًا شيئا كثيراً على أن ابوابه في الكتاب ماقصة عما يضمنه الفهرست من الاعداد واعماله في بعضها ميسرة لقصور الترجمة عنها وفساد الاصل المنقول وثابت بن قرة أما أنه تولى الترجمة وأما أنه أصلح منه ما أمكن عبد المطائعة.

١ - ١ - في الاصل: اهرن الطريق [ 1 ] ]

### **(A)**

# قطعة من اول مقدمة المقياس المرجح في العمل بالاسطرلاب المنسوب الى ابي ربحان البيروني

المصدر : مخطوطة در الكتب المصرية طالعت ميقات ١٥٥ ، ١ ، ق ١ ظ - ٢ ط

بسم الله الرحمن الرحيم وبه تستعين المقياس المرجع في العمل بالاسطرلاب المسطح وهو مقدمة ومقالتان وكل اسم السين فيه اصل وفيه طاء كالصر ط والاصطرلاب او خاء كممخرات او عين كسعنة اوقاف كصناء قي فانه يجور فيه السين والصاد والاصطرلاب اسم عجمي واستشقاق ٢ معناه من العربية بعيد وذكر ابو الحسن ثابت بن قرة في العمل بالاسطرلاب له ان ايرخس وهو قبل بطلميوس وضع الاسطرلاب وسطحه على مثل ما وضعه لاب بعد ان كان كريا وان الذي دعاه الى ذلك انه رأى الكرة ٣ كثيراً عناوها قليلا بعمها ٢ فاراد ان يضع الة قريبة يسيرة جامعة لكثير من الاعمال يوضح ما ما غمض في الآلة المقببة الكرية وذكر انه كان من عادة الحكما اذا ٤ ارادوا ٥ وضع كتاب ان يضعوه على وجهين احدهما ان يضعوه على وجهين احدهما ان يضعوه بالغامص في العلم والرمز في القول الذي لا يدركه

إ - كلمة اسم مكررة في الاصل والثنائية مشتوية ٢ - في الاصل : واشتقناق
 ٣ - ٣ - مكذا في الاصل ٤ - في الاصل : ابدا الله عصلح ال : اذا ٥ - في الاصل : ابدادو

(5)

# قطعة من كتاب الموازنة لحمزة الاصفهاني انظر ٧ ادناء

**(V)** 

# قطعة من كتاب التفهيم لصناعة التنجيم لابي الريحان البيروني

المصدر : مخطوطة لندن المكتبة البريطانية ٨٣٤٩ (كما طبعت في النص المطبوع ، لندن ، ١٩٣٤ م ، ص ١٩٧٤)

ما اصطرلاب هو آنة للبونانيين اسمها اصطرلابون اي مراة النجوم ولهذا خرج له حمزة الاصفهاني من الفارسية انه ستاره ياب الله ...

٢- أي الأصل: يشاره باب

### قطعة في معنى الاسطرلاب من افراد المقال في امر الظلال للبيروقي

المصادر : النص المطوع (حيدراباد ، ١٩٤٨ م ) ، ص ٢٩ ، مع تصليحات كنيدي في ترجمته (حلب ، ١٩٧٦ م ) ، ص ١٩١١

... قد ذكر حمزة الاصفهاني في كتاب الموازنة ان الاسطرلاب لفظة فارسية قله عربت فائها ستاره أ ياب اي ملوك النجوم وممكن ان يكون هذا اسمه عند الفرس اما مشتقا من الفعل الخاص به واما معرما من اليونانية كتعربب العارسية فان اسمه باليونانية اسطرلابون أ واسطر هو النجم بدليل ان علم الهيئة يسمى عندهم اسطرونوميا وصناعة احكام النجوم اسطرولوجيا أ وهو آلة وجدنا لهم في صنعتها والعمل بها كتبا قديمة رلم نجد لغيرهم فيها شيئاً وان كان عندهم منقولا منهم واهل المشرق لا يعرفون الاسطرلاب ولا يهتدون لغير استعمال الظل بدله ...

إ- في النص الطبوع : أشاره ٣- في الاصل الطبوع : أسطرليون ٣- في النص المطبوع :
 أمطرلوخيا .

اص ۲۷۳ :

### القسية اري

... وهو اول من عمل في الاسلام اسطرلابا وعمل مبطحا ومسطحا وله من الكتب ... كتاب العمل بالاسطرلاب المسطح ...

ص ۲۸۶ :

# الكلام على الآلات وصناعها

كانت الاسطرلابات في القديم مسطحة واول من عملها بطلميوس وقبل عملت قبله وهذا لا يسرك بالتحقيق واول من سطح الاسطرلاب ابيون البطريق وكانت الآلات تعمل عدينة حران ومن ثم تشتت وظهرت ولكنها زادت واتسع للصناع العمل في المدولة العباسية منذ ايام المأمون الى وقتا هذا فان المأمون لمسا اراد الرصد نقدم الى ابن خلف المروروذي عمل له ذات الحلق وهي بعينها عند بعص علماء بلدنا هذا وقد عمل المروروذي الاسطرلاب ...

## قطعة من كتاب تاريخ الحكماء لابن القفطي

المصادر : النص الطبوع ، ( ليبزيج ، ١٩٠٣ ، ١٩٠٣ ) ، ص ٧١

### السيسون

البطريق حكيم رياضي مهندس عالم بصناعة الآلات الفلكية كان في حدود مبدأ الاسلام قبله او بعده فمن تصنيفه كتاب العمل بالاسطرلاب المسطح ...

(0)

### قطعة من مقدمة كتاب الاصطرلاب لكوشيار بن لبان

المصدر : مخطوطة باريس المكتبة الاهلية عربي ٢٤٨٧

... الاسطرلاب كلمة يونانية واشهر ما قيل في معناه ميزان الشمس ...

حسنة <sup>9</sup> في هيئة <sup>10</sup> الفك فبسط الكرة واتخد هذا الاسطرلاب الذي في ايدي الناس وانفذه الى ابيه ادريس هاخذه <sup>11</sup> ادريس وتامله <sup>11</sup> وقال هذا مسن سطره <sup>17</sup> فقيل <sup>17</sup> له هذا اسطر لاب <sup>14</sup> عوقع عليه هذا الاسم واستعمله <sup>16</sup> الناس من بعده <sup>11</sup> وللاسطرلاب قطاع <sup>14</sup> كثيرة انا اذكرها هنا اسم <sup>17</sup> كل قطعة مها ..

١٥- أي پ : هية ١١ - ١١ - ي پ ، وتامله اهريس ١٩- ي أ : اسطره ١٤- ١٤- سناره لاب. ١٤- قي أو ب : واستعملوه ١٥- ١٥- ي ب : وايضا يقال أن الاسطر بنسان الاروم هو الميران واللاب الشمس فسموه اسطرلاب اي ميران الشمس والاسطرلاب [كما] الطاع ١١- ناهس ي أ

#### (11)

# قطعة من مفاتيح العلوم لافي عبد الله الخوارزمي

المصدر : النص المطيوع ( القاهرة ، ١٣٤٢ هـ) ، ص ١٣٤

... الاصطرلاب معناه مقياس النجوم وهو باليونانية اصطرلانون واصطر هو النجم ولابون هو المرآة ومسن ذلك قبل لعلم النجوم اصطرنوميا وقد يهذي بعص المولمين بالاشتقاقات في هذا الاسم بما لا معنى له وهو انهم يزعمون ان لاب اسم رجل واسطر جمع سطر وهو الخط وهذا اسم يوناني اشتقاقه من لسان العرب جهل وسخف ...

(1)

## قطع من كتاب الفهرست لابن النديم

المصدر : النص للطيوع ( ١٨٧١ م)

: YV+ ...

### ابيون البطريق

واحسبه قبل الاسلام بيسير او بعثمه بيسبر وله من الكتب كتاب العمل بالاسطرلاب المسطح...

### Appendix

#### Arobic and Persian Texts

Note: The texts are numbered according to the numbers assigned to the authors in the main part of the paper.

(1)

قطعة من كتاب العمل بالاصطرلاب المنسوب الى ما شاء الله

مترجمة من النص اللاتيني ( انظر اعلاه )

. [ اصطرلاب اسم يوناني معاه المحذ الكواكب ] ..

**(Y)** 

قطعة من كتاب المدخل الى علم النجوم لابي نصر القمى

المصاهر : أ عطوطة دار الكتب المصرية طلعت ميقات ٢٣٢ ، ق ١٩٥ و – ١١٥ ظ ب مخطوطة استانـول فاتح ٤٣٢٧ ، ق ££ و

... الفصل الثاني من المقالة الثالثة في ذكر الاصطرلاب ا واسم كل قطعة منه ا وما فيه من الخطوط والمقبطرات والدواير والاقسام كان العلماء الاولول اخدوا كرة على مثان العلمة تتحرك على قطبين وركبوا عليها عنكوتا عليه عمطقة فلك العروج وعلى الكرة الدوائر العطام مثال دواير الارتفاع ودواير الافق ودواير نصف المهار ودايرة معدل المهار وغيرها من الدواير وكانوا يقيسون ا بها النهار والليل ويصححون المهالع المطالع إلى ايام ادريس النبي محملية المسلام وكان لادريس ابن يقال له لاب وله اعلم جليل ومعرفة

٢٠٠ ئي بيه ۽ الاسطر لاب ٢٠٠٠ ئي أ ۽ شيا ٢٠ ٿي ب ۽ اٽٽلوا ٢٠٠ ئي بيء ۽ عليا ٢٠٠ ئي آ ۽ يقيسوا ۽ ئي بيد ٢ يقسموا ٧٠- ئي آ ۽ ويصمسوا ۽ ئي بيء ويعسمون ۾ ٢٠ نافض ئي آ ٢٠٠٩ - تي بيد ۽ معرفة حسنة Persian text<sup>1</sup> contains legends about Alexander and is stated to be taken from a work entitled Sharafnāma by Ibrāhīm Fārūqī, and I have been unable to identify the author, or the relation of the work to the medieval Islamic folklore on Alexander.<sup>2</sup>

The text translates as follows:

"A first story: Alexander commanded all the sages to construct something so that it would remain in the world as a memorial to him. So Aristotle constructed an astrolabe which elucidated the secrets of the spheres for all the sages. It is the balance of the sun, which is called in Greece asiar-tarded or láb-i āfiāb. Some said that Lāb is the name of another sage who by the request of Alexander constructed the astrolabe. Another opinion is that Lāb is the name of the son of Aristotle who is the astrolabe-constructor. According to the fourth story Lāb is the name of a son of Idria – blessings and praise be upon him – who had the greatest skill in the knowledge of science, and he made the astrolābe with the greatest excellence. But the first story is the most correct. It is also called astrolāb and strulāb and strulāb and sulāb. Taken from the Sharafnāma of Ibrāhīm Fārūqī".

1 I am grateful to Prof. E. S. Kennedy of the Institute for the History of Arebic Science in Aleppo and to Prof. Peter Chelkowski of New York University for reading and translating this text.

2. On the Alexander legends in general sec the article "Iskandarnāma" in EI<sub>2</sub> by A. Abel. Ibrāhtm Fārīqī is not mentioned in Storey, and no such references to Aristotle and the astrolabe are contained in much basic works on the medieval Alexander legends as Southgats and Cary. The astrolabe is mentioned in the Iskandarnāmeh of Nizāmī (c. 1175) in a decisive battle against the Russians Alexander is guided by the calculations of an astrolabe (Chelhoveski, p. 38).

#### Conclusion

The extent to which such popular etymologies gained acceptance in informed Muslim circles is revealed in the entry for Lāb in Steingass' Persian-English Dictionary, published in 1892. Steingass lists the following meanings for lāb: "the sun; request; supplication; name of the son of Idris; also of the inventor of the astrolabe; or of the son of a Greek King of the name of Istar(?)". In the last meaning given Istar is probably a corruption of astur. With the identification of Lāb as the son of Astur we should bring this survey of medieval notions about the origin of the Arabic term asturlāb to an end.

1 Steingers, p. 1110. The article asturlab in Lane's Arabic-English Lexicon, published in 1863, is bated on the remarks of al-Nuwayri and al-Firûzâbâdî (nos. 17 and 23). Cf. Lane, 1, 58, cited in Gunther, 1, p. 111 and Gandz, p. 475.

extant in MS Alexandria Baladiya 3504 J (copied 1186H), the author quotes the opinion of al-Damiri (no. 22) on asturlöb, and adds that "Ptolemy was the first person to make an astrolabe and there is a stronge story about his making it which we have related in the (longer) commentary".

1. On Muhammad Bannani see Brockelmaan, II. p. 615 (where the Alexandria manuscript is mentioned), and SII, p. 686 (stc.). He is not recationed in Suter, or even in Renaud, which is essentially a list of Maghribi scientists overlooked by Suter.

#### 32. Miscellaneous

In 1941 Henri Michel published an account by a seventeenth-century French traveller named Jean Chardin describing the methods used by Persian astronomers to construct astrolabes. This little-known study is of considerable interest for the history of Islamic instrumentation, and also contains an account of the opinions of the Persian astronomers on the meaning of the word astartab. These include the notion that "asterlab" is a Persian word meaning "lips of the stars", or that the word should be pronounced ostir lab and means "knowledge of the stars". These meanings have no counterpart in the Islamic written sources. Chardin adds that the Persians call the instrument vera kouré (from Arabic wade al-kura, meaning "placing the sphere") "in their books and in their lessons". Again I know of no Islamic sources in which the astrolabe is called by this name, although it was associated with Arabic sources by medieval and renaissance astronomers in Europe.

- 1. Michel 1, p. 485.
- 2. Cf. Hartner, p. 287 and Kunitzsch 1, pp. 20-21 sub vasaxalows.

#### 33. Ahmad Bāshā Muhksār

In a text-book on astronomy called Riyād al-Mukhtār and published in both Turkish and Arabic in the 1880's, the author al-Ghāzī Aḥmad Bāshā Mukhtār states that asturlāb is derived from two Latin words astur meaning "star or celestial body" and labiyām meaning "plate" (lauḥa or ṣaftha). He also states that the astrolabe was invented by Ptolemy.

1. Mukhtar, p. 238. I owe this reference to the kindness of Prof. Paul Kumttsch.

#### 34. Ibrāhim Fārūqī

After this study was completed I came across a group of explanations of the term asturlâb in Persian, some of which clearly represent quite different traditions from those which I have documented in the Arabic sources. During the course of preparing a photograph of the quote from al-Muţarrizi in MS Cairo Dār al-Kutub Ṭal'at miqui 255, fol. 2v, for inclusion in my forthcoming volume of photographic plates of extracts from the Cairo scientific manuscripts, I noticed another relevant quote immediately below-see Plate 1. This

further information, translated the remarks of al-Birjandi (no. 24), and introduced some minor modifications. For example, he said that the meaning of the Greek asturlöfün (which is written asturlönün in each of the copies I have consulted) was mir'at al-kawākib, "mirror of the stars" and that some had said waḥid al-kawākib, implying that the term meant "mirror of the star". Here, however, wāḥid must result from a corruption of akhdh.

The treatise exists in numerous copies, many of which include the marginalis. I have used MSS Cairo Talfat migor 154, Zakiya 782, and K. 3844.

#### 30. Abd al-Rahmān al-Fāsi

The seventeenth-century Moroccan scholar 'Abd al-Rahmān al-Fāsī compiled a lengthy poem called al-Uqnām on the different branches of knowledge, which included a section on the astrolabe.' In the margin of a Cairo manuscript of this work is a note on the orthography of asturlāb and Ballaymās (= Ptolemy), 2 as well as a remark that Ptolemy was the first person to make the astrolabe, and a reference to the existence of a curious story about his invention of the instrument. The details of this story are preserved in a commentary on al-Fāsī's section on the astrolabe; see the next section.

- On al-Fast see Renased, no. 541; Brockelmann, II, pp. 612 and 675, and 311, pp. 694-695; and the article ""Abd al-Rahman al-Fast" by F. Levi Provençal in EI<sub>2</sub>.
- Ptolemy's name in Arabic was more often written Başlamyns, but in late texts both forms
  occur. Cf. the article "Başlamıyns" in EI<sub>2</sub> by M. Plessner.
  - 3. MS Ceiro Dar al-Kutub J3664 (227 fols., copied ca. 1250H), fol. 179v.

### 31. Muḥammad Bannāni

Muhammad Bannāni ibn 'Abd al-Selām ibn Hamdun, a scholar of Fez who died in 1163/1750, wrote an extensive commentary on al-Fast's poem (see no. 30) which is extant in MS Cairo Taymur riyada 113 (144 pp., 1327H). In a discussion of the etymology of asturlab, the author first mentions that it is a foreign word meaning migyas al-nujum, "instrument for measuring the stars," or mixan al-nujum, "balance of the stars". He adds that "it is said that" firstly Lab is the name of the celestial sphere in Greek, and secondly that  $L\bar{a}b$  is the name of the inventor of the instrument and that it was originally li-Ab, "to the Father", where Ab was the the name of "the Teacher", that is, Idrīs. Since astur is the plural of satt, asturlāb are the "lines of the sphere" (astur al-falak) and "lines of the philosopher" (astur al-hakim). Muhammad Bannani concludes with a story about the invention of the astrolabe by Ptolemy, which was related by "a group of historiaus". This story is none other than the one related by Ibn Khallikan (no. 12), and Muhammad Bannani's treatise is the only medieval scientific work known to me which contains this delightful story.

In a shorter commentary by Muhammad Bannanit on the same poem,

#### 26. al-Khafājī

The celebrated Egyptian philologist Shihāb al-Dīn al-Khafājī (d. 1659) in his book on Loan-words in Arabic entitled Shifā' al-ghalīl..., gives no information on aşturlāb other than that it, along with the terms farjuhāra and binkām, is not Arabic. He adds that the word is mentioned in the Nihāyat al-arab, a work by al-Nuwayrī (no. 17), and in fact al-Khafājī's remark is actually taken directly from al-Nuwayrī.

I On al-Khafaji see Brackelmann II, pp. 368-369, and SII, p.396. I have consulted MS Cairo Dâr al-Kutub Muştafa Fáctil lugha 20, in which adirelab is mentioned on fol. 75v. Brackelmann lists only the Cairo manuscript, which may have been the basis for the two printed editions that he mentions.

#### 27. Hājji Khalifa

The seventeenth-century Turkish scholar Hājjī Khalifa' in his bibliographical encyclopaedia Kashf al-Zunān records various interpretations of the name asturlāb.² He quotes Kūshyār and al-Bīrūnī without mentioning their names, and also the Maf-tih al-'ulām. When quoting al-Bīrūnī Hājjī Khalifa presents the name as asturlāfān, perhaps reflecting a contemporary Greek pronunciation of  $\beta$ .' He concludes the passage on the astrolabe with the statement that the first person to make an astrolabe was Ptolemy and that the first person in Islam to make one was Ibrāhīm ibn Habīb al-Fazārī, and then cites titles of three books on the astolabe, none of which is extant.

- 1. See the article "Kātib Chelebi" in El2 by O S. Gäkyny.
- 2. Hájji Khalife, 1, cols. 106-107.
- 3. The 1892 Cairo edition of Hajji Khalifa's work has asjurlagun

#### 28. Munajjimak

Muhammad ibn Ahmad Fasā'i (?), known as Munajjimak (= the little astronomer), was chief astronomer in Istanbul about 1675 A.D., and wrote a treatise on instruments of which only fragments survive. The fifth maqāla of Munajjimak's treatise deals with regular planispheric astrolahes, universal astrolahes, and quadrants, and begins with a discussion of the word os/urlāb. Munajjimak's remarks appear to be based on those of al-Birjandi (no.24), but in the story attributed to Abū Nasr al-Quimui it is no longer clear whether Hermes or Lāb is answering the question who drew the lines. Having been translated from Arabic to Persian and back to Arabic, the anecdote is now hopelessly confused. See also the next entry.

1 Munajjumak is not listed in the modern bibliographical sources. The text of the passage is found in MSS Cairo Dâr al-Kutub migat 735 and 70, which are two fragments of the fifth mogala of his treatise.

### 29. Ishāq al-Zakāli (?)

In some marginalia to an anonymous Arabic treatise on the astrolabe in fifteen fayls an individual named Ishāq al-Zakālī (?), on whom I have no

#### 23. al-Firüzābādī

The celebrated philologist al-Firūzābādī (b. 1329 in Shiraz, d. 1415 in Zabid) included an entry on his  $l\bar{a}b$  in his lexicon entitled al-Qāmūs al-muhtt. Al-Firūzābādīstates that Lāb was a man who drew lines and based calculations upon them and that the lines were called astur-Lābia, "the lines of Lābi". This became a compound word and the annexation construction was dropped. With the definite article the name became al-asturlāb, or al-asturlāb with a sād because of the  $l\bar{a}$ . This etymology from the Qāmūs is also found in an astronomical manuscript copied in Amud about the year 1610 (see no. 10).

 On al-Firüzàbădi see the article by H. Ficisch in El<sub>2</sub>. I have examined MS Cairo Dâr al-Kutub higha 34 of this work, transcribed in 899H from the author's copy. The entry on esquilăb in Lane's Arabic-English Lexicon is based maialy partly on al-Firüsâlbâdi.

#### 24. al-Birjands

There is no reference to the origins of asturlāb in the treatise on the astrolābe by the celebrated thirteenth-century Persian scholar Naṣīr al-Dīn al-Ṭūsī. However, in the Persian commentary on this treatise by 'Alī al-Birjandī (fl. cs. 1500),' there is a section in which the author quotes the opinions of Kūshyār, al-Bīrūnī, and through him al-Isfahānī (not named), as well as the anonymous commentator on the Maqāmāt of al-Harīrī and through him Abū Naṣr al-Qummī.' In this quotation the answer to the question asked by Hermes – not Idrīs – is either due to Lāb or Hermes himself: the Persian is ambigous, al-Birjandī also mentioned that some people had said that astur means taṣntīf, "a written work or compilation," and that Lāb, a son of Hermes, had invented the instrument. Al-Birjandī was later quoted by Munajjimak (no. 28) and Ishāq al-Zakālī (no. 29).

- 1. On al-Birjundi see Sater no. 456, and Storey, pp. 54 and 80-82.
- 2. The Persian text edited in the appendix was kindly prepared by Prof. E. S. Kennedy.

### 25. Jalâl al-Din al-Suyûji

MS London B. M. Add. 9599, fol. 7r, contains a note on the Arabic words al-Mijisii and asturläb stated to be taken from al-Nafha al-miskiya, a work by the late-fifteenth-century Egyptian polymath Jalāl al-Din al-Suyūṭī.¹ The author states that Ptolemy was the first person to make an astolabe. He adds that Kūshyār had said that the term asturlāb was Greek and meant "balance of the sun", and that some had said that Lab was the name of the sun in Greek.

On al-Suyüşi see Brockelmann, II, pp. 180-204, and SII, pp. 178-194. On the treatise al-Naftu al-miskiya see II, p. 202 (no. 291) and SII, p. 197.

#### 19. Anonymous

The author of a treatise on the astrolabe in 14 bābs entitled Tuhfat al-tullāb fi'l-'amal bi'-l-asturlāb, which is probably a fourteenth-or fifteenth-century Egyptian or Syrian compilation, discussed the etymology of asturlāb in the introduction to his treatise.' He states that the name asturlāb is Greek and means "balance of the sun", and also that Lāb was a wise man who drew the lines (astur), so that the instrument was called astur-Lāb. This passage is related to the parallel passage in the treatise of al-Mizzi (see no. 18 above).

i I have examined MS Istanbul Fatih 5397,24 (fois. 1907-195v, cop. 1118H) of this work. Awwad Rated several manuscripts of what he thought to be copies of a work with this title and attributed the treatise to the Andalusian astronomer Abū'i-Qāsim Abmad b. "Abd Allāh b. Muḥammad al-Ṣaffār, but the listings and attribution are coofused (cf. Awwad, nos. 28 and 29). MS Princeton Garrett 1024 appears he to a copy of the same work as contained to the Fatih manuscript, and is likewise anonymous. The other manuscripts lated by Awwad are copies of a different treatise by the al-Ṣaffār which has been published (see the article "The al-Ṣaffār" by B. R. Colditon in EI<sub>2</sub>).

#### 20. Sharaf al-Dm al-Khalili

Sharaf al-Din al-Khalili, the nephew of the celebrated astronomer of midfourteenth-century Damascus Shams al-Din al-Khalili, wrote treatises on the standard instruments of his time, including one of the use of the astrolabe.<sup>1</sup> In the introduction to this he states that asturlab is a foreign word meaning "(instrument for) measuring the stars" or alternatively "balance" or "mirror of the stars".

On Sharaf al-Din al-Khalili see Suier, no. 427, and Brockelmenn, II, p. 157, and SIL p. 158,
 I baye used MS Istanbul Fatth 5397 (tols. 65v-71r) of this treatise.

### 21. Anonymous

The anonymous author of a treatise in 25 bibs on the apherical astrolahe which was probably another fourteenth-century Syrian compulation, states that asturlab is a foreign word to be explained as "mirror of the stars" or as "the balance of the sun".

1. This treatise is extant in MS Istanbul Hamidiye 1453, fels. 213v-219r), cop. 869H.

#### 22. al-Damiri

The late fourteenth-century Egyptian scholar al-Damîri is celebrated for his encyclopaedia on zoology and folklore entitled Hayāt al-ḥayawān.' In this work al-Damīri states that asjurlāb means "balance of the aun" because asjur means "balance" and lāb means "sun" in Greek. Al-Damīri was later quoted by Muḥammad Bannānī (see no. 32).

I. On al-Damiri see the article in  $EI_2$  by L. Kopf. I have been unable to locate the reference to as Iarlib in the published text of his encyclopsedia.

#### 15. Ibn Jamaca

Ibn Jamā'a was a scholar of Hama in the late thirteenth century! and in the first chapter of his work on the use of the astrolabe he states that asturlāb is a foreign word meaning "measurer of the stars" or "balance of the sun", or according to another opinion, asturlāqūn "mirror of the stars", taking astur as "star" and lāqūn as "mirror". Here perhaps lāfūn is intended: see the remarks on Hājji Khalīfa (no. 27). Ihn Jamā'a adda that the derivation from astur and Lāb is not to be relied upon.

1. On Ibn Jamá'a see Brockelmann, 11, pp. 89-90, and SII, pp. 80-81; and Asseed, no. 179, and on his family see the article "Ibn Djamá'a" in El2 by K. S. Salibi. I have used the unique copy MS Cairo Dár al-Kutub Muştafá Fāçili migās tarki 6,1 (fols, 1v-20r, copied co. 1150H) of his work on the astrolabe.

#### 16. Abū Alt al-Fārist

Two etymologies for asturlāb are proposed by Abū 'Alī al-Fārisī (fl. Hama, ca. 1300) in his treatise on the astrolabe entitled Maqāṣid dhawi'l-albāb ....¹ Al-Fārisī first states that the name is a compound Greek word, ustur (the text is vowelled) measing "sun" and lāb meaning "balance", or, according to others "mirror", and then states that "the Arabs" say that astur is the plural of satr, "line", and that lāb is the son of Idris.

1. Al-Fárisi is not listed in the modern bio-bibliographic sources on Islamic science, except for Annual, no. 175. His treatise is extant in the unique copy MS Cairo Quwals might 2,1 (fols. Is-57v, copied co. 800H).

### 17. al-Nuwayrt

- Al-Nuwayrī (d. 1332 in Tripoli), in his encyclopaedia entitled Nihāyat al-arab fi funān al-adab, states that asturlāb, as well as the terms tarjahāra and bukām for water- and sand-clocks, were not Arabic. This statement is also recorded by al-Khafājī (no. 26).
  - 1. On al-Nuwayri see Brocksbunner, II, p. 175, and SII, pp. 173-174.
- 2. Quoted in Lane, I, p. 58, from the commentary on the Nihāyat al-arab by Muḥammad ibn al-Tayyib al-Fāsī, (Brockelmann, Sī, pp. 541 and 685?). I have been unable to locate any enference to esturibb in the published text of the Nihāyat al-arab.

#### 18. al-Missi

Shams al-Dîn al-Mizzī, a leading astronomer in Damascus in the midfourteenth century, wrote a treatise on the use of the astrolabe. In the introduction he states that the word asturlāb is Greek and that it means "balance of/for the sun".

 On al-Mizzi see Suter no. 406; and Brockshuann, II, pp. 155-156, and SII, pp. 156 and 1018 (no. 15). I have used MS Istanbul Fatih 5397, 25 of his treatise on the astrolabe. a famous instrument-maker of late-eleventh-/early-twelfth-century Baghdad, Ibn Khallikān cites first the etymology of Kūshyār (no. 5), and then presents an ancedote about the invention of the astrolabe by Ptolemy, introduced with the word qila, "it is said that ...". The story is that Ptolemy was taking a ride with an armillary sphere in his hand; inevitably, he dropped it and the animal on which he was riding trod on it and squashed it; the result was an astrolabe. Ibn Khallikān goes on to relate that neither Ptolemy nor any of the ancients realized that the sphere could also be represented on a line and that Sharaf al-Dīn al-Tūsī was the first to develop a linear astrolabe, later to be improved by his student Kamāl al-Dīn ibn Yūnus. Ibn Khallikān concludes this section with a discussion about the futility of trying to represent the sphere at a point!

Indeed Sharaf al-Dīn al-Tūsī¹ did devise a linear astrolabe, called <sup>c</sup>aṣal-Ṭūsī, "al-Ṭūsī's stick", which was modified by his student Ibn Yūnus, also a scholar of distinction. It is of interest that Ibn Khallıkān early in his career met Kamāl al-Dīn ibn Yūnus in Mosul, but it seems unlikely that he would have picked up the anecdote about Ptolemy from such a serious scholar. The only reference to the anecdote known to me in later Arabic literature is in the writings of the eighteenth-century Moroccan author Muhammad Banuānī (no. 32).

- On Ibu Khallikán see the article in El<sub>2</sub> by J. W. Fack. The passage is found in Ibn Khallikán. II, pp. 184-185, translated in de Siane, Ill, pp. 581-582.
- On Sharaf al-Din al-Tüsi see the article in DJB by R. Rashed. For a brief discussion of his linear astrolabe see Michel 2, pp. 115-123.
  - 3. On Kamil al-Din ibn Yûnus see Suter, no. 354, and Beockelmann, SI, p. 859.

### 13. Anonymous (Maghribi or Andalusian)

Another etymology occurs in an anonymous Maghribi or Andalusian treatise on the astrolabe preserved in MS Cairo Dar al-Kutub miqāt 1169,6 (fols. 45r-57r. 1158H). This treatise begins with the statement that assurlāb is a Greek word which was originally assurlābūl [read assurlābūn!], meaning dhat al-nujūm, "possessing stars" and that the letters after the b were removed "to make (the word) lighter", that is, "to make it easier to pronounce".

1. There is a possibility that a Spanish influence is operating here to provide an ording -ol.

#### 14. Mūsā ibn Ibrāhum

Yet another etymology is contained in a treatise on the astrolabe attributed to Mūsā ibn Ihrāhīm, on whom I have no further information. The treatise is contained in MS New York Columbia 285.1 (fols 1v-8r, of ca. 1000H?), and begins: ""stirl'b [sic!] in Greek means taking the altitude of a star because "str is star in that language and taking is lāb." Some people say that it means balance of the stars. It is attributed to Ptolemy".

The manuscript has los rather than lob, which is probably on error of the copysist rather than
the author.

classic of Arabic belles-lettres.' In this work there is no mention of any aspect of astronomy. However, a note on the ctymology of asturlab and the invention of the instrument, stated to be taken from a commentary on al-Harīrī's Maqāmāt, is found in MS Cairo Dār al-Kutub Taymūr hikma 15, p. 137, immediately preceding a copy of the treatise L'nmudhat al-culum by Jalal al-Din al-Dawani.2 The author describes the instrument as "one for measuring the stars and the sun", stating that the first person to make it was Lab, and then adding an alternative derivation from Persian (due to Hamza al-Isfahānī), in which, however, the Arabic paraphrase in based on the meaning "mirror of the stars", not on the correct meaning of the Persian. The same note is found in MS Cairo Dar al-Kutub Mustafa Fadil hay's 1, fol. 1r, preceding 'Ali Birjandi's marginalia to Oždi Zžde's commentary on al-Jaghmini's al-Mulakhkhas fi'l-hay'a, copied about the year 1610 in Amud, Iran. The note on asjurlab from an unspecified commentary on the Magamat occurs together with another stated to be taken from the Oamus (of al-Firazabadi (see no. 231).

Another note stated to be taken from the commentary on the Maqāmāt by al-Muţarrizī (fl. Khwarirm and Baghdad, d. 1213)3 occurs in Cairo Dār al-Kutub Țal<sup>c</sup>at miqāt 255, fol. 2v, atuidst various notes preceding a collection of treatises on instruments and timekeeping-see Plate 1 Al-Muṭarrizī quotes successively Abū'l-Ḥasan (Kūshyār), Abū Rayhān (al-Bīrūnī), Ḥamza al-Iṣfahānī, and Abū Naṣr (al-Qummī).

- 1 On al-Hariri see the article in  $EI_2$  by S. S. Margoliouth and Cb. Pellut.
- 2 On al-Dawani see the article in El<sub>2</sub> by A. E. S. Lambton, and on his treatise see Breckelmann, II, p. 282.
- 3. On al-Mutarrisi see Brockelmann, 1, pp. 350-352, and also p. 327-1 have been unable to locate this passage in the Cairo manuscripts of al-Mutarrisi's commentary listed by Brockelmann.

#### 11. Abū Naṣr Aḥmad b. Zarir (?)

MS Leiden Or. 591 (pp. 32-46, copied 630 H) contains a treatise on the astrolabe with a crab-shaped rete (musarian) by an individual named Abū Naṣr Aḥmad b. Zarīr (?) Since the author mentions the celebrated astrolabist Hibat Allāh al-Asturlābi (fl. Baghdad, co. 1300) we may presume that he lived in the twelfth century. Abū Naṣr states at the beginning of his treatise that asturlābi is a Greek word, and that the astrolabe is a fine instrument and the "balance of the sun" (mizān al-shams).

J. Abù Nașr aud bie treatise are mentioned in Suter, no. 484.

#### 12. Ibn Khallikān

The celebrated thirteenth - century Syrian historian and literary scholar Ibn Khallikan' discussed the origin of asturlab in his biographical dictionary Wafayāt al-a'yān. In his entry on Abū'l-Qāsim Hibat Allāh al-Asturlābi.

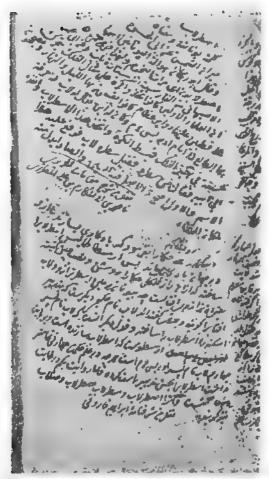


Plate 1: Two sets of stories about the early history of the astrolabe, one in Arabic and the other in Persian, found in MS Cairo Tal'at migās 255, fol. 2v (see nos. 10 and 30). Reproduced with kind permission of the Egyptian National Library.

Abū'l-Rsyḥān, that is, al-Bīrūnī, but this attribution is called into question by the fact that al-Bīrūnī is mentioned in the text. The treatise is divided into two maqālas, parts, the first of which contains six fusūl, sections, but the Cairo manuscript breaks off in the first fasl of the second maqāla.

The anonymous author asserts in his discussion of the origin and meaning of the word asturlāb that Abu'l-Hasan Thābit ibn Qurra (see no. 4) in a book on the use of the astrolabe had stated that Hipparchus before Ptolemy had invented (wada'a) the astrolabe and had made it plane (sattaḥa) in the same way as Lāb had done. The writer continues with a discussion of the reason why Hipparchus had chosen a northern projection. Now the only work on the astrolabe known to have been written by Thābit is a translation of the treatise by Abywn al-Baṭriq (see no. 4), but it seems unlikely that a scholar of the calibre of Thābit would himself have subscribed to the story of Lāb, or have mentioned it without critical comment. We may perhaps conclude that the reference to Hipparchus was found already in the treatise of Abywn, but how could this Greek treatise have contained the nonzense about Lāb?

1. On this treatise see already Sergia, VI, pp. 78 and 169.

#### 9. al-Zargāllu

MS Istanbul Aya Sofia 2671,5, fols. 133v-151v, copied in 1224, is a unique copy of an anonymous treatise on the planispheric astrolabe, whose author can be identified as the eleventh-century Toledo astronomer al-Zarqāllu (Azarquiel). At the beginning of the treatise al-Zarqāllu states that asturlāb is a Greek word which means akhāh al-kawākih, "taking the stars", because by means of it the derived knowledge of the positions of the stars can be obtained. Al-Zarqāllu quotes Ptolemy as stating that the astrolabe is like the celestial sphere made into a plane, with the visible pole made to be its centre. al-Zarqallu is probably referring to the introduction of the Arabic version of Ptolemy's Planisphaerium, a copy of which precedes his treatise in the Aya Sofia manuscript. 3

- This work, falsely attributed to Euclid on fel. Ir of the manuscript, a listed in Krause p. 525, no. 15.
- 2. On al-Zarqāllu see the article by J. Vernet in DSB and the references there exted It was not previously known that al-Zarqāllu wrote on the regular planispheric astrolabe. The author of the treaties on the astrolabe presents a stor catalog for the year 459M, which is precisely the data mentioned by al-Zarqallo in one of his three treaties on the universal plate, extant in a unique copy in fols. 1r-75r of the same Aya Sofia manuscript (cf. fols. 10r and 148v). This particular treaties is arranged in 80 bibs, as compared with his other two treaties of sixty and one hundred böbs: thus each of al-Zarqāllu's three treaties is now known to exist in the original Arabic.
  - 3. Cf. Krause, p. 443, and Segur, V, p. 170.

### 10. al-Hariri and Commentators

The Magamas of the eleventh-century Basta litterateur al-Hariri are a

Hamza stated that asjurlāb is an Arabicization of the Persian, sitāra yāb, "taker of the stars".

- 1 On Hamza al-Islahânî see Brockelmann I, p. 152, and SI, p. 221; Seegen I, pp. 336-337; and also the article in El<sub>2</sub> by F. Rosenthal.
- Al-Bicual cites al-li(aban.'s exymplogy of any in his treatise On Transits (I, text, p. 17, trans., pp. 20-21).
  - 3. Namely, MS Cauro Dar al-Kutab lugha 90 (49 fols., ca. 700 H).

#### 7. al-Birlini

The great eleventh - century scientist Abū'l - Rayḥān al - Bīrūnī mentioned the etymology of the word asturlab at least twice in his writings. In the first instance that has come to my attention, namely, in his treatise on astrology entitled al-Tofhim ft sind at al-tonjon, he states that the astrolabe was a Greek instrument called asturlabon meaning "mirror of the stars", which was why Hamza al-Isfahani (see no. 6) had explained it as being from Persian sitāra yāb. Al-Birūni was not happy about this explanation, as we learn from his book on shadows entitled Ifråd al-magal fi amr al - ;ilål. Here he states that Hamza in his book of-Munazana had stated that asturlab is an Arabicized Perstan word, the origin being sitara yab, "taker of the stars". Al-Birūni adda that this Persian name may very well have been derived from the special fuction of the instrument or may have been adapted ("greata here does not mean "to render into Arabic "but rather "to borrow a word into any language") from the Greek, in the same way that Hamza maintains that the Arabic word is an adaptation of the Persian. Al-Bironi indicates his knowledge that the Greek name is asturlabon and that ustur means "star" in Greek, as in the Greek words astronomia and astrologia.2 He adds that he has found aucient books on its construction and operation by the Greeks but not by other peoples, and that the people of the east (the Indians) do not known about the astrolabo and use only shadows.

As noted in the section on Ibn al-Nadim (no. 4), al-Biruni was familiar with the treatise of Abywn in the translation of Thabit. See also the next section.

- On al-Birüni see the article in DSB by E. S. Kennedy, and Saagin, V, pp. 375-383, VI, pp. 261-276, and VII, pp. 188-192.
  - 2. See further Pines.

#### 8. Anonymous (al-Miqyās al-murajjah)

MS Cairo Talcat migāt 155 is a very unusual compendium of Arabic works on the astrolabe and quadrant. some of which merit detailed study. The manuscript was copied in Egypt about 1650 A. D. and several of the treatises are of Maghribi origin. The first treatise (fols. Ir-15v) is entitled Kitāb al-Miqyās al-murajjah fī'l-camal b'l-asļurlāb al-musoļļah and is attributed to

- 4. Ibn al-Nadim, p. 273.
- S. See Sergin, VI, p. 103. The orthography Abysin seems acceptable. Flügel's critical apparatus indicates variant readings from two manuscripts. Ayann and Abuun in the first instance (p. 24) and Abuun and A x x y (where each x indicates a letter which can be read as a b, n, y, etc) in the second (p. 26). I assume that Abysin is found in the other two manuscripts used by Flügel for this section (on which see p. 3). Flügel suggested on original  $A_{\pi(to)}$  (p. 24).
- J. Lippert, in his edition of Ibn al-Qifti's Ta'rikh el-hukema' (p. 71) gave the name as "nburn and listed no variants. The unique copy of al-Birûni's treatise on different types of astrolahes, MS Paris B. N. az. 2498,1 gives the name as oksen al-prye(fol 1x).

Dodge, pp. 670-671, translates Ibn al-Natîm's remark thus "The first [Muslim] to make a plane astrolabe was Abiyûn al-Batriq", despite the fact that elsewhere (p. 644) he translates, "Abiyûn al-Batriq" I believe that he lived a little before or a little after the advent of Islam", and elsewhere (p. 649), "al-Fazāri... was the first person in Islâm to make the astrolabe "Dodge's own notes on Abiyûn (p. 943) are a mess. "Re was the first person in Islâm to make an astrolabe of the planisphaerum or flat type. The name may be confused with that of Abiy Yahya al-Batriq, who may have belped al-Fazāri to introduce the astrolabe. The name may be for Apon"

- 6. Private communication from my fresud W. J. Fulco, S. J. I had previously wondered whather Abywa might be identical with Ahron al-Ques "the priest", who wrote on medicine in Syriac about the time of the birth of Islam (cf. Sezgin, III. pp. 166-168) and who is also mentioned by Ibn al-Nadim (pp. 297). Although the names Ahywa and Ahon could conceivably be confused in unpointed Arabic, this identification seems highly improbable.
  - 7. See note 5 above.
- 8. Both Suter, p. 99, and Boilet, no. 47, suggest that this work is the same as that found to MS Berlin Abiwardt 5794, which is not the case.
  - 9. See note 5 above.
- 10. On Thobit see the article in DSB by A. B. Rosenfeld and A. T. Grigorian, and Sagar, V. pp. 264-272, and VI, pp. 163-170, especially p. 169, no. 22. Dr. Richard Loroth has drawn my attention to the coincidence that al-Suff's pression on the sphere also contained 157 chapters.

### 5. Küshyär ibn Labban

Küshyär was an astronomer and mathematician of some distinction who lived in Iran ca. 1000 A. D. In the introduction to his treatise on the use of the astrolabe Küshyär says that asiurlöb is a Greek word and that the most common explanation of its meaning is mixān al-shams, "halance of the sun".

 On Küshyar see Seegin, V, pp. 343-345, and VI, pp. 246-249, and VII, pp. 182-183. I have used MS Paris B.N. ar. 2487 (copied 679H) of his treatise on the use of the astrolabe.

### 6. Homza al-Işfahâni

Al-Bîrūnī (no. 7) informs us that the literary scholar Ḥamza al-Isfahānī (893-ca, 970)¹ discussed the etymology of the word asturlāb, and also the word astir (= apogee).² Al-Bīrūnī specifically cites al-Isfahānī's work al-Muwāzana as the source for his information. The full title of al-Isfahānī's treatise is al-Khaṣā'iṣ wa'l-muwāzana bayn al-ʿarabiya wa'l-fārisiya, and unfortunately the only known copy thereof is incomplete and there is no reference in the surviving text of either of the terms asturlāb or awj. According to al-Bīrūnī,

khatt = line, stressing that the word is Greek and that its derivation from an Arabic root indicates stupidity and folly.

I have used the Capo edition of his treatise; see al-Khedrumer in the bibliography. This appears
to be based on the edition of van Vioten, as the "English" title page is in Latin. On the author see the
article "al-Khuwāriami" by J. Vernet in BSB.

#### 4. Ibn al-Nadm

The tenth-century scholar Ibn al-Nadīm, author of the hibliographical compendium known as al-Fihrist, states that Ptolemy was the first to make ("amal") the astrolabe, and adds that it is said that it may have been made before him although this cannot be known with certainty. He goes on to say that the first person to make an astrolabe plane (satiah) was Abywn (= Apion) the Patriarch, whom he lists elsewhere as the author of a treatise on the planispheric astrolabe and states that he lived "a little before (the advent of) Islam or a little after." Elsewhere he says that the mid-eighth-century Baghdad astronomer al-Fazārī was the first person in Islam to make ("amal) an astrolabe. Ibn al-Nadīm also notes that astrolabes were made in the city of Harran and that they spread from there throughout the Abbasid Empire in the time of the Caliph al-Ma'mūn, that is, in the early night century

The identity of Abywn al-Batriq is by no means certain, although it seems probable that he was a Coptic patriarch, since the name Abywn is well attested in Coptic.\* The only other reference to Abywa known to me in the later Arabic scientific literature, spart from a remark by the thirtcenthcentury historian of science Ibn al-Oift, which is based on Ibn al-Nadim, is in the introduction of a treatise on the use of the astrolabe by the eleventh-century scientist al-Biruni (see no. 7). This treatise differs from al-Biruni's other two treatises on the astrolabe, the Isti'ab and Ikhrai ma ft guwwat al-asturlab ila l-fi'l, and is extant in a unique copy in MS Paris B. N. ar. 2498.1.4 The text is corrupt and indeed the name Abywn al-Batriq miscopied.9 However, al-Bîrûnî states that he had seen Abywn's treatise on the astrolabe (in its Arabic translation), and notes that it contained 157 chapters and that it was translated by Thabit ibn Ourra, the celebrated scholar and translator of Baghdad at the end the ninth century, 10 Al-Biruni further observes that the text used for the translation was corrupt and that Thabit had improved it where possible and that the chapters in the book did not correspond to those listed in the table of contents. Abyun has previously been overlooked in studies of the early lustory of the astrolabe. In the section on al-Biruni (no. 7) I shall present evidence that Abywn ascribed the invention the astrolahe to Hipparchus.

<sup>1.</sup> On The al-Nadim see the article in EI, by J. W. Fack.

<sup>2.</sup> Ibn al-Nadim, p. 284.

<sup>3.</sup> Ibn al-Nadim, pp. 270 and 284.

### Note added after the completion of this paper:

Prof. Paul Kunitzsch informs me that the Latin treatises on the astrolabe ascribed to Messahalla appear to be based on Western Islamic compilations based on treatise by Maslama al-Majrīṭī or some of his disciples such as Ibn al-Şaffār. In the Latin texts there seems to be a confusion between Mezleme, etc. for Maslama and Messahalla for Māshā'allāh. Thus the Latin phrase acceptio stellarum and the equivalent akhāh al-kawākib used by al-Zarqāllu seems to derive from a western Arabic tradition. See further Kunutasch 3.

### 2. Aba Naşr al-Qummt

Abū Naṣr al-Hasan ibn 'Alī al-Qummī was an astronomer of the late tenth century.' His major work was an extensive treatise entitled al-Mudkhal ilā 'ilm aḥkām al-nujūm, dealing mainly with astrology but also containing sections on theoretical astronomy. In the second faṣl of the third maqāla al-Qummī wrote about the astrolabe and presented an etymology of asiurlāb which was quoted by several later writers (see ao. 10). No doubt the fact that al-Qummī was an astronomer gave authority to his derivation of asiurlāb, which was that the instrument was invented by Lāb, a son of Idrīs, and that when his father asked who had drawn the lines on it (man saṭarahu?) he was told that Lāb had drawn the lines on it (hādhā asṭuru Lāb or saṭarahu Lāb), whence the name asṭurlāb. There is no lexical evidence for the IVth form (af'ala) of the root s-t-r, which occurs in one version of the text consulted.

In one of the copies of al-Qummi's treatise that I have used there is the additional fiction that astur is Greek for mizān (= balance) and lāb for the sun, whence asturlāb, meaning mizān al-shams (= balance of the sun). This etymology also occurs in later sources (see nos. 10 and 22).

 On al-Quinmi see Suier, no. 174; Krause, no. 174; Breckelmann, I, p. 253, and SI, pp. 388 and 398; and Segin, VII, pp. 174-175.

I have used MSS Cairo Dår al-Kutub Tal'at migdt 222,2 (fels. 60r-177r, 619H) and Istanbul Fatih 5427,1 (fels. 1v-113v, 708H) of al-Quimn's treatise, in which the texts of the passage are rather different. In a third copy consulted, MS Cairo Dår al-Kutub Muştafá Fádil migdt 208 (91 fels., ca. 1150H), this section has been left out: in the introduction to the third magdia (fel 13v) it is stated that the section has been unitted because it could be done without (turise it-l-singhnà "anhu).

### 3. Abū Abd Allāh al-Khwārismi

Various etymologies of asturlāb are given by the tenth-century encyclop-aedist al-Khwarizmi (not to be confused with the ninth-century astronomer) in his Mafātṣḥ al-'ulām. He first states that the word means miqyās al-nujām, "instrument for measuring the stars," and derives the Greek asturlabon from astar=najm-star and lābān=mir'ā=mirror, drawing a parallel in the Greek word astronomia for astronomy. He then speaks contemptuously of those who claim that Lāb is the name of a man and that astār is the plural of satr=

11	Abu Nasr Ibn Zavir	
	Sharaf al-Din al-Tasi	Sec no. 12
	Kamal al-Din abn Yuma	See no. 12
	al-Jaghmini	See no 10
	Nusir al-Din al-Tilai	See no. 24
	Ibu al-Oifti	See no. 4
12	Ibn Khellikan	See also no. 31
13	Anonymous (Maghribi or Andalusian)	
14	Mūsā ibm Ibrāhim	
15	Ibu Jemā'a	
16	Abd 'All al-Fazisi	
71	al-Nowaysi	Sec also se. 36
18	al-Muss?	See also no. 19
	Shame al-Die al-Khalili	See no. 20
19	Anonymous (Tuefat al-juliab)	See also no. 18
20	Sharaf al-Din al-Khulili	
21	Anonymous (spherical astrolahe treatise)	
	Geoffray Chauter	See oo. 1
22	al-Damiri	
23	al-Firthabidi	See also so. 10
24	nl-Birjandi	See also pas. 10. 28, 29
25	al-Suyūji	
26	al-Khafájī	See also no. 17
27	Hajji Khalifa	
26	Munajjimak	See also pp. 24
29	Ishiq al-Zakāli (?)	See also no. 24
30	al-Fast	See also ap. 31
81	Muhammad Bannani	See also nos. 12, 22, 30
32	Miscellaneous	
33	Ahmad Blaha Mukhtar	
34	Ibrāhim Fārūoi	

#### 1. Māshā'allāh

The treatise on astrolabe construction attributed to the late eighth-/early ninth-century Baghdad astrologer Māshā'allāh¹ is no longer extant in Arabic, but the Latin translation² begins: astrolabium nomen grecum est curus interpretatio est acceptio stellarum..., that is, "astrolabe is a Greek word whose meaning is taking the stars". This last expression corresponds to Arabic akhdh alkawdkib, which is also attested in various later Arabic sources. The Latin version of Māshā'allāh's treatise on the use of the astrolabe, which is also no longer extant in Arabic, has a different incipit.¹ Likewise, no etymology is offered by Geoffrey Chaucer in his treatise on the use of astrolabe, which is closely related to that of Māshā'allāh.⁴

On Māshā'allah see D. Pingree's article in DSB, and Segis, VI, pp. 127-129, and VII, pp. 102-108. His treatise dealing with both the construction and use of the astrolabe is mentioned in Ibn al-Nadīm, p. 273.

Cf. Steinschneider, p. 18, cited in Gands, pp. 475-476. See also Cormody, pp. 23-25 and Sheat, p. xxv.
 Cf. Sheat, p. 88,
 Cf. Sheat, pp. I-14.

I make no claim to have exhausted the available Islamic sources on the origin of the astrolabe and the etymology of its name. I have not ventured further than the standard lexicographical sources, although since asturläb is not an Arabic word it is not listed in the most famous medieval Arabic dictionaries such as the Lisān al-'Arab and the Tāj al-'arās. However, I have checked all the medieval Islamic tratises on the astrolabe currently available to me. 15 Most medieval Muslim writers on the astrolabe do not broach the subject of the origin of asjurlāb. The following are the exceptions.

15. The only list of medical falamic works on the astrolabe is Australab it is severely incomplete and needs to be supplemented with various additional works listed in Suter, Brockelmonn, Krause, Renaud, Storey, Sesgin, and King. 1. Kunsisch. 2, based on some three dozen taxts in Grock, Syriac, Arabic, and Latin, deals with the Arabic technical terminology of the component parts of the astrolabe but not the term asjurido steelf.

### Table of Contents

The following is a list of the ancient and medieval authorities cited in the main part of this paper. I have numbered those for whom direct quotes, are available concerning the etymology of asjuriob and the invention of the instrument. The corresponding Arabic and Persian texts presented in the appendix agreesmillarly numbered.

	Ab	See no. 31
	Hertstell	See nos. 24, 28
	Idria	See nov. 2, 16, 24, 31, 34
	Lab	See nos. 2, 3, 8, 10, 15, 16, 19, 28, 24, 28, 34
	Alexander (= Iskandar)	See no. 34
	Aristotie	Sec no. 34
	Hipparchus	See not. 4, 8
	Ptolemy	See nos. 4, 8, 9, 12, 14, 25, 27, 30, 31, 33
	Abywn	See 204. 4, 7, B
	al-Fanig	Sec uce. 4, 27
1	Masha'altah	
	Thabit ibu Quira	See not. 4, 7, 8
2	Abû Naşr al-Quenca i	See also nat. 10, 24, 28
3	Abū "Ahd Allāh al-Khwāriumi	See also no. 27
4	Ibu al-Nadim	See also nos. 1,4,7
5	Kûehyêr	Sec also nos. 10, 11, 24, 25, 27
6	Hamsa al-Işfahānī	See also nos. 7, 10, 24
7	al-Birûst	See also nos. 4, 5, 6, 10, 24, 27
8	Anonymous (al-Migyās al-murajjah)	
Q	al-Zarqālin	See also no. 1
10	al-Hariri and commentature	Sec also nos. 2, 5, 6, 7, 24, 34
	Ibo al-Şaffêr	See nos. 1, 19
	Maslama al-Majriți	See po. 1
	Hibat Allah al-Asperlahi	See nos. 11, 12

explanations of the curious term kursi (whence English "throne") for the part of the astrolabe which projects outward from the main hody of the instrument to bear the ring and cord by which the astrolabe can be held or suspended. The kursi of the astrolabe perhaps derives from the handle of a handmirror.

The popular medieval Islamic attribution of the invention of the astrolabe to an individual named Lâb, a son of Idrîs (= Enoch), is pure fiction. This attribution occurs in the writings of Abū Naṣr al-Qummī, and is criticized already by his late contemporary Abū 'Abd Allāh al-Khwārizmī. There are other stories about Idrīs in Islamic folklore, which credit him with the invention of geomancy, the art of writing, and the craft of making garments. The association with Lāb was popular because it provided a purely Arabic etymology of the name asturlāb. The first element astur is the plural of saṭr, "line", so that asturlāb means "lines of Lāb". In the later Arabic sources on asturlāb Lāb becomes a son of Hermes 12 W. H. Morley, in the introduction to a monograph published in 1856 which remains one of the most valuable studies on Islamic astrolabes, wrote rather unkindly: "the fables of (the) invention (of the astrolabe) by Abraham, Solomon, Enoch, or by a certain person named Lāb, are unworthy of notice."

The anecdote recorded by Ibn Khalikān about the invention of the astrolabe by Ptolemy is also fiction. Ptolemy is said to have been riding on some animal carrying a celestial sphere in his hand; he dropped the sphere, the beast trod on it and squashed it, and the result was the astrolabe. The anecdote, which I find as charming as the story of Newton and the apple, is not new to the modern literature, because it occurs in the published text and translation of Ibn Khallikān's biographical dictionary, but it has hitherto been overlooked by historians of science. I have no information on the origin of this anecdote.

Of greater historical interest is the statement attributed to Thâbit ibn Qurra that the astrolabe was invented by Hipparchus. This is the first instance in the Arabic sources of a reference to Hipparchus in this connection. I have attempted to trace Thābit's source for this information to a Greek treatise on the astrolabe which has hitherto been overlooked in discussions of the early history of the astrolabe. But the statement about Hipparchus attributed to Thābit also includes a reference to Lāb, which would hardly occur in a Greek source. A Persian text discovered after this paper was completed associates the invention of the astrolabe with Aristotle, which is again fiction.

<sup>11.</sup> This connection was first noted by Prof. Derek de Solla Price of Yale University.

Cf. the article "Idris" by G. Vajda in EI<sub>2</sub>.

<sup>13.</sup> Cf. the article "Hirmis" by M. Plessner in El ..

Morley, p. 5. On the estrolabe in Jewish Bible exeges and in the Talmud and Halakhah see Gands, pp. 480-482.

are discussed in chronological order, as far as possible. The original Arabic and Persian texts are presented in the appendix to this paper. A few of the statements ihave been discussed previously by E. Wiedemann (1909), F. Rosenthal (1950), S. Pines (1964), S. Maher (1968), E. S. Kennedy (1976), and F. Sezgin (1978). Also S. Gandz (1927) has surveyed the references to the astrolabe and its terminology in medieval Jewish literature.

In some early Arabic texts, such as the one attributed to Mashā'allāh (spurious?) and an anonymous one (by al-Zarqāllu?), we find the statement that asturlāb means akhdh al-kawakib, literally "taking the stars". This corresponds to an interpretation of the Greek, assuming that the second element λαβον comes from the verb λαμβάνειν, "to take", past stem λαβ. In Persian the phrase akhdh al-kawākib can be conveniently rendered sitāra yāb, the Indo-Iranian sitāra meaning "star" and yāb being from the verb yāflan, meaning "to find" or "to take". Hamza al-Iṣfahāni states that asṭurlāb is an Arabicization of this Persian phrase.

Kūshyār explains asturlāb as meaning mīzān al-shams, "balance of the sun". This is curious not least because mīzān al-shams is attested in early scientific Arabic as referring to a special variety of sundial. Δ Αδῦ "Abd Allāh al-Khwārismī and al-Bīrūnī explain asturlāb as meaning mīr āt al-shams, "mirror of the sun", asserting that λαβον means "mirror", which is not the case. Nevertheless, the reference to the notion of a mirror is interesting not least because of the resemblance between the basic shapes of an astrolabe and a hand-mirror. In this connection I have not found any medieval Arabic

E. Wiedemann records the stymologies of al-Birūnī, Abū 'Abd al-Khwāriemī Majātā al-'ulūn'),
 and Hājji Khalifa (Wiedemann 1, 1, p. 551, and 11, p. 459).

4. F. Rosenthal, in an article on al-Samaw'al and Hibst Allah al-Asparlahi published in 1950, mentioned the derivation of asparlah from aspar and Lab suggested by Abu 'Abd 'Allah al-Khwariam' and Ibn Khalikan (Rosenthal, p. 555).

S. Pines, in a study of the terms "astronomy" and "astrology" according to al-Birūnī, discussed the etymologies of al-Khwārismī and al-Birūnī (Pines, pp. 346-347).

6. S. Maher, in her book on the navy in Muslim Egypt, cited and reproduced the text of the derivations in the marginalis by Ishāq al-Zaqāli to the anonymous treatuse in 15 faşla, and in the fifth maqdia of the treatise by Munujimak (Maher, pp. 255-256 and 385-387).

 E. S. Kennedy discussed the statements of al-Birûni in the Shadows in his recently-published communicately thereon (of Birûni 2, text, p. 69, trans., p. 111, comm., p. 53).

2. F. Sezgin in his monumental bio-bibliographical survey of early Islamic literature discusses the attribution of the astrolabe to Hipparchus in the treatise of Magyos al-murajjoh which is falsely attributed to al-Birûnî (Sezgin, VI, p. 78).

Conde contains references to the etymologies of Mācha'allāh, Hājji Khalifa, and Lane. The
reference to an etymology by "Alī b. "Isā (p. 475) is in fact a reference to the etymology of Abū "Abd
Allāh al-Khwāriam".

10. Cr. Dosy, 1I, p. 809, where no specific medieval context is mentioned. See, however, E. S. Kennedy's translation and commentary of a passage on an instrument for recknoing time of day called missin which is described by al-Birūni in his book on shadows (al-Birūni 2, I, pp. 153-156, and II, pp. 82-83), and also the remarks in King 2, pp. 49-50.

# The Origin of the Astrolabe According to the Medieval Islamic Sources

DAVID A. KING\*

THE MEDIEVAL ARABIC asturlab or asturlab for astrolabe was derived from the Greek ἀστρόλαβος (or ἀστρολαβον δ΄ργανον), name of several astronomical instruments serving various purposes, including the demonstration and graphical solution of many problems of spherical astronomy. As Otto Neugebauer has shown in a section on the early history of the astrolabe published in his monumental History of Ancient Mathematical Astronomy, the underlying theory of stereographic projection was known in the time of Hipparchus (ca. 150 B.C.) and the astrolabe as it was known in medieval times was probably first described by Theon (co. 375 A.D.).<sup>2</sup>

The purpose of this study is to draw attention to a series of statements in the medieval Islamic sources about the etymology of the Arabic word asjuriab or asjuriab and about the invention of the instrument. These statements

 Department of Near Eastern Languages and Literatures, New York University, New York, NY 10003, USA.

#### Acknowledgements

The research on medieval Islamse science conducted at the American Research Center in Egypt during 1972-79 was sponsored mainly by the Smithsonian Institution and National Science Foundation, Washington, D.C. (1972-79), and by the Ford Foundation (1976-79). This support is gratefully acknowledged.

It is a pleasure to record my gratitude to the Egyptian Netronal Libary, where most of the manuscripts used in this study are preserved, and also to the Municipal Library in Alexandria, the Sulcymaniye Library in Istanbul, the Universiteitabibliotheck in Leiden, the British Library in London, Columbia University Library in New York, and the Bibliothèque Nationals in Paris. Prof. France Rosenthal of Yale University and Dr. Michael Carter of the University of Sydney kindly road this paper in its possibilitizate form, and their valuable comments on certain linguistic and explicit matters have been incorporated in the present version. Further comments of a more technical nature by Prof. Paul Kunitasch of the University of Munich have also been included. Any shortcomings are of course my own responsibility.

The passage on the invention of the autrolabe in the Taymur hibma manuscript was noticed by my friend Dr. Dimitri Gutas in the Egyptian National Library one bitterly cold day in the winter of 1975. The other passages recorded in these pages were collected on more lonely occasions since then. This paper is dedicated to the memory of the happy times spent with Dr. Gutas in Cairo.

- In general, asturide is preferred in early treatises, even in late copies thereof, and asturide is standard in late treatises. On the Greek name for the astrolabe see also Segonds, pp. 18-25.
- See Neugebouer 2, II., pp. 868-879, and also Neugebouer 1. Here and elsewhere references by author or short title are to the bibliography at the end of the paper.

# Annals of Science

Edited by G. L'E. Turner

Annals of Science was launched in 1936 to accommodate the growing tide of specialist papers on the history of science. Although the emphasis has changed over the years, the journal continues to publish important research on all aspects of the history of science and technology since the 13th century, including previously unpublished manuscripts, social and philosophical questions and relationships with other areas of thought. There is a section describing innovations in the teaching of the history of science and a substantial number of book reviews are featured in each issue.

Published bi-monthly, the journal is available on subscription at \$220.00, which includes airjreight delivery.

# History and Philosophy of Logic

Edited by Dr I. Grattan-Guinness

History and Philosophy of Logic is primarily concerned with general philosophical questions in logic—existential and ontological aspects, the relationship between classical and non-classical logics—including their historical development. The journal also deals with the relationships between logic and other fields of knowledge, such as mathematics, physics, philosophy of science, epistemology, linguistics, psychology and, latterly, computing.

In addition to publishing articles, History and Philosophy of Logic contains special features on manuscript collections, projects in progress, notes and queries, and a substantial book review section.

Published twice a year, the journal is available on subscription at \$63.00.

Further details on these and other history journals may be obtained from the publisher.



#### Bibliography

- Banü Müsä, K. Ma<sup>e</sup>rifat mudhat al-ashkal (ed. Naşîr al-Din al-Ţüsi in Nino Tracts, (Hyderabad-Dn. Osmania Oriental Publications Bureau, 1940).
- Berggron, J. L., "Al-Sijai on the Transversal Figure", Journal for the History of Arabic Science, 5 (1981), 23-36.
- Biruni, Abu'l-Rayhan, Al-Qunin ol-Man'udi (Hyderabad-Da.: Osmana Oriental Publications Bureau, 1955).
- Brockelmann, C., Geschichte der arabischen Litteratur, 2 vals., 2nd ad., (Leiden: E. J. Brill, 1943 and 1949), and Supplementbande, 3 vols., (Leiden: E. J. Brill, 1937, 1938 and 1942).
- Rermelink, H., "Vermischte Abhandlungen über Astronomie. . Bankipore Nr. 2468", Zentralblutt für Mathematik, 54 (30. Oktober 1956), 1-2.
- Kennedy, E. S. and H. Hermelink, "Transcription of Arabic Letters in Geometrical Figures", Journal of the American Oriental Society, 82 (1962), 204.
- Rază'ilu'i-mutafarrișa fi'l-hai'at li'i-mutagodéimin wa mu'ajiroy il-Bîrânt (Hyderabad-Da.: Osmanja Oriental Publications Burezo, 1948).
- 8. Seegin, F., Geschichte des probischen Schriftnans, Vol. V (Leiden: E. J. Brill, 1974).
- 9. Woepcke, F., L'Aigibra d'Omar Alkhaydmi, (Paris, 1851).

we have shown how such a line may be drawn by fixed geometry". On the other hand, if the work on the nonagon were an early one, composed before he framed his views on vergings, it is strange that he would write in his treatise on trisection that "nothing relating to this problem (trisection) has been solved either by the ancients or the moderns except for these two geometers (Abū Sahl al-Kūhī and Thābit ibn Qurra)", [9, pp. 117-18], Presumably the construction of the nonagon by trisection would "relate to this problem"; so rather than assume al-Sijzi was keeping silent about a youthful work he regretted, we conclude that he did not write this treatise.

Two other persons known to have written on the nonagon during this period were Abū'l-Jūd and al-Birūnī, but the former used conic sections rather than vergings and was more interested in an algebraic approach to the problem, while the latter says of constructions of the nonagon by moving instruments or conics that "they are of slight use when it comes to numbers", and then gives two algebraic methods for obtaining the side, [3, p. 287]. Moreover the rather ponderous style of proof in the present treatise, including the citation of Book I of The Elements on the exterior angle of a triangle and the proof that TG intersects AE in the direction of E, hardly recalls that of either of these two mathematicians.

We conclude that the treatise is incorrectly attached to that of al-Sijzi, since he did not write it, and that it is the work of a tenth-century geometer whom, without further evidence, it is impossible to identify. In view of the striking similarity of its key step to the proof of the Banū Mūsā, this treatise appears to be another instance to the influence of the Banū Mūsā's work in medieval Arabic mathematics.

### Acknowledgements

I wish to thank the Institute for the History of Arabic Science of the University of Aleppo for providing a photograph of MS Bankipore 2468/38 studied in this paper and for their hospitality during a stay in Aleppo when I did research on this paper, and I thank R. Rashed and J. Hogendijk for conversations which convinced me that the treatise on the nonagon is not due to al-Sijzī.

be on His prophet Muhammad and his family. (19) Its editing was finished in Muşul in Muharram the year 632 (Hijra).

### Commentary:

Only the inclusion of this treatise in Bankipore 2468 lends some support to our supposition that The Nine-sided Figure was composed in the latter part of the tenth or the early eleventh century, for that is the period from which most manuscripts in this codex come. Certainly from the point of view of the contents it could have been written at any time during the Islamic period. Thus, when al-Birūnī remarked in al-Qanān al-Mas'ūdī that one cannot trisect a general angle without moving instruments or using conic sections [3, p. 287] and observed that to construct a regular nonagon it suffices to trisect two-thirds of a right angle [3, p. 297], he was merely summarizing what had been known to geometers since antiquity. Even the Banū Mūsā gave in the mid-ninth century in their Book of the Knowledge of the Measurement of Figures exactly the procedure for trisecting a general rectilineal angle that is used here for trisecting one of 60°, [1, p. 24].

When the lettering in their proof is adapted to Fig. 1 the proof runs as follows. Draw a diameter  $YDN \parallel BG$  and draw NG. Thus GT is equal and parallel to ND, and so NG is equal and parallel to DT. This means  $GN \perp DE$ ; so GN, and hence  $\widehat{GN}$ , is bisected by DE. Thus  $\widehat{EN} = \frac{1}{2} \widehat{GN}$ . But  $\widehat{BY} = \widehat{GN}$  and  $\widehat{AY} = \widehat{EN}$ , so  $\widehat{AY} = \frac{1}{2} \widehat{BY}$ , and so  $\langle ADY = \frac{1}{2} \langle ADB \rangle$ . Thus the treatment by the Banû Mûsā makes it plain that TD is equal to the chord of an arc that is  $\frac{1}{2}$  of BA, which is a key step in The Nine-sided Figure.

Thus the purpose of the present treatise appears to have been simply to point out that when a well-known trisection procedure is applied to an angle of 60°, the verging produces directly the side of the regular nonagon iself. This is a very nice observation, giving a surprise ending to the usual construction, and certainly one worth a short treatise.

Since this short work immediately follows al-Sijzi's The Transversal Figure, it is tempting to suppose he was the author, for he also wrote on the trisection of the angle and the construction of the regular heptagon, and such an elogant construction of the nonagon would complete this activity very nicely. However, in view of the fairly clear and consistent attitude al-Sijzi displayed towards verging constructions he probably would not have considered such a construction of the nonagon as valid, much less elegant, for in his treatise on the trisection of an angle he describes a verging construction in a "Proposition resolved by one of the ancients by means of a straightedge and compass but which we must resolve by means of fixed geometry", [9, p. 120].

It does not seem likely that after expressing such a view al-Sijzī would write a treatise using a verging construction without at least adding, "and

point T and the circumference at the point G, and TG is equal to half the diameter, then I say that the line TD is always (20) equal to the side of the regular nine-sided figure in it (the circle)"? The reply is that that is true; (21) what I claim about it is sound. The proof of it (is as follows): We produce the diameter AE and the chord BG in straight lines in the directions (22) of E, G so that they meet; and I say first that their meeting is possible and the contrary is impossible, for if it were possible that the two were produced (23) and did not meet, then we draw from the point G a perpendicular to the diameter, GL. Then the lines AE, BG are either parallels (24) or their distance in the directions E, G is further as they run side-by-side. If they are parallels, then TG is equal to (25) DL because of the parallelism; but it was supposed equal to DE, i.e. equal to half the diameter, and that is a contradiction. Thus their distance (26) in the directions E, G is wider than parallelism; and that is even more of a contradiction because of what we proved (since such a GT would be even smaller than the previous CT, and hence less than the radius). Thus it is necessary (27) that the two lines EA, BG meet if they are produced in straight lines in the directions E. G; so let them be produced and let their meeting be at (28) the point K and draw BD, DC and produce GM parallel to DK. Then the ratio of TM to MD is as the ratio of TG (29) to GK: and TM is equal to MD, since TG is equal to GD, and GM is perpendicular to TD. Thus TG is equal to GK, and because of that (30) DL is equal to LK. Since the exterior angle BGD of the triangle GDK is equal to the two opposite interior angles GDK, GKD, as proved in the first book of The Book of The Elements, while the angle (280r:1) BGD is equal to the angle GBD, since BD is equal to DG, and the angle GDK is equal to the angle GKD, the angle KBD(2) is equal to twice the angle BKD. Similarly, the exterior angle BDA of the triangle BDK is equal to the two opposite interior angles DBK, DKB; (3) (so) angle DBK is two-thirds of angle BDA and the angle BKD is one-third of angle BDA. (4) However, triangle ABD is equilateral, since AB was supposed equal to half the diameter, so angle BDA (5) is two-thirds of a right angle and thus angle BKD, i.e. angle GDK which is equal to it, is two-ninths of a right angle. Certainly (6) the sum of the angles around the center in any circle is four right angles; (7) so it is necessary that the angle whose chord is (8) the side of a regular nine-sided figure in any circle (9) four-ninths of a right angle. We have already proved (10) that the angle GDK is two-ninths of a right angle and the line GL(11) is half the chord of double the arc GE; (so) the line (12) GL is half the side of the regular nine-sided figure (13) in the circle ABG. Also certainly the line (14) TD is double the line GL, since its tatio to it is as the ratio (15) of TK to GK, and TK is double GK by what we proved. Thus TD (16) is equal to the side of the regular nine-sided figure in (17) the circle ABG; and that is what we wanted to prove. This is its figure. (18) It is finished with praise to God and with His good success. His blessings

# An Anonymous Treatise on the Regular Nonagon

### J. L. BERGGREN®

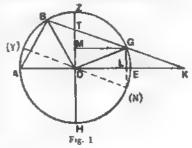
In 1948 Osmania Oriental Publications Bureau published a collection of twelve treatises, mostly from the 10th and 11th Centuries, taken from the codex Bankipore 2468, [7]. Over thirty years have elapsed since then but only three of these treatises have been the subjects of published investigations and one more has been translated (into Russian). Although the cover states the volume contains eleven treatises there is in fact a twelfth, an anonymous treatise attached both in the codex and the printed book to the work of the 10th century scholar Muhammad b. 'Abd al-Jalii al-Sijzi, On the Transversul Figure. Perhaps because this treatise ends half-way down f. 279° of the manuscript and the anonymous treatise The Nine-sided Figure begins on the next line, there is no mention of the latter in such standard works as Brockelmann [4] or Sezgin [8], although Hermelink noted it in his review of the volume [5].

The purpose of the present paper is to translate and comment on The Nine-sided Figure and to consider its authorship. In a separate paper [2] we consider the treatise to which it is joined, the previously unstudied treatise of al-Sijzi, On the Transversal Figure. A facsimile of the manuscript text

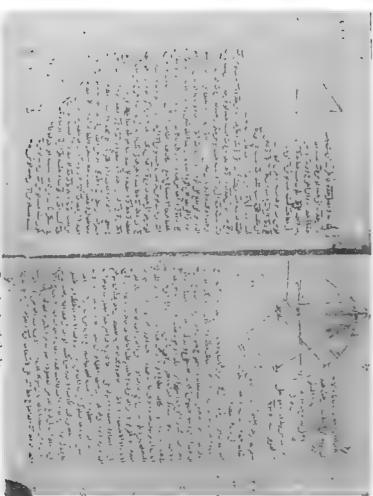
appears on p. 36-33 of this journal.

In the following translation "(m r/v:n)" denotes the beginning of line n of folio m (recto/verso) of Codex Bankipore 2468, while a simple "(n)" denotes the beginning of line n. Parentheses enclose additions to the text or explanations, and the figure found in the text is copied as nearly as possible, with the letters transcribed according to the system of Kennedy and Hermelink [6], in Fig. 1; however the lines NY and NL are not in the text and have been added by us to facilitate our later discussion of some work of the Banü Müsä.

What follows is a translation of The Nine-sided Figure. (279v:17) The nine-sided figure. What is the proof of the assertion of one who says, "(Given) the circle ABG whose center is D and whose quartering diameters (18) are AE, ZH, if the two chords AB, BG are drawn in it subject to the condition that AB is equal to half its diameter and BG cuts the diameter (19) at the



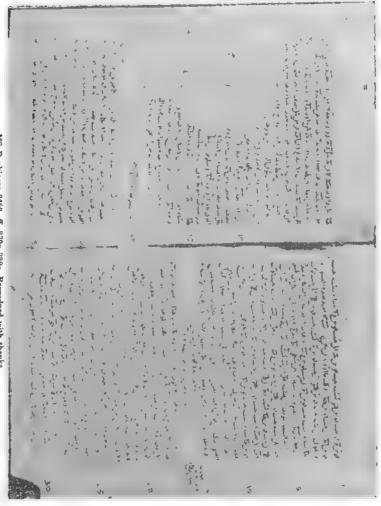
<sup>·</sup> Simon Fraser University, Burnaby, British Columbia



MS Bankipore 2468, ff. 276v-277r. Reproduced with thanks.

			المائة المدينة في الدورات المائة الم		الموادي الموا	Comments of the second of the	,
3-	• U		P4 77	₹	5	1.	
	ا دست هر از این از این	A STATE OF THE STA	Constitution of the state of th	مهای ممکل رمان برای افوان که معادی این موجود به با یک باده می را است و است موجود به از موجود این موجود از است و به از است و ا این موجود از اموجود این موجود این است و ا	ان در در المقابل المراجع المراجع المساوية والمساوية والمساوية المساوية المساوية المساوية المساوية المساوية الم الما المساوية والمؤافرة المساوية ا	الا الراسع الآل الراسع من الآل و الكالم الموسودية الموس	)
	ò	(.	'n	řη	ñ	17e	

MS Bankipore 2468, ff. 278v-279r Reproduced with thanks. 20

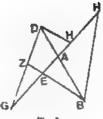


MS Bankipore 2468, ff. 2799-280r. Reprodued with thanks.

line AG. By similar triangles AB:AD = BE:DH = (BE:EZ) (EZ:DH) and EZ:DH = ZG:GD (again by similar triangles); so AB:AD = (BE:EZ) (ZG:GD), See Figure 2a.

We note that while the idea of the proof, so far as it applies to a particular case, goes back to Ptolemy (The Almagest [3], pp. 45-6), the use of the chart of permutations to produce twelve diagrams to which one proof applies seems to be al-Sijzi's own, very attractive, idea.

At the end of the proof (44r) al-Sijzi writes:"The proof of it was composed by the methods which I



Pig. 2a

proved in my book The Compound Ratio for Every Method, one explanation for the twelve cases. And this is another one of those proofs, which I indicate in red when it differs from them, and the extension of its lines and its letters are also in red in the transversal (figure). This method is easier than the rest of the methods I have seen in their books. At this point we will break off the discourse since our goal is attained in this letter. Praise is God's regarding the goodness of his deeds and may God bless our lord Muhammad and his family and his companions, and peace on them. It was derived on the first of Muhamman, the year 389 Hijra".

There are no red letters or lines in the diagrams accompanying the treatise, but there are additional lines in the diagrams, namely lines labelled BH and passing through B parallel to DZ, just as the line used in the proof was labelled DH, passed through D, and was parallel to BZ. These may be the lines that were originally in red and there is no difficulty is forming a proof using them, one that is entirely analogous to the proof al-Sizi gives using DH, (details in [1], p. 53). See Fig. 2a., an exact copy of one in the manuscript.

The passage quoted above makes it clear that the work al-Sizji refers to in his Transversal Figure as The Compound Ratio is not the treatise we are summarizing but an as-yet-unrecovered work of his whose full title was The Compound Ratio for Every Method (al-nisba al-mu'allafa li-kulli tariq).

Then, though the passage quoted would seem to be the end, the treatise in fact continues for another page and a half, including a table stating what form the proportion a:b=(g:d) (e:w) takes if two quantities, such as a and g, are equal. That this appendix is really by al-Sijzī is shown when, having given the table just mentioned the author writes "And we compose tables for determining the unknown one of six magnitudes when five of them are known, and the proof is in my book On the Compound Ratio". These tables, however, are omitted by the scribe, even though the treatise ends with instructions for their use.

APPENDEE 31

true, it is not of much use, since the other ratios entering into the proportion are altered). On 42r he comes to the main point of the treatise. He realizes that if he is to give one proof valid for the twelve cases arising from one side of the diagram, the lines in each of the twelve figures to which his proof applies will have to hear some permutation of the labels ADB, AEG, BZE and GZD. To this end be makes the following chart of the permutations (ibdāl) of the three letters in each of these labels.

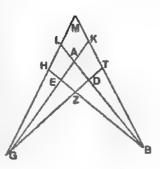


Fig. Ja

CHART 1a.
(as found on f. 42r of the manuscript)

The first	ABD	ADB	BAD	BDA	DAB	DBA
The second	AEG	AGE	EGA.	EAG	GAE	GEA
The third	BZE	BEZ	EBZ	EZB	ZBE	ZEB
The fourth	DZG	DGZ	ZDG	ZGD	GDZ	GZD

There is no simple rule that would generate the chart from its first column though the interchange of entries (2,3) – i.e. second row and third columnwith (2,4), (3,3) with (3,5), and (3,4) with (3,6), would produce a chart in with the entries in any one column are generated from the corresponding entries in the first column by the same permutation. In any case, al-Sijzi now shows how, if we choose one of the above labels for any line of the tranversal figure, we may use the chart to determine the labelling of the other lines. He takes the case when we label the "first" line DBA. We find, he says, that among the other lines there are two emanating from D and A with only one point in common, and so "we seek the common (letter) from the beginning of the two rows of the second (table) and find G". Then the second row shows immediately that the letter following AG is E, and the fourth row shows that the letter following DG is Z.

Thus the entries in the first and third rows allow us to form twelve diagrams illustrating the twelve cases of the transversal theorem in which the letters A,B,D,Z and E label the two right-hand lines. For each of these twelve cases he proves (43v) that AB:AD = (BE:EZ) (GZ:GD), as follows. In each figure draw DH parallel to BE, where H is the intersection of DH with the

### Acknowledgements:

I wish to thank the Institute for the History of Arabic Science of the University of Aleppo for providing photographs of the treatise from Codex Bankipore 2468 studied in this paper, as well as J. Hogendijk, D. King, and J. Sesiano for providing copies of works which, in al-Sijzi's words, "do not exist in the city I inhabit". Finally I thank H. E. Kassis for saving me from several blunders in the translation of the preface to al-Sijzi's work.

### Bibliography

- Björnbo, A., "Thibits Work über den Transversalensats (liber de figure soctore). Mit Bemerkungen von H. Suter. Heg. und erganat . . . von H. Bürger und K. Kohl", Abh. auf Geschichts der Napurmess. und der Med., Heft VII, Erlangen (1924), 1-90.
- 2. Kennedy ,E. S. and H. Hermelink, "Transcription of Arabic letters in Geometrical Figures", Journal of the American Oriensal Society, 82, No. 2 (April June , 1962), 204.
- Ptolamy, C., Handbuch der Astronomis (Vol. I), and comm. by K. Manitina with preface and corrections by O. Neugabaner (Leipzig H G. Truboer, 1963).
- 6. Rosa'lilu'l-musaforriga fi'l-has'as li'l musaqoddamin son mu'ajiray U-Birlin! (Ryderabad-Da.: Osmania Oriental Publications Burunn, 1948).
- 5. Sengin, F., Geschichte des arabischen Schriftmans, Vol. V (Loiden: E. J. Brill), 1974.
- 6. Al-Sijai, "Abd el-Jali! "P! taḥṣli īṇā" al-meba al-me"allafa al-thoai "achara fi"i-abakl al-qaṭṭā" al-mesaṭṭah be-tarjama wāḥida wa kayfiyat al-aṭl alladhi taṭawelladu minhu hādhih-"-wujūh", Leiden, MS Or. 168, \$. 41 r-44e.

### Appendix

Al-Sijzl's treatise on the compound ratio in MS Leiden Or. 168

Since in the treatise we have discussed above al-Sijzī does not deal with the plane case of the transversal theorem, we have thought that the reader might wish to have a brief account of the one known treatise where he does discuss the theorem, namely his Fi taḥṣil iqā\* al-nisba al-mu'allafa ..., Leiden MS Gr. 168 (ff. 41r - 44v). Another account may be found in [1].

Al-Sijzī begins (41r) by distinguishing among the twelve cases obtained from "one side" of the transversal figure the four cases obtained by tarkib, the two obtained by tarkib, and the other six obtained by  $ibd\bar{a}l$  (interchanging antecedent and consequent in the previous cases). On 41v he next shows that when we prolong BE to H, so that EH = EZ (Fig. 1a.), and complete the figure to a transversal figure GHL, LAB, BZH and GZD, ratios such as BE: EZ, which were examples of tarkib in the first figure, may be replaced by equal ratios (in this case BE: EH) which are now examples of  $taf_ill$ . (While this is

CHART I

THEOREMS IN ORDER	PROOF	SIX CASES FOR ADB
$\frac{\operatorname{Sin} \widehat{AB}}{\operatorname{Sin} \widehat{BD}} = \frac{\operatorname{Sin} \widehat{AE}}{\operatorname{Sin} \widehat{EC}} \cdot \frac{\operatorname{Sin} \widehat{CZ}}{\operatorname{Sin} \widehat{ZD}}$	Intersection of planes ATG, THE. From Theorem 3 of his book	Whole to lower pert
$\frac{\operatorname{Sin} \widehat{BD}}{\operatorname{Sin} \widehat{AB}} = \frac{\operatorname{Sin} \widehat{DZ}}{\operatorname{Sin} \widehat{ZG}} \cdot \frac{\operatorname{Sin} \widehat{EG}}{\operatorname{Sin} \widehat{EA}}$	From Theorem 4.	Lower to whole
$\frac{\sin \widehat{AB}}{\sin \widehat{AD}} = \frac{\sin \widehat{BB}}{\sin \widehat{EZ}} \cdot \frac{\sin \widehat{GZ}}{\sin \widehat{GD}}$	Intersection of planes AEG, BDZ From Theorem 1.	Whole to upper
$\frac{\sin \widehat{AD}}{\sin \widehat{AB}} = \frac{\sin \widehat{GD}}{\sin \widehat{GZ}} \cdot \frac{\sin \widehat{EZ}}{\sin \widehat{EB}}$	Number not given.	Upper to whole
$\frac{\sin \widehat{BD}}{\sin \widehat{DA}} = \frac{\sin \widehat{BZ}}{\sin \widehat{ZE}} \cdot \frac{\sin \widehat{GE}}{\sin \widehat{GA}}$	Intersection of planes DZG, BAE From Theorem 5.	Lower to upper
$\frac{\sin \widehat{DA}}{\sin \widehat{BB}} = \frac{\sin \widehat{CA}}{\sin \widehat{CB}} \cdot \frac{\sin \widehat{EZ}}{\sin \widehat{ZB}}$	From Theorem 6.	Upper to lower
		SIX CASES FOR BZE
$\frac{\operatorname{Sia} \widehat{BE}}{\operatorname{Sin} \widehat{EZ}} = \frac{\operatorname{Sia} \widehat{BA}}{\operatorname{Sia} \widehat{AD}}, \frac{\operatorname{Sia} \widehat{GD}}{\operatorname{Sin} \widehat{GZ}}$	Intersection of planes AEG, BDZ. Number not given	Whole to upper
$\frac{\sin \widehat{EZ}}{\sin \widehat{\partial E}} = \frac{\sin \widehat{GZ}}{\sin \widehat{GD}} \cdot \frac{\sin \widehat{AD}}{\sin \widehat{AB}}$	From Theorem 6.	Upper to whole
$\frac{\sin \widehat{BE}}{\sin \widehat{BZ}} = \frac{\sin \widehat{AE}}{\sin \widehat{AG}} \cdot \frac{\sin \widehat{GD}}{\sin \widehat{GZ}}$	Intersection of planes ADB, GEZ. From Theorem 9	Whole to lower
Sin $\widehat{BZ}$ Sin $\widehat{GZ}$ Sin $\widehat{AG}$ Sin $\widehat{AG}$	From Theorem 10.	Lower to whole
$\frac{\sin \widehat{BZ}}{\sin \widehat{EZ}} = \frac{\sin \widehat{BD}}{\sin \widehat{AD}} \cdot \frac{\sin \widehat{AG}}{\sin \widehat{GE}}$	Intersection of planes DZH, BAE Number not given.	Lower to apper
$\frac{\operatorname{Sin} \widehat{EZ}}{\operatorname{Sin} \widehat{BZ}} \cong \frac{\operatorname{Sin} \widehat{BC}}{\operatorname{Sin} \widehat{AC}} \cdot \frac{\operatorname{Sin} \widehat{AD}}{\operatorname{Sin} \widehat{BD}}$	From Theorem 12.	Upper to lower

We conclude by comparing al-Sijzi's treatment of the transversal theorem with that of his two well-known predecessors, Ptolemy and Thabit b. Qurra. Ptolemy states but two cases of the theorem and proves only one, for his interest is in providing in brief compass a useful tool for astronomers to solve such problems as that of finding the declination of the sun given its longitude.

Certainly both Thabit and al-Sijzi were also aware of the astronomical applications of the theorem and the latter writes, near the end of his treatise (2790: 13-14), "For it is my intention, when I have the time, to compose a detailed book on celestial arcs, in which the uses of the sought goal in regard to the transversal figure would be fulfilled." However, both men evidently naw the need of providing a complete mathematical basis for these uses. Ptolemy's attitude, on the other hand, was probably well-summarized by Thabit who wrote of him that he felt "the render who understands could, with one example available, find the proofs of the remaining forms for himself" (1, р. 271.

Although al-Sijzi and Thabit had the same goal, their procedures differ considerably. While al-Sijzi aimed at deriving each of the twelve forms shown in Chart I by a uniform method from the corresponding plane theorems, Thabit saw that the first case described by Ptolemy was one from which all the other cases could be derived. Thus he filled in the gaps in Ptolomy's proof of the one case and proved the other basic case, stated but not proved by Ptolemy, from the first. He then went on to assert that all the other cases could be reduced to these two, following which he shows how these two cases could be proved without using the plane form of Menelacs' Theorem, Finally he concluded with a demonstration of how, given six (comparable) quantities a, b, g, d, e, w, and a relation a:b = (g:d). (e:w) one could derive seventeen, and only this many, other relations, such as a:g = (b:w), (e:d),

Thus Thabit's basic contribution lies in pointing out that all forms of the theorem are derivable from one form, even if such a derivation is carried out in detail only for one case, whereas al-Sijzi carried out the details of the proofs of the twelve statements given in Chart I according to a uniform procedure. With Thabit therefore the unity lay in the basic theorem while with al-Sijzī it lay in the one procedure. Both treatises, in providing unified. thorough treatments of a major theorem, were independent steps in recognizing the mathematical discipline of trigonometry.

The pair translated from al-Sijzi's treatise is entirely typical in that the twelve theorems fall into six such pairs, namely 1, 2; ...; 11, 12 - where the second member of each pair proves the case obtained from the first by inverting all three ratios. In the case of each pair the statement of the second opens with the phrase "We repeat this figure", and the proof is quite short, since al-Sijzi is able to use the same plane transversal figure as in the first.

In his previous treatise The Compound Ratio al-Sijzī explains that in the plane transversal theorem twelve cases arise because on the line AB there are three segments AD, DB and AB, any two of which form a ratio (in two ways), and so we obtain six different ratios from AB. Similarly, we obtain six different ratios from BE for a total of twelve, "and as for the statements of the ratios of AG and its segments, they are like the statements of the ratio of AB as far as obtaining them and similarly the statements of (the ratios of) BE", [6, f. 41 $^{\circ}$ : 2-4]. The corresponding twelve cases for the sphere constitute the propositions of the present work.

In this treatise al-Sijai, unlike Ptolemy and Thabit, states each of the twelve theorems using Sines of the arcs. The proofs, however, proceed along the same lines as Ptolemy's: each case of the spherical transversal theorem in reduced to one of the plane cases, which he usually cites by number from The Compound Ratio. These plane cases are all generated in a uniform manner, namely by intersectiong three radii of the sphere with chords of great circles (both being produced if necessary), to obtain three points which he proves lie on a straight line by proving they be on two planes. (As we have seen, the specification of the points is not always so clear as it might be.) This etraight line is then the fourth line of a plane transversal configuration.

Chart I states the twelve propositions of al-Sijzi's work in the order he proves them, giving for each one the intersecting planes that produce the fourth line and the theorem number of the result he uses from his work on compound ratio when he cites it. The third column gives for the reader's convenience a verbal description of the ratio that is to be expressed as a compound ratio.

The chart reveals al-Sijzi's systematic treatment of the twelve propositions, in which for each of the two segments he deals first with the four cases of tarkib and then with the two cases of tarkib. Were it not for one anomaly, his arrangement of the spherical propositions would follow that of the corresponding plane theorems, as the second column shows. One would rather have expected the propositions to occur in the order 3, 4, 1 and 2, but the possibility that a later writer arbitrarily re-ordered them or that some codex folios got out of order is excluded by the words "it is necessary to retain this exception for the totality of propositions in this book" in the opening part of Proposition 1, for they show this is indeed the first theorem.

and we draw (6) HG which we produce indefinitely (to some point T). We draw AE and produes it until it meets the line HT at the point T. We imagine (9) a straight hoe between the two points B, T so the triangle ABT is on a plane We (also) imagine a straight line from the point D (10) to the Point T so the surface HDZGT is on a plane, thus the plane HDZGT cuts (11) the plane ABT in a straight line company to the two of them. But (then) the points (12)K, L. T lie on the common section and so these points he (13) on a straight line. Thus the straight line joining the two points (14) K. T posses through the point L, and so there results here that figure (15) whose sides are related by composition, i.e. AB, AT, T [K](L) and BE. Hence the ratio of BK (16) to KA is as the ratio of BL to LE compounded with the ratio of ET to TA, which we proved (17) in the fifth theorem of our book on compounded ratios. Bowever, (18) the ratio of the Sine of the arc BD to the Sine of the arc DA is as the ratio of BK to KA, as we proved by way of a lemma, and the ratio of the Sine (of the arc) BZ to (19) the Sine of the arc ZE is as the ratio of BL to LE , and the ratio of the Size of the arc EC to the Size of the arc GA is as the ratio of ET to TA (20), and so the ratio of the Sine of arc BD to the Sine of arc DA is so the ratio of the Sine of arc BZ to the Sine of arc ZE compounded (21) with the ratio of the Size of arc GE to the Size of arc GA, and that is what we wanted to prove.

### He now states and proves Proposition 6.

(278r:21) We repeat this (22) figure and we say that the ratio of the Sins of the are DA to the Sins of the arc BD (the copyist repeats the whole phrase from "ratio" to "BD") (23) is as the ratio of the Sine of the arc AB to the Sine of the arc AB (24) its proof. We proved concerning the preceding figure that the common section of the two planes BB7 is the line BB7, the BB8 and so the ratio of AB8 to AB9 is at the ratio of AB1 to AB9 compounded with the ratio of BB9 and we proved that in the sixth theorem (26) of the BB9 book of the Compound Ratio.

The next four lines just apply the introductory lemmas to replace the latter ratios by ratios of Sines, and we shall not repeat them here.

Before we comment on the above, we quote for comparison Ptolemy's proof of one of the two cases he discusses, since it is exactly that proved by al-Sijzī in Proportion 5. (Since Ptolemy labels the points on the left D and B and those on the right E and G, we have changed his lettering to fit Fig. 3.) What follows is from the Almagest [3, p.50; lines 1-20].

From the center H of the circle draw straight lines HD, HZ and HG. Draw the connecting line AE and prolong it until it cuts the prolongation of HG at T. Similarly the connecting lines EB and AB will cut HZ and HD at L and K (respectively). Since the three points K, L and T lie in the planes of triangle ABE and the circle GZD, they lie an a straight line. The line which joins these points produces the following figure: the straight lines TK, BE, which cross at Z, are drawn in the lines TA and BA [3, p. 50].

The remainder of Ptolemy's proof is simply the application of the plane form of Menelaos' theorem and the preliminary lemmas to obtain the desired conclusion; however, the portion quoted shows plainly the dispatch with which Ptolemy defines the three crucial points T, K and L and shows they lie on a straight line. In contrast, al-Sijz's does not carefully define the two points K and L and he dwells a bit longer than Ptolemy on the fact that these, together with T, lie on a straight line, but to no more effect, for both authors leave it to the reader to convince himself that each point is both on a line in one plane and on a line in another.

each other in the point Z. I say that the ratio of GA to AE is equal to the ratio of GD to DZ compounded with the ratio of ZB to BE" and, with the same hypotheses, "the ratio of GE to EA is equal to the ratio of GZ to ZD compounded with the ratio of DB to BA" [3, p 45]. The first case, in which one of the terms in the initial ratio is a whole segment, the Greeks called kata synthesin and the Arabs tarkib, while the corresponding words for the other case were kata diairesin and tafsil.; Al-Sijzi does not state these theorems, but refers the reader to a treatise of his that he refers to by the title K. al-nisba al-mu'allafa whenever be needs to refer to one of the twelve cases of

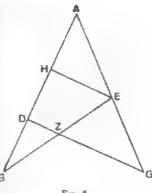


Fig. 2

the plane transversal figure. The only treatise on this topic by al-Sijzī known to us is in Leiden, MS Or. 168, and is entitled anit fitahsil iqa' al-nisba al-mu'al-lafa al-ithnai 'ashara fi'i-shakl al-qaiia' al-musaiiah bi-tarjama wähida wa-kaifiyai al-ail alladhi tatawalladu minhu hadhihi'l-wujāh' see Sezgin [5, p. 332]. However, Mr. J. Hogendijk has called our attention to the fact that this treatise ends with the sentence

and this means that it was composed on the first of Muharram 389 A.H. (= end of December 998 A.D.). Since we have already pointed out that al-Sijzi wrote the present R. fi shakl al-qattā<sup>c</sup> sometime prior to 969, it follows that the K. al-nisba al-mu<sup>2</sup>allafa is not the treatise in Leiden, Or. 168.

Following the above lemmas al-Sijzi states and proves his twelve propositions, of which we now translate the fifth and sixth (see Fig. 3).

### Proposition 5:

(278, '6) We postulate the two ares AB AG of great circles contaming the angle A and we draw ares (5) BZE, GZD from the two points B, G meeting at the point Z. I say that the ratio of the Sine of are BD to (6) the Sine of are DA is as the ratio of the Sine of are EZ to the Sine of are EZ compounded with the ratio of the Sine of are GE to the Sine (7) of are GA. Its proof: We draw AB and BE and produce from the center of the circle, H, two lines HZ, HD

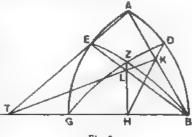


Fig. 3

and I am not oneware of the respect due of to you, but (for the fact) that it was mentioned that Abu'l-Hasau Thabit b. Ourra al-Harrani had (written) a book inquiring (17) into this field, called The Book of the Transversal But I have not seen this book and it does not exist in this city (18) I inhabit; so I requested the book be brought to this area, so that the burden of being suposed to the nations (19) of those who (merely) leaf through (a work) may vanish from me as the opinion of those who really study. For a book, when it is separated from its author and is far from him who makes clear its obscurity, will not (20) lack adverse haw-splitting judgement from some people about it nor their calumnies against it, either because it conflicts with what they customarily employ in (21) explaining, abridging or expanding or (because of) other things that some of them have forbidden others to do. Thus their baste is (22) to find its author inademuste and their centure of him is in proportion to their submission to their whim. We are driven (23) to this (judgement) by this town in which we are. Indeed, the great mass of people consider the investigation of geometry blasphemous and count (21) ignorance of it a boast. They find it lawful to kill him who believes in its correctness with perserverance, as well as (in) its ability to strengthen insight, to train (25) the soul and to accustom behavior in the paths of truths. However, when the days lengthened your delay and I did not opered (26) in what I had hoped for in obtaining that book nor any other book written on this topic, I feared that (27) I would hold in your opinion the status of one who promises but breaks (his promise). Thus I wrote this treatise and with it undertook the elucidation and epitomization (28) of what is necessary to obtain the sought goal. I shunned elaborating the superfluous. And that is where (29) I begin, relying on God the Exalted, trusting in Him.

The introduction gives no close to the identity of the friend to whom a certain respect was due or the name of "this city I inhabit", both items we should very much like to know. It does say, however, that he wrote the work without having seen either Thabit's Book of the Transversal or any other work on the topic. Now Sezgin records many copies of Thabit's work, among them "Paris 2457/37 (ff. 164-170, 358 H., Abschrift von as-Siğzi)" [5, p. 268]. This means that in 358 H. (969 A.D.) al-Sijzi saw and copied Thabit's work so this year is an upper limit of the date of composition of al-Sijzi's The Transversal Figure.

The body of this treatise begins with statements and proofs of two lemmas stating (see Fig. 1) that when a chord GD(GB) of a circle BGA is cut externally (inter ally) by a diameter at E (at K) then Sin GB: Sin DB GE: ED (Sin GD: Sin DB = GK: KB). The same lemmas stated in terms of "the chord of twice the arc", appear in the Almagest [3, pp. 46-7] the sole work al-Sijzi names in his preface as his source.

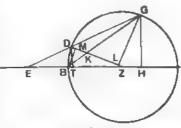


Fig. 1

Moreover, after stating these lemmas, Ptolemy states two cases of the plane transversal theorem as follows (Fig. 2): "Within two straight lines AB and AG one draws two crossing straight lines BE and GD which cut

# Al-Sijzī on the Transversal Figure

### J. L. BERGGREN\*

THE MATHEMATICIAN AND ASTRONOMER Abu Sacid Abmad b. Muhammad b. cAbd al-Jalil al-Sijzi produced, in the latter part of the 10th and early 11th centuries A.D., a series of important works of which only a few have been studied. Among his unstudied works is the R. fi'l-shakl al-qaṭtā' (On the Transversal Figure), a work not mentioned by H. Bürger and K. Kohl in their section on the history of the transversal theorem among the Arabs in [1, pp. 47-58], perhaps because the work is known in only one copy in MS Bankipore 2468, item 40, and was only published by the Osmania Oriental Publications Bureau in 1948 [4].

In this paper we present from the treatise a translation of the introduction, the fifth and sixth theorems with their proofs, and statements of all theorems in modern notation. We close with a commentary which, among other things, compares al-Sijzi's treatment of the transversal theorem with that of Ptolemy [3] and Thabit b. Qurra [1]. Facsimiles of the entire text appear on pp. 36-33 below.

In the translation the notation "(m r/v:n)" signals the beginning of line n of folio m (recto/verso) of Codex Bankipore 2468, while a simple "(n)" denotes the beginning of line n. We enclose emendations in square brackets and supply the original reading in parentheses immediately afterwards, while additions to the text or explanations are enclosed in parentheses. Figures 1 and 3 are copies of those in the text and the letters denoting points have been transcribed according to the system of Kennedy and Hermelink [2]. The word "Sine" denotes the medicual sine function, so that, when a is an arc of a circle of radius R, Sin a = R sin a.

### Al-Sijzī begins his treatise as follows:

(276v:8) In the name of God, the Mercuini, the Compassionate. In Him there is congruity, (5) The treature of Ahmad b. Muhammad b. 'Abd al-Juli si-Sus (10) on the transversal figure, (11) May God establish through you the abode of wisdom and make easy for you the paths of achieving the goal and spare you the source of confusion, preserve you from the rule (12) of uncertainty and make you see the places of correctness and illuminate for you the roads of your good fortune and not leave you in charge of yourself. You had, (13) may God support you, asked me sometime since for a treatise on the derivation of Sasse of arcs of the sphere by way of explanation and demonstration (16) of the approach which Ptolemy described in his book the Almagust and I promised to reply to your request. I would not (15) have delayed for that until now, neglecting what you wanted to know, nor do I consider your worth of little value, (16)

This and the following paper were originally submitted as one, which was made into the present two at the request of the editors.

<sup>\*</sup> Simon Fraser University, Burnaby, B.C., Canada.

# شذرة عربية من كناب مقود الطلميوس

# ر تحسيس مور لو ان

نعرف أن كتاب بطلميوس 2 في مطالع الكواكب الثابتة والأنواء 4 كان قد نقل من اللغة اليونانية الى اللغة العربية ، والدليل على ذلك أن البيروني في كتابه 4 الآثار الباقية من القرون الحالية 4 يورد 4 كتاب الأنواء 4 لسنان من ثابت بن قرة الدي اعتمد فيه على كتاب بطلميوس المتقدم ذكره ، كما لاحظ ذلك الدكتور نوكبوار . ولدينا الجزء الثاني من كتاب بطلميوس هسلة في لغته الأصلية ولكن جزءه الأول لا يرال مفقودا حتى الآن ولم تصل إلينا ترجمة هذا الجزء الأول سواء أكانت لاتية أم عربية .

إنَّ المقارنة بين نصَّ من مؤلَّفات البيروني ونصَّ ثابت بن قرة عن رؤية الأهلّة تتبيع لنا التعرف الأكيد على شذرة من هذا الحزء الأول المفقود . وبعد التقديم لهذا النصَّ، نشرح محتواه شرحاً سريعاً ثم نقدَّم النص نفسه مصححاً محققاً .

# ١ - التقديم

في 8 القانرن المسعودي 4 كتب البروني المقالة الناسعة 4 من احوال الكواكب الثانتة 1 وفيها الباب السابع في 8 تشريق الكواكب وتغريبها 8 . في القسم الأول من هذا البب يعرض المؤلف الأسس النظرية لهذه المسألة وفي القسم الثاني البراهين الهندسية . ان القسم الأول هو الذي يهمنا في هذه المقالة ونحده مطبوعاً في دار النشر بحيدر اباد الدكن سنة ١٩٣٥ ه/ ١٩٥٩ م ص ١٩٢٩ - ١٩٣٧ . في الصفحة ١٩٣١ يقتبس البيروني برهامه من بطلميوس في كتابسه و في مطالع الكواكب الثابتة والأنواء ٤ وبعد صفحة ونصف يعطي معادلة لتغيير قيمة قوم انحطاط الشمس تحت الأفق عد ظهور كوكب من الكواكب . وهذه المعادلة نفسه المستعملها ثابت بن قرة في دراسته عن مسألة رؤية الأهلة حيث يقول ثابت نفسه إنه اقتبسها من بطلميوس في كتابه و في ظهور الكواكب الثابتة 1 . نرى ان هذا العنوان نظير العبوان الذي ذكره البيروني ، وإن كان ينقص عنه قليلا ، وان الاقتباسين من نفس كتاب يطلميوس .

ونتببن من ذلك ان النص الدي في ، الفانون المسعودي ، والذي يبدأ بذكر عنوان كتاب بطلميوس وينتهي في آخر شرح المعادلة المذكورة هو من هذا الكتاب المعقود وسيمكنما ان نوستُع هذه الشذرة توسيعاً قليلاً ومحن ففسّر محتوى النص لما عبه س تماسك كالي .

نجد نص ثابت بن قرة في مخطوطة وحيدة : في المكتبة الانكليزية ... لندن ... رقم ١٩٧٧ ـــ ١١١ ظ. وهو غير منشور حتى الآن .

اما نصى الديروني فهو منشور في حيدر آباد ، كما ذكرناه ، ولكن هذا النص المطبوع صعب الفهم لكل ما فيه مسى تصريف وتحريف ، فقابلناه بمخطوطتين من الفانون المسعودي الأولى في المكتبة الانكليزية – لندن – رقم ١٩٩٧ : ٣٠٥ ظ – ٢٠٦ ظ ، والأخرى في المكتبة الوطنية – باريس – رقم ٦٨٤٠ : ١٩٠٠ ظ – ١٩٦١ و .

وفيما يلي سنكتب النصين كما فهمناهما .

# ٣ – محتوى نص البيروني

التمهيل فهم النص نقسمه إلى خمس فقرات .

# ــــ الفقرة الأولى ــــ

تجد فيها مجموعة من اسس عامة وثلاحظ انها تنتهي بذكر الرصد بالأنبوب الذي يسمى هنا ، البرنغ ، كالبتاني لتحقيق رؤية الأهلة من بداية الشهر ونظن أن هذه الآلة لم تكن معروفة قبلهم فاقتباس البيروني من مؤلفات بطلميوس لا يبدأ إلا عند التصريح باسمه منذ الفقرة التالية

### الفقرة الثانية —

يستد البيروني إلى بطلميوس لكي يختار قوس انحطاط الشمس مأخذاً أساسياً لمسألة تشريق الكواكب الثابتة وتفريبها ، خارجاً عن شروط التجارب المكانية او الزمانية ونحن نجد الشرح نفسه في و المجسطي ه وفي و كتاب الاقتصاص و من بطلميوس معاً . فمن المحتمل أن هذا الشرح أيضاً في كتابه و في مطالع الكواكب الثابتة والأنواء و على أن عتوى هذه الفقرة لا نرى فيه شيئاً جديداً بالنسبة إلى ما نعرف من ناحية أخرى .

### ــ الفقرة الثالثة ــ

يذكر البيروني قيمتي قوستي انحطاط الشمس لظهور الكواكب من العظمين الأول والثاني : ١٧ و ١٥ درحة . أما هذان المقداران فلا تجدهما في و المجسطي ، ولا في اكتاب الاقتصاص ، على أننا نسطيع أن استعيدهما بالحساب انطلاقاً من وصف الأرصاد في الجزء الثاني من اكتاب في مطالع الكواكب الثانية والأنواء ، لبطلميوس كما نرى ذلك في المص اليوناني المحفوظ . فإذا يأتي محتوى هذه الفقرة من الجزء المفقود في نفس الكتاب . نجد هاتين القيمتين مستعملتين عند الكثير من العلماء العرب في دروسهم عن ظهور الكواكب.

# ــ الفقرة الرابعة ــ

يذكر البيروني نقصان قوس انحطاط الشمس لظهور كوكب حينما يظهر من الجهة المقابلة للشمس على الأفق . نجد هذا الكلام في ه كتاب الاقتصاص ، ولكنه ها هنا يؤخذ اساساً لا بد من إنتقاله إلى حاله كل كوكب متنح عن نقطة مسقط عمود ضياء الشمس على الأفق .

# ـــ اللهقرة الخامسة ـــ

يعطيها فيها الببروني المعادلة لتغيير قوس انحطاط الشمس لكوك معين بحسب موضع هذا الكوكب على الأفق [ انظر إلى الشكل في المقالة باللغة العرندية ] : إذا كان لا مقدار قوس انحطاط الشمس المطلق أصبح مقدارها في عندما يكون الكوك في مقابلة الشمس على الأفق وأصبح

$$h - \Delta h = h'$$

عندما يكون بعده في موضع ما على الأفق له عن موضع الأفق الأصوأ

$$h' = h$$
,  $\frac{360 - d}{360}$   $f$   $\frac{\Delta h}{h/2} = \frac{d}{180}$  :  $C$ 

وهذه هي المعادلة التي استعملها ثابت مور دأ كتاب بطلميوس هذا

### \_ الختسام -

لا تحوي الفقرة الأوتى شيئاً من براهين بطلميوس و بدءاً من الفقرة الثانية نجد الاقتباس من بطلميوس و لكن ما تحتويه هذه الفقرة نجده أيضاً في كتابين س كتب بطلميوس . أما

الفقرات الثالثة والرابعة والحامسة فلا تحد محتواها في كتب بطلميوس المعروفة ونرجع أنها ذكرت في الجزء الأول المفقود من هدا الكتاب و في مطالع الكواكب الثابتة والأنواء .

ونصل بعد هذا إلى أنّ ذلك الحزء المفقود من كتاب بطلميوس كان مصدراً مهماً للـراسات العلماء العرب عن تشريق الكواكب الثابتة أو المتحبَّرة وتغريبها .

# ٣ ــ النصبان

# – نص ثابت بن قرآة

... راذا عملنا على ذلك ما حكم به بطلميوس في كتابه في ظهور الكواكب الثابتة . أخلانا نصف حتى القوس الثانية ، فضربناه في القوس الثانية ، وقسمنا ما اجتمع على ثف درجة ، فما خرج من القسمة نقصناه مى حتى القوس الثانية ، فما بقي فهو ما تحتاج أن تكون عليه القوس الثانية ؛ وللموضع (١) الذي الحلال به من الأفق نسمي ذلك : حتى القوس الثانية بحسب المقوس الثالثة .

# ــ تص البيروني(١)

# في تشريق الكراكب وتغريبها

٢ — هذا على اختلافه في البقاع باختلاف أهويتها وفي الأوقات في فصول السئة ، واقتنان ١١٦ عند الأمم فيها . ولا بد من التعناد ١١٦ عند الأمم فيها . ولا بد من الاستناد في أمثال هذه الأشياء إلى بطلميوس إمام الصناعة والذي لم يدرك شأوه أحد ١٢٧ من

إرموز المتملة في الحوامل :

[ ] نقارح حزف ما بينهما :

< > نفترح زیادهٔ مابینهما .

ب : مخطوطة المكتبة الوطنية في باريس .

ل ۽ غمارطة المكتبة الا تكليزية في لندن \_

ح ۽ النص المعلموج ئي سيدراياد ۽

۴ – سلك : ح و ب / ل : شل . ۴ – وقويا : ل /ح و ب : وقولها .

۽ سيل ۽ نائيس آن ج . 4 سيل ۽ نائيس آن ج .

4 - بل : ناطس بي ح . • - أكنان : ب ر ل / ح : أكناف .

۲ – فتحلق : ب و ل /ح : فيتحلق ,

٧ - السين : ح و ب / ل : السينين .

٨ - نيب: لدرب /ح: نيما.

۹ - الآثار : ب/ح و له : الآبار .

١٠- الافتان : ب و ل /ج : الاقتان .

١١– المآخذ : ب و ل /ح : المأخذ .

14 أحدة يدولة إلح وأعدان

الحماعة، فيقول إن ما يشاهد من انتصاب الفحر والشعق دليل على أنهما كائنان على دائرة مس دوائر الارتفاع ، ومن المعلوم أن كونهما بالشمس وشعاعها . فتلك الدائرة مارة بالشمس ومنها انحطاطها الذي هو أقصر أمعادها عن الأهق تحت الأرض حيئة ، ولذلك لفت بالانحطاط لأنه نظير الارتهاع فوق الأرض فاختلاف الوصيع يفرق بيهما ، ولاحقاء بأن نشوء عمود الفجر وفناء عمود الشفق يكون على تقاطع دائرة هذا (١٣) الانحطاط من الأفق وإد هما ضياءان في قطعة من الحو معنومة فأوساطهما أشد يباضا وبالنور أشد استحصافا (١٤) من حواشيهما، واستنار الكوكب(١٠) سما (١٦) محسب الاقتراب من منتصفيهما(١٧) بالطول . ولأجل هذا وقع الاعتبار في هذا الباب على قوس الانحطاط بمنتصفيهما التجربة في كل موضع .

٣ – وقد عني يطلميوس ومن تقدمه عمرقة مقدار الإنحطاط فوجدوه الكواكب المرتبة في العظم الأوّل خمسي مرح وللمرتبة في العظم الثاني مصف برح ولم(١٩٥) ينهيئاً لهم للأقدار الدقية تحصيل(١٩٥) مثله حتى قال بطلميوس في كتابه في مطالع الكواكب الثابتة والأنواء ما أحكيه و إن الكواكب التي سماها القدماء خفية مثل كواكب السهم والدلفسين والثريباً ، وإن لم نتعرض لهسا لأن طهورها ، أول ما يظهر ، عسسر التمبير ، [ و ] لم يستعملها القدماء بالرصد ولكن بالتخمين ، فيجب أن يصاف طهورها إلى ظهور ما يقارسا من المضيئة الطالعة وقتئذ . والمقداران الموجودان للعظمين المذكورين فهما (٢٠٠) عدكون الكوكب على دائرة انحطاط الشمس حين (٢٠٠) يعلو السائر (٣٠٠) فتسرع (٣٠٠) رؤيته ، وأما الكوكب على دائرة انحطاط الشمس حين ثلك الدائرة ولم يكن (٢٠٠) فتسرع (٣٠٠) رؤيته ، وأما إذا تنحتى الكوكب وقت الرؤية عن ثلك الدائرة ولم يكن (٢٠٠) طاوعه على تقاطعها مع

```
۱۳- هذا : ب و ل /ج : هذه التحصاه . ۱۹- هذا : بالتحصاه . ۱۹- التحصاة : بالتحصاه . ۱۹- الكوكب : بالتحصاء . ۱۹- الكوكب : بالكوكب . ۱۹- بهذا . ب و ل /ج . وهما . ۱۷- متصفها . ۱۸- و م س و ل /ج . وما . ۱۹- تحصيل : ب و ل /ج . وما . ۱۹- تحصيل : ب و ل /خ . وما . ۲۰ ههما : ب و ح / ل ، فيما . ۲۱- مين ، ب و ح / ل ، فيما . ۲۲- مين ، ب و ح / ل ، فيما . ۲۲- مين ، ب و ح / ل ، خين . ۲۲- السائر . ب و ل /ح : السائر . ۲۲- فيما و ل /ح : السائر .
```

٢١- وغ يکن ، ب و م / د : وليکن .

الأفق فإن المقدار (٣٥) من انحطاطه يتغيّر (٣١) عن حاله لتنحي الكوكب عن الموصع المضيء الذي كان يخفيه(٣٧) إلى(٣٨) المظلم الدي يبديه .

٤ – وبطلميوس أسسّ لنقصان هذا (٣٧) الإنحطاط أساساً لا بد من الداذ بحكايته ، متداره لاتحر (١٣) ظهوره بالمساح وبين مقداره لاتحر (١٣) ظهوره بالمساء من المشرق ولم يغطنوا لما فطن له من الفرق بينهما على طهور ذلك بشهادة الحس له ولما تقصّى (٣٧) الحال كادته في الاستقصاء وجد أحدهما ضعف الآخر . ومعلوم إذا مثانا بكوكب من القدر الأوّل أن قوس انحطاطه في المغرب إداكانت إثنى عشر جزءاً فهو (٣٣) على طرف الرؤية الضيّقة و (٤٣) على شفا الخفاء أعنى بفيهها(٣٥) أن قوس الاحقاط مهما قصرت عن هذا المقدار بطلت الرؤية وإذا زادت عليه اشتدت (٣٦) الرؤية وخرجت عن تشع الحال وتدقيق الحساب وإتعاب البصر في طلبه ، فإذا متى كان بعد الكوكب عن الشمس أكثر ، كانت رؤيته أسهل ، لتباعده عن ضياء الشمس المخلف فوق الأرص واقرابه من السواد المستدير المنبعث في أول الليل من جانب المشرق حتى إذا صار البعد نصف دور كان الكوكب في وسط ذلك الظلمة مفاد المشرق حتى إذا صار البعد نصف دور كان الكوكب في وسط ذلك الطلميوس وجده المشرق على نصف ما كان عليه عند آخر الرؤية في المغرب فهو (٣٧) إذن المكواكب الي ألمنظم الأوّل ستة أجزاء ولذي في الثاني صبعة أجزاء ونصف جزء ، و (٣٨) المؤلس الميه كنا الكوكب في العظم الأوّل ستة أجزاء ولذي في الثاني مبعة أجزاء ونصف جزء ، و (٣٨)

ذكر نالا استحكام الظلام حوله واز دياده واقترابه من الناظر وجمعه البصر خلاف الشفق في تفريقه البصر ببياضه وضياته .

ه – ثم إنه أجرى تقصانات الانحطاط مناصبة (٤٠٠ لمذا الاساس وهو أنه صبر قلر نقصان الانحطاط عن المقدار الموضوع أولا كفير بعد الكوكب عن الشمس من نصف المنبور ، عنجاوز حيثة عمود الضياء الكائن على دائرة الارتفاع إلى الكوكب المتنحي عنه في اول الظهور والاختفاء ، وجعل نسبة نقصان الانحطاط إلى فضل مايين مقداريه في طلوعه الصباحي والمسائي كنسة بعد الكوكب في الأفق عن تقاطع دائرة الضياء معه إلى مائة و تمانين .

۹۹– ذکرنا : به و ح حال : ذکر . ۱۵– مناصیة : به و ح / ل : متناسة .

par rapport à la valeur trouvée en premier lieu, comme quantité [de cette diminution] pour le cas où la distance entre l'étoile et le soleil est d'un demicercle. Il passe alors de [la situation où l'étoile se trouve sur] la zone lumineuse<sup>37</sup> située sur le cercle de hauteur à [la aituation] où elle s'en trouve écartée lors de sa première apparition ou de sa première disparition; il prend alors le rapport de la diminution de l'aic de dépression à la différence entre ses deux valeurs trouvées lors de l'apparition de l'étoile à l'est le matin et le soir, et il égale ce rapport au sapport de la distance, prise sur l'horizon, entre l'étoile et l'intersection du cercle de luminosité [ du soleil ] avec l'horizon, à cent quatre-vingt.

dépression] et de l'horizon, la valeur de l'arc de dépression du soleil est modifiée parce que l'étoile se trouve écartée de la zone lumneuse qui la cachaît, et [penche] vers la zone obscure qui lui permet de se manifester.

§ 4 Ptolémée, à propos de la diminution de la valeur de cet are de dépression, a établi un principe qu'il nous faut exposer: il a mentionné que ceux qui l'ont précédé n'ont pas fait de distinction entre la valeur de cet are de dépression pour une étoile lors de sa première apparation le matin et entre la valeur qu'il prend lors de la dernière apparation de cette même étoile sur l'horizon est, 25 et qu'ils n'ont pas réalisé ce que lui a réalisé: la différence entre les deux telle qu'elle apparaît au témoignage des sens; en poussant très loin la précision, selon son habitude, il a trouvé que l'une deux est le double de l'autre.

Si nous prenons, par exemple, une étoile de première grandeur, nous savons que lorsque l'arc de dépression du soleil, à l'ouest, est de douze degrés, cette étoile est à la limite de la très faible visibilité, à la frange de l'occultation; je veux dire par "très faible visibilité" que lorsque l'arc de dépression du soleil diminue tant soit peu au-dessous de cette valeur, la visibilité disparaît, et que lorsqu'il augmente au-dessous de cette valeur, la visibilité se confirme et l'on n'a plus besoin d'examiner soigneusement la situation, ni de faire un calcul délicat, ni de se fatiguer le regard à la recherche de l'étoile.

Ainsi, lorsque la distance entre le seleil et l'étoile augmente, sa visibilité est plus facile parce qu'elle se trouve éloignée de la lumière que le soleil laisse derrière lui au-dessus de l'horizon et qu'elle se trouve rapprochée de l'obscurité qui, au début de la nuit, a son origine à l'est et qui s'avance d'un mouvement circulaire; si bien que lorsque la distance [entre l'étoile et le point le plus brillant de l'horizon] est d'un demi-cercle, l'étoile se trouve au milieu de cette obscurité, et à ce moment-là l'arc de dépression du soleil est à sa valeur minimum pour la première apparition de cette étoile. Nous avons dit précédemment que Ptolémée, après une recherche précise, a trouvé que cet arc est la moitié de ce qu'il est pour la dornière visibilité à l'ouest; cet arc est donc de six degrés pour les étoiles de première grandeur, et de sept degrés et demi pour celles de deuxièms grandeur. Comme nous l'avons rappelé, la raison en est que la densité d'obscurité, qui va en croissant et en se rapprochant de l'observateur, concentre le regard de celui-ci du côté opposé à celui de la lueur du crépuscule qui, elle, dilue son regard à cause de sa blancheur et de sa luminosité.

§5 Ensuite il traite les diminutions de cet arc de dépression conformément à ce principe de base : il prend la quantité de la différence de l'arc de dépression

<sup>35</sup> L'auteur prend les deux ess où l'étoile apparait du côté est, à six moss d'intervalle environ, ou lever puis au coucher du soleil. Dans le commentaire précédent, pour une plus grande clarté de la figure, nons faisons le contraire: le soleil set à son concher et l'étoile apparaît à l'ouest, puis à l'est, les deux situations présentent des résultats identiques.

<sup>36.</sup> Le point dramétralement opposé, sur l'horizon, su "point le plus brillant", est alors présenté comme source d'obscurité.

terre à ce moment-là; c'est pour cette raison qu'on l'appelle "are de dépression": c'est le symétrique d'un "arc de hauteur" au-dessus de la terre, ce qui les différencie, c'est leur situation respective. Il est évident que la croissance progressive de la clarté de l'aube, ou la décroissance progressive de la clarté du crépuscule<sup>12</sup> se fait sur l'intersection de cet arc de dépression du soleil avec l'horizon.

Chacun de ces deux phénomènes se présentant comme une clarté dans une zone déterminée de l'atmosphère, le centre de ces deux zones est plus blanc et d'une luminosité plus intense que leurs bords, et une étoile se trouve masquée par ces zones de clarté selon sa proximité de leur centre. Pour traîter ce problème au cours, de ce chapitre, nous prendrons en considération l'arc de dépression [du soleil], nous conformant ainsi à des résultats d'expériences faites en quelque lieu que ce soit.

§ 3 Ptolémée et ses prédécesseurs ont porté attention à la connaissance de la valeur de cet arc de dépression du soleil et l'ont trouvé, pour les étoiles de première grandeur, égal à  $\frac{2}{5}$  de signe,  $\frac{1}{5}$  [soit  $\frac{2\times30}{5}=12^{\circ}$ ], et, pour les étoiles de deuxième grandeur, égal à la moitié d'un signe, [soit  $\frac{30}{2}=15^{\circ}$ ]. A leurs yeux, les autres grandeurs ne se prêtent pas à un résultat analogue, et Ptolémée, dans son Leurs sur le lever des étoiles fixes et les anuë, en vient à dire ce que je cite ainsi: il ya des étoiles que les anciens ont appelées cachées, comme le Flèche ou le Dauphin ou les Piciades,  $^{14}$  et nous ne nous en sonnes pas préoccupés, car leur première apparition est difficile à distingue ; les anciens n'ont pas traité leur cas par observation directe, mais par simple estimation: il faut mettre leur apparition en relation avec l'apparition de l'une de celles qui leur sont proches, parmi les étoiles brillantes qui se lèvent en même temps.

Les deux quantités trouvées [ci-dessus] sont celles qui correspondent aux deux grandeurs mentionnées, lorsque ces étoiles sont sur le cercle de dépression du soleil, au moment où la lueur qui les masquait se dissipe et où lour visibilité s'affirme.

Mais dans le cas où l'étoile, lorsqu'elle devient visible, se trouve à l'écart de ce cercle, et où son apparition ne se fast pas sur l'intersection de [l'arc de

en plusieurs endrosts une expression condensée, mot à mot "'dépression de l'étaile", dans le seus précédeut; nous rétablissous chaque fois. "arc de dépression du soleil".

<sup>32. &#</sup>x27;amud al-fajr wa 'amud al-shafaq: malgré les termes employés, le seus paraît être purement classique, sans nuauce technique.

<sup>35.</sup> Burj unité de mesure d'are correspondant à un signe du Zodiaque 300.

<sup>34.</sup> Nous trouvons effectivement la mention des levers et couchers héliaques de ces trois étoiles faibles chez un prédécesseur de Ptolémée Geminos, Introduction aux phénomènes, édition et traduction G. Anjac, (Paris Budé, 1975), pp. 100-108, cet nateur faisant systématiquement référence aux observations de ses devanciers.

#### 2- Texte d'al-Bîrûnî.

Levers et couchers héliaques des étoiles fixes.

- § 1 Le [problème] du lever et du coucher héliaque des étoiles, dans les cas où ces deux phénomènes sont possibles, se pose par rapport au cercle de luminosité [du soleil];<sup>27</sup> il est lié à la proximité ou à l'éloignement de ce cercle, et aussi à la taille de l'étoile, à sa "magnitude" et à son "arc au-dessus de l'horizon",<sup>28</sup> avant de lever du soleil ou après son coucher: il y a épaississement de la conche d'obscurité autour de l'obscrvateur, celui-cr peut avoir la même faculté de perception que lorsque la nuit s'obscurcit ou plutôt la même que, de jour, à l'intérieur de puits profonds, ou encore sa faculté de perception est analogue à celle qu'il peut avoir pour les astres très lumineux lorsqu'ils sont observés dessous une protection qui voile le soleil aux regards; se trouve alors matérialisé ce pour quoi a été créé le sourcil au-dessus de l'oeil: une telle protection en double d'efficacité, comme lorsque l'on pose la paume de la main ou les doigts joints sur l'arcade sourcilière ou moment où l'oeil reçoit une image; 25 on retrouve ainsi le même procédé que celui des tubes à travers lesquels on peut observer.
- § 2 [Les résultats de l'observation de ce phénomène] sont variables en fonction des régions et de la variété de leur climat, en fonction de la diversité des conditions d'expérience et de leurs résultats numériques, en fonction de la disparité des éléments de reférence choisis selon les diverses nations.<sup>20</sup> Pour de tels phénomènes, il n'y a pas d'autre solution que de se rapporter à Ptolemée, le maître de cet art, personne ne l'ayant rejoint à son très haut niveau. Il dit que l'observation de ce qui se passe à l'aube et au crépuscule prouve que ces deux phénomènes se situent sur un cercle de hauteur, et l'on eait que tous les deux tirent leur existence du soleil et de ses rayons.

Ce cercle de hauteur passe par le soleil et c'est sur lui que l'on prend son "arc de dépression", 31 qui est sa plus courte distance à l'horizon sous la

27. Da'irat al-djyd', expression reprise en fin de texte, il s'agut ici du cercle de hauteur du soleil.

28. Al-makth fasqu'i-ard: pour une étoile, c'est l'équivalent de "l'arc de jour" du soleil, cf. sl-Battâni, op cit, val. 3, p. 3, l. 4-5, pp. 48-49; p. 199. I 16. De même que la counaissance de "l'arc de jour" du soleil permet, par l'intermédiaire de l'équation du jour, de connaître le lieu où il se lève ou se couche sur l'horizon, de même la consaissance de cet arc, pour une étoile fixe, permet de counaître se piace sur l'horizon, à son coucher ou a son lever, lorsque l'on conneît la latitude du heu.

En prenant un autre sem de makib, et en coupant le texte de façon différente, nous pourrious interpréter ce passage comme:,, Le temps écoulé entre le lever ou le coucher du soleil, et le lever ou le coucher de l'étoile''; mais le paramètre auns défini n'interviendrait plus dans le suite du texte, nous avons alors préféré reteur l'interprétation précédente.

29. "inda"l-ôthăr b: 'l-bajar" il s'agit de l'influence de ce type de procédé sur la vision.

30. C'est-à-dire les différents grands careles sur lasquals en peut effectuer les mesures des ares: écliptique, équateur ou cercle de hauteur.

31 II s'agit tonjours, dans ce texte, de la valeur de l'are de dépression de soleil pour que l'étoile devienne visible, c'est-à-dire le valeur de ,, l'arens visionis' de cette étoile . Par la suite, nous trouvens

et de deuxième grandeur, et la formule de modification de "l'arcus visionis", Il serait bon de reprendre les calculs de Vogt en y incluant ces deux éléments; sur les quelques sondages faits dans son tableau général, la différence entre les chiffres qui peuvent être ainsi calculés et ceux qui sont tirés du deuxième livre du Phaseis n'excède pas un demi degré; mais il faudrait tout recalculer pour que ce soit probant, en n'oubliant pas capendant que la liste que nous trouvons dans ce deuxième livre n'est pas une liste de valeurs "d'arca de dépression" du soleil, mais une liste de dates d'apparitions ou de disparitions d'étoiles. Il faudrait alors intégrer dans le calcul une erreur possible d'une journée dans la date signalée, erreur qui se reporterait sur la valeur de l'arc de dépression du soleil. étant donné le mouvement propre de ce dernier. Compte tenu de tous ces éléments, il semble ainsi, contrairement à ce que dit Vogt.26 que Ptolémée raisonne ici à partir de valeurs fixes pour les "arous visionis" absolus des étoiles montionnées. D'autre part il n'y a qu'un type de calcul pour les quatre phases des étoiles fixes: première ou dernière apparition sur l'horizon est, première ou dernière disparation sur l'horizon quest; ce calcul n'est dépendant que de deux données: la valeur absolue de "l'arcus visionis", constante liée à la luminosité de l'étoile, et la distance, prise sur l'horizon, entre cette étoile et le point le plus brillant de l'horizon, avant le lever du soleil on après son coucher.

Enfin cette identification nous permet de reconnaître dans le premier livre du *Phaseis* un référence importante pour un certain nombre d'astronomes arabes dans lours études sur les levers et couchers héliaques des étoiles fixes et des planètes.

#### III Traduction.

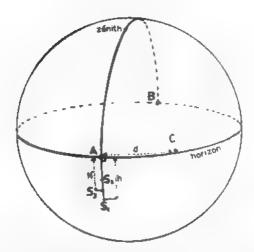
# 1 - Texte de Thabit b. Quera.

... Si nous appliquons à ce problème ce qu'a arrêté Ptolémée dans son Livre sur l'apparation des étoiles fixes, nous prenons la moitié de la valeur requise du deuxième arc, nous la multiplions par le troisième arc, nous divisons ce produit par cent quatre-vingt degrés, nous soustrayons ce quotient de la valeur requise du deuxième arc, le résultat est ce dont a besoin le deuxième arc [pour que le croissant soit visible].

Nous appelons ce résultat "valeur requise du deuxième arc en fonction du troisième arc", pour l'endroit où se trouve le crossant sur l'horizon.

<sup>25.</sup> H. Vogt, op. cit., pp. 54-61, fait un tableau précis et complet de ses calculs sur toutes les données du deuxième l'uyre du Phassus. Dans le cours de son article : il avait proposé une formule de calcul pour H', ''l'urcus visionis'' modifié, en fouction de l'élongation saleil-étoile. E. Nous vanons de définir de th', il faudrant alors remplacer E par d'dans la quatrième columne et H' par h' dans la sixième columne.

<sup>26.</sup> H. Vogt, op. cis., p. 17.



A. B. C. sont trois étoiles de même grandeur: A et B situées sur le grand cercle de hauteur du soleil, en des points opposés de l'horizon, C en un point quelconque de cet horizon, à une distance angulaire d du "point le plus brillant".

A apparaîtra lorsque le soleil sera en  $S_1$ , à une distance h de l'horizon, B lorsqu'il sera en  $S_2$ , à une distance h/2 de l'horizon, et C lorsqu'il sera en  $S_3$ , à une distance  $h'=h-\Delta h$  de l'horizon, avec:

$$\frac{\Delta h}{h/2} = \frac{d}{180}$$
 soit  $h' = h \cdot \frac{360 - d}{360}$ 

Nous retrouvous ainsi la même formule que celle qu'utilise Thabit.

#### Conclusion

Le texte de Thabit b. Qurra nous a permis d'identifier la source d'al-Birūni, et c'est sur le texte de ce dernier qu'il convient de conclure.

Dans ce fragment du Qūnūn al-mas'ūdi, le premier paragraphe pourrait ne pas avoir Ptolémée comme source. Le deuxième paragraphe s'appuie sur un raisonnement de Ptolémée qui se trouvait peut-être dans le Phoseis, mais que nous connaissons par ailleurs à travers l'Almageste et le Livre des Hypothèses. Par contre, le contenu des paragraphes trois, quatre et cinq ne se retrouve dans aucun des livres connus de Ptolémée, alors qu'al-Bîrûni dit exphoitement que cet auteur en est la source. L'analyse précédente montre que nous avons là une partie du premier livre, perdu en grec, du Phaseis,

Revenons rapidement sur les deux résultats que nous y trouvons enregistrés: 12° et 15° comme valeurs des "arcus visionis" des étoiles de première livre du *Phaseis.*<sup>21</sup> Nous avons ainsi, dès le début de ce paragraphe, une trace du premier livre perdu, juste avant le mention de son titre. Ces deux valeurs sont admises par al-Bīrūni dans la suite du chapitre correspondant, et par un certain nombre d'autres auteurs arabes.<sup>22</sup>

L'allusion aux astres plus faibles, dont on ne peut estimer l'apparition qu'en rapport avec celles des étoiles brillantes qui leur sont proches, se retrouve dans l'introduction au second livre du *Phaseis*, 2) avec la mention de cinq étoiles faibles dont les trois qui sont mentionnées ici. Dans cette introduction au second livre nous retrouvons exactement le même thème qu'ici: Ptolémée s'excuse de ne pas avoir noté, dans ses listes d'apparitions, ces étoiles plus faibles qu'avaient notées les anciens, car ceux-ci l'avaient fait par estimation seulement, non par observation directe; Ptolémée déclare se limiter aux observations des étoiles de première et deuxième grandeurs.

# Paragraphe 4.

La diminution de la moitié de la valeur de l'arc de dépression du soleil, lorsque l'étoile passe du "point le plus brillant de l'horizon" su point qui lui est opposé sur la sphère céleste, est signalée sans commentaire dans le Livre des Hypothèses. 24 Ici, la mention de cette diminution n'est pas donnée simplement comme le résultat brut d'une observation, mais comme la source d'un principe de base à étendre à toutes les étoiles qui se trouvent situées en un point quelconque de l'horizon, ce qui prépare directement le formule du paragraphe suivant.

# Paragraphe 5.

La formule de modification de l'arcus visionis", pour une étoile en un point quelconque de l'horizon, est constituée d'une égalité très simple entre deux rapports: la valeur de "l'arcus visionis" passe de h à h/2 lorsque la distance d'entre l'étoile et le "point le plus brillant de l'horizon" passe de 0 à 180°, et la diminution de h pour l'étoile en un point quelconque est considérée commo linéaire.

Faisons la figure dans la situation que donne Ptolémée, lorsque le soleil se lève ou se couche, les deux cas étant équivalents.

- 21. Cf. H. Vogt, Der Kalender des Claudius Ptolemäus (Heidelberg: S. B. der Heidel. Akad. der Wissenschaften, Abh. 15, 1920). Les résultats des calcule aussi effectués, p. 16, donnent pour les valeura maxima "d'arcus visionis" des étoiles de première et deuxième grandeur, respectivement, 12;24 et 15;12. Seules les valeurs maxima sont à retenir. étant donné les éléments nouveaux présentés ici.
  - 22. Cf. la note B ci-dessus.
  - 23. Cf. l'édition de J. L. Heiberg, ep. cit., p. 12-13.
- 24. Cf. Goldstein, op. cst., texte arabe p. 34, I 14-17, et, en p. 9, une traduction anglaise légèrement incorrecte, cur il s'apit dans le texte de tous les estres qui peuvent être en opposition avec le soleil, et non des placètes supérieures seulement. Cette différence entre les deux textes pourrait être un argument pour l'actériorité du Livre des Hypothèses sur le Phaseis.

L'observation à travers un tube et son influence sur le regard étaient connues dans le monde grec: nous trouvons chez Aristote des principes généraux très semblables à ceux que reprend ici al-Bi-unī: "La personne qui abrite ses yeux avec la main, ou qui regarde par un tube, ne distinguera ni mieux ni moins bien les nuances des conleurs, mais elle verra plus loin. En tout cas, du fond d'un trou ou d'un puits, il arrive qu'on aperçoive des étoiles." 16

Les astronomes arabes ont appliqué ce principe aux observations astronomiques. Ptolémée l'avant-il fait avant eux? Il serait tentant d'en voir une trace dans le texte présenté ici, mais rien ne nous permet de le conclure de façon suffisamment sûre, à partir des seuls éléments que nous possédons pour le moment.

La reprise par al-Birüni du raisonnement de Ptolémée ne commencerait alors qu'au paragraphe suivant avec la mention de son nom.

#### Paragraphe 2.

Al-Birûnî s'appuie sur l'autorité de Ptolémée pour justifier son choix de l'arc de dépression du soleil sous l'horizon, et donner ainsi un "arcus visionis" qui puisse être une constante liée à la luminosité de chaque astre, indépendante des coordonnées de lieu d'observation, de la place du soleil sur l'écliptique et des conditions d'observation: la valeur de l'arc de dépression peut être considérée comme un critère universel pour un astre de grandeur connue.

Nous trouvons ce raisonnement dans l'Almageste et dans le Livre des Hypothèses; 10 il se trouvait aussi probablement dans le premier livre du Phaseis, mais nous n'avons là aucun élément nouveau par rapport à ce que nous pouvons connaître par ailleurs.

# Paragraphe 3.

Nous avons ici la mention de la valeur de "l'arcus visionis" pour les étoiles de première et de deuxième grandeur: respectivement 12° et 15°. Ces deux chiffres ne sont ni ceux de l'Almageste ni ceux du Livre des Hypothèses, <sup>20</sup> mais ils peuvent être retrouvés par un calcul à partir des données chiffrées du second

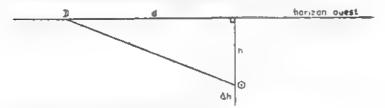
18. Aristote, De Gener. An., V. 1, 789b, (cité par R. Eisler, op. cit. p. 224, note 12); la traduction française donnée ce set celle de P. Louis (Paris Budé, 1961), p. 183.

 Dans l'Almageste, livre VIII, chapitre 6, et livre XIII, chapitre 7. Traduction française: Halma, Composition mathématique de Claude Ptolémée, (Paris, 1813-1816; réimp. Paris: Hermann, 1927), vol. 2, pp. 108-113 et 416-422

Dans le Livrs des Hypothèses, cf. B. R. Goldstein, "The Arabic Version of Ptolemy's Planetary Bypotheses", Transactions of the American Philosophical Society, N. S., 57, 4, (1967); texto arabe p. 34, l. 8-10, traduction anglaise p. 9.

20. Dans l'Almageste, Ptolémée douve des valeurs "d'arens vissonis" pour les plauètes seulement: en VIII., 6, il ne donne, pour les étoules fixes, que les principes généraux du calcul. Dans le Love des Hypothèses, (op. cis., texte arabe p. 34, l. II et trad anglaise p. 9), Ptolémée donne la valeur (approxima, tive) de 15° pour "l'arens vissonis" des étoiles de première grandeur, et ne fait ancune mention de calles de deuxième grandeux.

(hagq) du deuxième arc". Lorsque du 'est pas nul, il cherche quelle est la diminution  $\Delta h$  de cette valeur absolue, étant donné l'éloignement du croissant du "point le plus brillant de l'horizon", et il calcule  $h' = h - \Delta h$ .



Il applique alors la formule de Ptolémée:

$$\Delta h = \frac{\frac{h}{2} \cdot d}{180}$$
 soit  $h' = h \cdot \frac{360 - d}{360}$ 

Il appele h' "la valeur requise (hogq) du deuxième arc en fonction du troiaième arc".

#### 2- Texte d'al-Bironi.

Le texte est divisé , pour des raisons de commodité, en cinq granda paragraphes correspondants à des unités de sens.

# Paragraphe 1.

Nous y trouvons un ensemble de principes très généraux. La plus grande partie de ce paragraphe est orientée vers la mention de l'observation des astres à travers des tubes destinés à éliminer la lumière parasite. 15 Ce procédé avait été utilisé par al-Battàni, et repris par al-Birûni lui-même, pour la recherche sur l'horizon du premier croissant lunaire. 16

Nous n'avons retrouvé, actuellement, aucune mention chez Ptolémée de la description on de l'utilisation de tubes pour les observations astronomiques en tant que telles: ni dans ses oeuvres d'astronomie, ni dans son Optique.<sup>17</sup>

15. La question des tubes d'observation a été étudice par R. Eisler, "The Polar Sighting Tubes", Archives Internationales d'Histoire des Sciences, XXVIII, 6, (1949), 312-352- leur utilization dans le monde gret est passible, sans être certaine, par contre la tradition chinoise connaissait ce mode d'observation depuis longtemps déjà (l'auteur se réfère là aux travaux de Needham).

16. Cf. Al-Battáni, Opus astronomicum (al-zij al-jābi), édition, traduction latine et commentaire par C.A. Nalline, 3 vol., (Milan Hoeph, 1899-1907), vol. 3 p. 137-138) (texte arabe), vol. 1, p. 91 (traduction) et p. 272 (commentaire) Al-Birûni décrit le tube de façon précise dans le Quaño, op. cis., pp. 962-965, où le tube est appelé, comme ici, berbakh, alors qu'al Battáni atdise le terme unbió.

17. Cf. A. Le jeune, Euclide et Prolémés, deux stodes de l'optique géométrique grecque, (Lonvaiu: Bibliothèque de l'Université, 1948), et, du même auteur. L'optique de Claude Prolémés, (Lonvain: Publications Universitaires, 1956).

est: Phaseis aplanon asteron kai sunageige episemasion. Chez Ptolémée, au premier seus, le mot phasis signifie "apparition d'une étoile qui se lève"; il ce mot grec peut alors être traduit aussi hien par zuhür que par mațălic. Aplanon asteron se traduit par al-kawākib al-thābita; sunagoge sigmfie "collection"; episemasias se traduit exactement par l'arabe anwâ". Le titre du livre tel que le donne al-Birūni est alors une traduction presque littérale du titre grec, et celui que donne Thàbit, hien que légèrement tronqué, est pratiquement identique.

La formule présentée par al-Bīrūnī et le développement qui la prépare sont donc également tirés du *Phoseis*. Dans la mesure où l'on ne retrouve pas ces différents éléments dans le deuxième livre de cet ouvrage, nous pouvons dire que la partie étudiée ici de ce chapitre du *Qūnūn* nous offre un fragment non négligeable du premier livre, perdu en grec, du *Phoseis*.

Le texte de Thabit est encore médit, nous le donnons tel qu'il a été préparé pour l'édition, à partir du manuscrit unique de la British Library, daté de

639/1241-1242.

Le texte d'al-Birûni a été imprimé à Hyderabad, mais cette édition demande à être corrigée; les corrections proposées sont faites à partir de la lecture de deux manuscrits du Qānūn al-mas'ūdi: Londres, B.L.1197, ff. 205 v., l. 25-206 v., l. 2 et Paris, B.N. ar. 6840, ff. 160 v., l. 9-161 r., l. 4.14

Ces deux textes sont donnés dans la partie arabe tels qu'ils ont été traduits.

II Contenu de ces deux textes.

# 1- Texte de Thábit.

Pour comprendre le fragment ci-dessous, il faut le replacer dans son contexte: pour poser le problème de la première visibilité du croissant lunaire. Thâbit avait défini trois arcs' le "premier arc", distance angulaire lune-soleil, détermine la portion éclairée du croissant lunaire, donc la luminosité de ce croissant; le "deuxième arc" est l'arc de dépression du soleil sous l'horizon, le croissant sera visible si ce deuxième arc est au moins égal à "l'arcus visionis" du croissant; le "troisième arc" est la distance, prise sur l'horizon, entre le lune à son coucher et le "point le plus brillant de l'horizon", pied de la perpendiculaire abaissée du soleil dur l'horizon.

Appelons d le "troisième arc" et h "l'arcus visionis" du croissant lunaire, valeur minimum du "deuxième arc". Pour d=0, la lune se couche à la verticale du soloil, et Thābit détermine dans ce cas la valeur absolue de h pour une luminosité donnée du croissant, il appelle cette valeur: "valeur requise

<sup>12.</sup> Dans un seus plus large, au pluriel, le mot phoseis inclut aussi le seus de brupsis, la disparition de l'étoile ou se conche.

<sup>18.</sup> Pour l'équivalence entre ces deux termes, voir la note de Sachatt, op. cit., p. 428.

<sup>14.</sup> Ces deux maunerits sont param les meilleurs de la tradition manuscrite du Qānûn al-mas wdi; celui de Londres est daté de 570/1174-1175, et celui de Paris de Rassadan 501/Mai 1108.

d'identifier de façon sûre un fragment du premier livre perdu du Phaseis. Nous y trouvons en particulier deux éléments souvent repris par les auteurs arabes dans leurs études sur les levers et couchers héliaques des étoiles fixes et des planètes. 

d'une part 12° et 15° comme valeurs des "arcus visionis" pour les étoiles de première et de deuxième grandeur, et d'autre part une formule de modification de "l'arcus visionis" d'une étoile en fonction de sa place sur l'horizon au moment de son coucher.

Aprés une présentation de ces deux textes, nous en analyserous rapidement le contenu avant d'en proposer une traduction.

#### I Prés entation des textes.

Thabit b. Qurra vite une formule de "Ptolémée dans son livre sur l'apparition des étoiles fixes" (Ballamiyūs fi Kitābihi fi zuhūr al-kawākib al-thābita) et il l'applique à la modification de "l'arcus visionis" du croissant lunaire en fonction de son éloignement du "point le plus brillant de l'horizon".

Al-Bīrūni, dans son chapitre sur "Le lever et le coucher héhaques des étoiles fixes" (fi tashriq al-kawākib wa-taghribihā) 10 consacre la première partie de son développement aux bases théoriques de l'étude de co phénomène et la seconde partie à un ensemble de démonstrations géométriques. Seule la première partie nous intéresse ici. Nous y trouvons une citation de "Ptolémée dans son livre sur le lever des étoiles fixes et les anwā" (Baṭlamiyūs fi kitābihī fi matāli al-kawākib al-thābita wa'l-anwā'), puis, sur deux pages environ, un développement qui est relativement indépendant du paragraphe précédent et qui prépare une formule de modification de la valeur de "l'arcus visionis" des étoiles fixes en fonction de leur éloignement du "point le plus brillant de l'horizon", juste après le coucher du soleil. Al-Bīrūnī dit explicitement que ce dermer développement vient de Ptolémée mais ne précise pas de quel livre il s'agit; or la formule qu'il donne est celle-là même qu'utilise Thābit. Comparons alors les titres que citent ces deux auteurs avec le titre complet du livre de Ptolémée, tel que nous le trouvons dans l'édition grecque de Heiberg, " qui

paraîtra prochamement dans l'ensemble des neuvres sciencifiques de cet anteur, sous la direction de R. Rashed, que je remercie ici pour son amacal soutren.

Pour Thäbit b. Qurra, cf. Dictionary of Scientific Biography, (New York: Scribner, 1970-1918), XIII, pp. 288-295.

<sup>7.</sup> Imprimé en 3 volumes à Hyderahad: Dà instu-l-ma airif-il-Osmania, 1954-1956.

<sup>8.</sup> E. S. Kennedy m's ergoalé, entre antres, le texte anonyme. Parie, B.N., ar 2823, ff 29v-30r, dans lequel nous trauvors, comme chez al-Birûni, l'adoption des deux valeurs suivantes et celle de la formule finale de modification de "l'areus visionis"

<sup>9.</sup> En your la définition di-dessous, dans le texte traduit, au paragraphe 2, et la note 31.

Al-Birdni, sp. ch.: traité IX, chapitre 7, sp. 1129-1139; la partie traduite ci-descous se trouve pp. 1129-1132.

Il s'agit là du titre le plus complet parmi ceux que l'éditeur a trouvés dans la tradition manuscrite grecque.

# Fragment arabe du premier livre du Phaseis de Ptolémée.

REGIS MORELON\*

LE PHASEIS DE CLAUDE PTOLEMÉE est considéré comme l'une de ses oeuvres mineures. Le premier livre de cet ouvrage est perdu en grec, mais nous possédons le texte original du second livre qui nous présente, après une introduction générale, une liste du lever et du coucher héliaques de différentes étoiles, selon le calendrier de l'année égyptienne, avec les prévisions météorologiques liées à ces phénomène. Le terme arabe "anné" recouvre cet ensemble de significations, c'est ce terme que nous emploierons sans le traduire.

Le Phaseis avait été très tôt traduit en arabe: il est cité par Mascūdī dans son Kitāb al-tanbih wa-l-ishrāf; et dans son livre Al-āthār al-bāqiya an al-qurān al-khāliya, al-Bīrūnī cite le Kitāb al-anwā de Sīnān b. Thābit b. Qurra, qui a été identifié par O. Neugebauer comme une reproduction partielle de deuxième livre du Phaseis.

Le rapprochement entre un texte de Thâbit b. Qurra sur la visibilité du croissant<sup>e</sup> et un passage du *Qānān al-mas-adi* d'al - Bīrūnī<sup>7</sup> nous permet

• 20 Rue des Tenneries, 75013, PARIS. Je remercie les responsables de l'Institut d'Histoire des Sciences Arabes, Université d'Alep, et ceux de l'Institut Français de Dames pour toutes les facilités qu'ils m'ont accordées lors de mon année de recherches à Alep. En particulier, je suis très reconnaissant au Pr. E. S. Kennedy pour l'aide qu'il m'a apportée et pour toute la documentation personnelle qu'il a cu lu gontillesse de mettre à ma disposition.

1. Claudii Ptolemasi, Opera quas estant omnia, val. II, Opera astronomica minora, éd. J. L. Heiberg,

(Leipsig: Teubner, 1907), pp. 1-67.

2. Pour la signification précise de ce terme, et les traveux des astronomes arabes dans ce domaine,

cf. C. A. Nallino, 'ilm al-folok, (Rome, 1911), pp. 117-140, (Conférences 18 et 19).

3. Imprimé à Bagdad (1357/1938), pp. 15-16: .... Claude Ptolémée a fait mention de cela dans le Tetrabibles et dans son Liere sur les armét, dans lequel il mentionne le temps qu'il fait pour tous les jours de l'année et cenx de ces jours oû se produisent les levers et couchers héliaques des étoiles''. (Ce texte est signalé par Nallino, op. cit., p. 134). Al-Mas ndi est mort autour de 345/956.

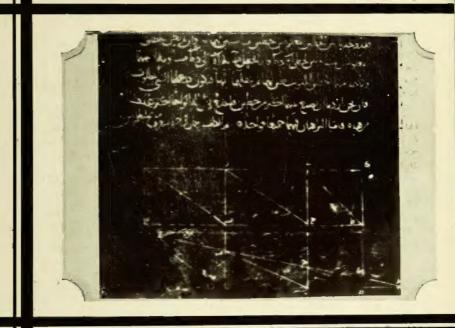
4. Edité par C. E. Sachau, (Leipsig, 1923). Traduction anglaise: C. E. Sachau, The Chronology of

Ancient Nations, (London, 1879; réimp. Frankfurt: Minerva, 1969).

S. Cf. O. Neugebunez, "An Arabic Version of Ptolemy's Parapegma from the Phassis" Journal of the American Oriental Society, 91, 4, (1971), p. 506. Pour l'analyse détaillée de ce texte, voir: J. Samaó "Las Phassis de Ptolemeo y el Kitch al-ansea" de Sinan b. Thabit", Al-Andalus, 41 (1976), 15-48 et 471-479.

Thäbit b. Qurra, Kitāb fi hisāb ru'yat al-ahilla, Londres, British Library, 7473 ad., ff. 103r –
 112r; le passaga en question se trouve f. 111v, l. 13-17. J'ai terminé l'édition du texte complet qu!

# JOURNAL for the HISTORY of ARABIC SCIENCE



Vol. 5 Nos. 1 & 2 1981



University of Aleppo

Institute for the History of Arabic Science

Aleppo,Syria

Q124.6 J68 5